

# $\$SPAD/src/input\ rich4f.input$

Albert Rich and Timothy Daly

August 4, 2013

## **Abstract**

$x^m (a+b x^n)^p$  There are:

- 255 integrals in this file.
- 255 supplied "optimal results".
- 311 matching answers.
- 59 cases where Axiom supplied 2 results.
- 10 cases that Axiom failed to integrate.
- 3 that contain expressions Axiom does not recognize.

## **Contents**

```

____ * __

)set break resume
)sys rm -f rich4f.output
)spool rich4f.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all

--S 1 of 1369
t0:=x^2*sqrt(-2+x^6)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^2 \sqrt{x^6 - 2}}{x^2}$$

--R
--E 1                                         Type: Expression(Integer)

--S 2 of 1369
r0:=-1/3*atanh(x^3/sqrt(-2+x^6))+1/6*x^3*sqrt(-2+x^6)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{-\operatorname{atanh}\left(\frac{x^3}{\sqrt{x^6 - 2}}\right) + \frac{x^3 \sqrt{x^6 - 2}}{6}}{6}$$

--R
--E 2                                         Type: Expression(Integer)

--S 3 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{\left(2x^3 \sqrt{x^6 - 2} - 2x^6 + 2\right) \log\left(\sqrt{x^6 - 2} - x^3\right) + \left(-x^9 + x^3\right) \sqrt{x^6 - 2} + x^{12}}{6x^3 \sqrt{x^6 - 2} - 6x^6 + 6}$$


```

```

--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 3

--S 4 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      +-----+          3
--R      | 6      3          x
--R      log(\|x - 2 - x ) + atanh(-----)
--R                                         +-----+
--R                                         | 6
--R                                         \|x - 2
--R (4)  -----
--R                                         3
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 4

--S 5 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 5

)clear all

--S 6 of 1369
t0:=x^2/sqrt(1-x^6)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R (1)  -----
--R      +-----+
--R      | 6
--R      \|- x + 1
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 6

--S 7 of 1369
r0:=1/3*asin(x^3)
--R
--R
--R      3
--R      asin(x )
--R (2)  -----
--R      3
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 7

--S 8 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{2 \operatorname{atan}\left(\frac{\sqrt{-x^6+1}-1}{x^3}\right)}{3}$$

--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 8

--S 9 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
$$(4) \frac{-2 \operatorname{atan}\left(\frac{\sqrt{-x^6+1}-1}{x^3}\right) - \operatorname{asin}(x)}{3}$$

--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 9

--S 10 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
$$(5) 0$$

--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 10

)clear all

--S 11 of 1369
t0:=x^2/sqrt(1+x^6)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^2}{\sqrt{1+x^6}}$$


```

```

--R      | 6
--R      \|x + 1
--R
--E 11                                         Type: Expression(Integer)

--S 12 of 1369
r0:=1/3*asinh(x^3)
--R
--R
--R      3
--R      asinh(x )
--R      (2)  -----
--R              3
--R
--E 12                                         Type: Expression(Integer)

--S 13 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 6      3
--R      log(\|x + 1 - x )
--R      (3)  -----
--R              3
--R
--E 13                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 14 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 6      3      3
--R      - log(\|x + 1 - x ) - asinh(x )
--R      (4)  -----
--R              3
--R
--E 14                                         Type: Expression(Integer)

--S 15 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 15                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

```

```

--S 16 of 1369
t0:=1/(x*sqrt(1+x^6))
--R
--R
--R      1
--R      -----
--R      +-----+
--R      | 6
--R      x\|x  + 1
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 16

--S 17 of 1369
r0:=-1/3*atanh(sqrt(1+x^6))
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 6
--R      atanh(\|x  + 1 )
--R      (2)  -
--R              3
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 17

--S 18 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      | 6      | 6
--R      - log(\|x  + 1  + 1) + log(\|x  + 1  - 1)
--R      (3)  -----
--R              6
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 18

--S 19 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      +-----+      +-----+      +-----+
--R      | 6      | 6      | 6
--R      - log(\|x  + 1  + 1) + log(\|x  + 1  - 1) + 2atanh(\|x  + 1 )
--R      (4)  -----
--R              6
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 19

--S 20 of 1369
d0:=D(m0,x)

```

```

--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 20                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 21 of 1369
t0:=1/(x*sqrt(-25+x^6))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  | 6
--R      x\|x  - 25
--R
--E 21                                         Type: Expression(Integer)

--S 22 of 1369
r0:=1/15*atan(1/5*sqrt(-25+x^6))
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 6
--R      \|x  - 25
--R      atan(-----)
--R                  5
--R      (2)  -----
--R                  15
--R
--E 22                                         Type: Expression(Integer)

--S 23 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 6
--R      \|x  - 25
--R      atan(-----)
--R                  5
--R      (3)  -----
--R                  15
--R
--E 23                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 24 of 1369
m0:=a0-r0

```

```

--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 24                                         Type: Expression(Integer)

--S 25 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 25                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 26 of 1369
t0:=x^(1/3)/(1-x^6)
--R
--R
--R      3+-+
--R      \|x
--R      (1)  - -----
--R              6
--R              x  - 1
--R
--E 26                                         Type: Expression(Integer)

--S 27 of 1369
r0:=-1/6*log(1-x^(2/3))+1/12*log(1+x^(2/3)+x^(4/3))-1/6*cos(2/9*%pi)*_
log(1+x^(4/3)+2*x^(2/3)*cos(1/9*%pi))+1/6*cos(1/9*%pi)*log(1+_
x^(4/3)-2*x^(2/3)*sin(1/18*%pi))-1/6*log(1+x^(4/3)-2*x^(2/3)*_
cos(2/9*%pi))*sin(1/18*%pi)-1/2*atan((1+2*x^(2/3))/sqrt(3))/_
sqrt(3)-1/3*atan((x^(2/3)+cos(1/9*%pi))/sqrt(1-cos(1/9*%pi)^2))*_
cos(1/9*%pi)*(1-cos(2/9*%pi))/sqrt(1-cos(1/9*%pi)^2)+1/3*_
atan((x^(2/3)-cos(2/9*%pi))/sqrt(1-cos(2/9*%pi)^2))*cos(2/9*%pi)*_
(1-sin(1/18*%pi))/sqrt(1-cos(2/9*%pi)^2)+1/3*atan((x^(2/3)-_
sin(1/18*%pi))/sqrt(1-sin(1/18*%pi)^2))*(1+cos(1/9*%pi))*_
sin(1/18*%pi)/sqrt(1-sin(1/18*%pi)^2)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ %pi      +-+ %pi  |   2%pi 2      |   %pi 2
--R      (4\|3 cos(---) + 4\|3 )sin(---) |- cos(---) + 1  |- cos(---) + 1
--R                  9          18 \|         9          \|         9
--R      *
--R      3+-+2      %pi
--R      \|x  - sin(---)
--R                  18

```

```

--R      atan(-----)
--R      +-----+
--R      |      %pi 2
--R      |- sin(---) + 1
--R      \|      18
--R      +
--R      +-----+
--R      +--+ 2%pi      %pi      ++-+ 2%pi      |      %pi 2
--R      (- 4\|3 cos(---)sin(---) + 4\|3 cos(---)) |- sin(---) + 1
--R      9      18      9      \|      18
--R      *
--R      +-----+      3+-+2      2%pi
--R      +-----+      \|x - cos(---)
--R      |      %pi 2
--R      |- cos(---) + 1 atan(-----)
--R      \|      9      +-----+
--R      |      2%pi 2
--R      |- cos(---) + 1
--R      \|      9
--R      +
--R      +-----+
--R      +--+ %pi      2%pi      ++-+ %pi      |      %pi 2
--R      (4\|3 cos(---)cos(---) - 4\|3 cos(---)) |- sin(---) + 1
--R      9      9      9      \|      18
--R      *
--R      +-----+      3+-+2      %pi
--R      +-----+      \|x + cos(---)
--R      |      2%pi 2
--R      |- cos(---) + 1 atan(-----)
--R      \|      9      +-----+
--R      |      %pi 2
--R      |- cos(---) + 1
--R      \|      9
--R      +
--R      +--+ 2%pi      %pi 3+-+2      3+-+
--R      - 2\|3 cos(---)log(2cos(---)\|x + x\|x + 1)
--R      9      9
--R      +
--R      +--+ 3+-+2      3+-+      ++-+      3+-+2
--R      \|3 log(\|x + x\|x + 1) - 2\|3 log(- \|x + 1)
--R      +
--R      +--+ %pi      2%pi 3+-+2      3+-+
--R      - 2\|3 sin(---)log(- 2cos(---)\|x + x\|x + 1)
--R      18      9
--R      +
--R      +-----+      3+-+2
--R      +--+ %pi      %pi 3+-+2      3+-+      2\|x + 1
--R      2\|3 cos(---)log(- 2sin(---)\|x + x\|x + 1) - 6atan(-----)
--R      9      18
--R      +--+      +-
--R      \|3

```

```

--R      *
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      |      %pi 2      |      2%pi 2      |      %pi 2
--R      |- sin(---) + 1  |- cos(---) + 1  |- cos(---) + 1
--R      \|     18      \|     9      \|     9
--R   /
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      +-+ |      %pi 2      |      2%pi 2      |      %pi 2
--R      12\|3 |- sin(---) + 1  |- cos(---) + 1  |- cos(---) + 1
--R      \|     18      \|     9      \|     9
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 27

--S 28 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      3          3
--R      atan(----)      atan(----)
--R      +-+          +-+
--R      \|3          \|3
--R      (3sin(-----) - \|3 cos(-----))
--R      3          3
--R
--R      *
--R      log
--R      3 4          3 2          3 2
--R      atan(----)      atan(----)      atan(----)
--R      +-+          +-+          +-+
--R      \|3          \|3          \|3
--R      sin(-----) + (2cos(-----) + 2\|x )sin(-----)
--R      3          3          3
--R
--R      +
--R      3 4          3 2
--R      atan(----)      atan(----)
--R      +-+          +-+
--R      \|3          3+-+2          \|3          3+-+
--R      cos(-----) - 2\|x  cos(-----) + x\|x
--R      3          3
--R
--R      +
--R      3          3
--R      atan(----)      atan(----)
--R      +-+          +-+
--R      \|3          \|3
--R      (- 3sin(-----) - \|3 cos(-----))
--R      3          3
--R
--R      *
--R      log
--R      3 4          3 2          3 2
--R      atan(----)      atan(----)      atan(----)

```

```

--R          +-+          +-+          +-+
--R          \|3          \|3          3+-+2          \|3
--R sin(-----) + (2cos(-----) - \|x )sin(-----)
--R          3            3            3
--R +
--R          3          3          3   4
--R          atan(---)  atan(---)  atan(---)
--R          +-+          +-+          +-+
--R          +-+3+-+2          \|3          \|3          \|3
--R 2\|3 \|x cos(-----)sin(-----) + cos(-----)
--R          3           3           3
--R +
--R          3   2
--R          atan(---)
--R          +-+
--R          3+-+2          \|3          3+-+
--R \|x cos(-----) + x\|x
--R          3
--R +
--R          3
--R          atan(---)
--R          +-+
--R          +-+          \|3
--R 2\|3 cos(-----)
--R          3
--R *
--R log
--R          3   4          3   2          3   2
--R          atan(---)  atan(---)  atan(---)
--R          +-+          +-+          +-+
--R          \|3          \|3          3+-+2          \|3
--R sin(-----) + (2cos(-----) - \|x )sin(-----)
--R          3           3           3
--R +
--R          3   3          3   4
--R          atan(---)  atan(---)  atan(---)
--R          +-+          +-+          +-+
--R          +-+3+-+2          \|3          \|3          \|3
--R - 2\|3 \|x cos(-----)sin(-----) + cos(-----)
--R          3           3           3
--R +
--R          3   2
--R          atan(---)
--R          +-+
--R          3+-+2          \|3          3+-+
--R \|x cos(-----) + x\|x
--R          3
--R +
--R          3           3
--R          atan(---)  atan(---)

```

```

--R          +-+          +-+          +-+
--R          +-+      \|-3          \|-3
--R          (- 2\|-3 sin(-----) + 6cos(-----))
--R                      3                  3
--R
--R          *
--R          atan
--R          3 2          3          3
--R          atan(----)      atan(----)      atan(----)
--R          +-+          +-+          +-+
--R          \|-3          \|-3          \|-3
--R          3sin(-----) + 2\|-3 cos(-----)sin(-----)
--R          3                  3                  3
--R
--R          +
--R          3 2
--R          atan(----)
--R          +-+
--R          \|-3
--R          - 3cos(-----)
--R          3
--R
--R          /
--R          3 2          3          3
--R          atan(----)      atan(----)      atan(----)
--R          +-+          +-+          +-+
--R          \|-3          \|-3          \|-3
--R          \|-3 sin(-----) - 6cos(-----)sin(-----)
--R          3                  3                  3
--R
--R          +
--R          3 2
--R          atan(----)
--R          +-+
--R          \|-3          +-+3+-+2
--R          - \|-3 cos(-----) - 2\|-3 \|-x
--R          3
--R
--R          +
--R          -
--R          3
--R          atan(----)
--R          +-+
--R          \|-3
--R          4\|-3 sin(-----)
--R          3
--R
--R          *
--R          atan
--R          3 2          3          3
--R          atan(----)      atan(----)      atan(----)
--R          +-+          +-+          +-+
--R          \|-3          \|-3          \|-3
--R          3sin(-----) - 2\|-3 cos(-----)sin(-----)
--R          3                  3                  3
--R
--R          +

```

```

--R          3   2
--R          atan(----)
--R          +-+
--R          \|3
--R          - 3cos(-----)
--R                      3
--R
--R          /
--R          3   2          3           3
--R          atan(----)      atan(----)      atan(----)
--R          +-+           +-+           +-+
--R          +-+           \|3           \|3           \|3
--R          \|3 sin(-----) + 6cos(-----)sin(-----)
--R                      3           3           3
--R
--R          +
--R          3   2
--R          atan(----)
--R          +-+
--R          +-+           \|3           +-+3+-+2
--R          - \|3 cos(-----) - 2\|3 \|x
--R                      3
--R
--R          +
--R          3           3
--R          atan(----)      atan(----)
--R          +-+           +-+
--R          +-+           \|3           \|3
--R          (- 2\|3 sin(-----) - 6cos(-----))
--R                      3           3
--R
--R          *
--R          3           3
--R          atan(----)      atan(----)
--R          +-+           +-+
--R          \|3           \|3
--R          2cos(-----)sin(-----)
--R                      3           3
--R
--R          atan(-----)
--R          3   2          3   2
--R          atan(----)      atan(----)
--R          +-+           +-+
--R          +-+           \|3           \|3           3+-+2
--R          sin(-----) - cos(-----) + \|x
--R                      3           3
--R
--R          +
--R          +-+ 3+-+2 3+-+    +-+ 3+-+2
--R          \|3 log(\|x + x\|x + 1) - 2\|3 log(\|x - 1)
--R
--R          +
--R          +-+3+-+2 +-+
--R          2\|3 \|x + \|3
--R
--R          3atan(-----)
--R          3+-+2 3+-+
--R          2\|x + 2x\|x - 1

```

```

--R   /
--R      +-+
--R      12\|3
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 28

--S 29 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R
--R      atan(-----)      atan(-----)
--R      +--+           +--+
--R      \|3      +--+      \|3      |      %pi 2
--R      (3sin(-----) - \|3 cos(-----)) |- sin(---) + 1
--R      3           3      \|     18
--R
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      |      2%pi 2      |      %pi 2
--R      |- cos(---) + 1  |- cos(---) + 1
--R      \|     9          \|     9
--R
--R      *
--R      log
--R
--R      atan(-----)      atan(-----)      atan(-----)
--R      +--+           +--+
--R      \|3           \|3      3+-+2      \|3
--R      sin(-----) + (2cos(-----) + 2\|x )sin(-----)
--R      3           3
--R
--R      +
--R      atan(-----)      atan(-----)
--R      +--+           +--+
--R      \|3      3+-+2      \|3      3+-+
--R      cos(-----) - 2\|x cos(-----) + x\|x
--R      3           3
--R
--R      +
--R      atan(-----)      atan(-----)
--R      +--+           +--+
--R      \|3      +--+      \|3      |      %pi 2
--R      (- 3sin(-----) - \|3 cos(-----)) |- sin(---) + 1
--R      3           3      \|     18
--R
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      |      2%pi 2      |      %pi 2
--R      |- cos(---) + 1  |- cos(---) + 1
--R      \|     9          \|     9
--R

```

```

--R      log
--R      3   4           3   2           3   2
--R      atan(---)       atan(---)       atan(---)
--R      +-+           +-+           +-+
--R      \|3           \|3           \|3
--R      sin(-----) + (2cos(-----) - \|x )sin(-----)
--R      3           3           3
--R      +
--R      3           3           3   4
--R      atan(---)       atan(---)       atan(---)
--R      +-+           +-+           +-+
--R      +-+3+-+2       \|3           \|3           \|3
--R      2\|3 \|x cos(-----)sin(-----) + cos(-----)
--R      3           3           3
--R      +
--R      3   2
--R      atan(---)
--R      +-+
--R      3+-+2       \|3           3+-+
--R      \|x cos(-----) + x\|x
--R      3
--R      +
--R      3
--R      atan(---)
--R      +-+ +-----+ +-----+
--R      +-+ \|3 | %pi 2 | 2%pi 2
--R      2\|3 cos(-----) |- sin(---) + 1 |- cos(---) + 1
--R      3   \| 18   \| 9
--R      *
--R      +-----+
--R      | %pi 2
--R      |- cos(---) + 1
--R      \| 9
--R      *
--R      log
--R      3   4           3   2           3   2
--R      atan(---)       atan(---)       atan(---)
--R      +-+           +-+           +-+
--R      \|3           \|3           \|3
--R      sin(-----) + (2cos(-----) - \|x )sin(-----)
--R      3           3           3
--R      +
--R      3           3           3   4
--R      atan(---)       atan(---)       atan(---)
--R      +-+           +-+           +-+
--R      +-+3+-+2       \|3           \|3           \|3
--R      - 2\|3 \|x cos(-----)sin(-----) + cos(-----)
--R      3           3           3
--R      +
--R      3   2

```

```

--R          atan(----)
--R          +-+
--R          3+-+2      \|3      3+-+
--R          \|x  cos(-----) + x\|x
--R          3
--R          +
--R          3          3
--R          atan(----)      atan(----)
--R          +-+          +-+          +-----+
--R          +-+          \|3          \|3      |      %pi 2
--R          (- 2\|3 sin(-----) + 6cos(-----)) |- sin(---) + 1
--R          3          3      \|      18
--R          *
--R          +-----+ +-----+
--R          |      2%pi 2      |      %pi 2
--R          |- cos(---) + 1  |- cos(---) + 1
--R          \|      9      \|      9
--R          *
--R          atan
--R          3      2          3          3
--R          atan(----)      atan(----)      atan(----)
--R          +-+          +-+          +-+
--R          \|3          +-+          \|3          \|3
--R          3sin(-----) + 2\|3 cos(-----)sin(-----)
--R          3          3          3
--R          +
--R          3      2
--R          atan(----)
--R          +-+
--R          \|3
--R          - 3cos(-----)
--R          3
--R          /
--R          3      2          3          3
--R          atan(----)      atan(----)      atan(----)
--R          +-+          +-+          +-+
--R          +-+          \|3          \|3          \|3
--R          \|3 sin(-----) - 6cos(-----)sin(-----)
--R          3          3          3
--R          +
--R          3      2
--R          atan(----)
--R          +-+
--R          +-+          \|3          +-+3+-+2
--R          - \|3 cos(-----) - 2\|3 \|x
--R          3
--R          +
--R          -
--R          3
--R          atan(----)

```

```

--R          +-+ +-----+ +-----+
--R          +-+ \|3 | %pi 2 | 2%pi 2
--R          4\|3 sin(-----) |- sin(---) + 1 |- cos(---) + 1
--R          3   \| 18   \| 9
--R *
--R          +-----+
--R          | %pi 2
--R          |- cos(---) + 1
--R          \| 9
--R *
--R          atan
--R          3 2          3          3
--R          atan(----)      atan(----)      atan(----)
--R          +-+           +-+           +-+
--R          \|3           \|3           \|3
--R          3sin(-----) - 2\|3 cos(-----)sin(-----)
--R          3           3           3
--R +
--R          3 2
--R          atan(----)
--R          +-+
--R          \|3
--R          - 3cos(-----)
--R          3
--R /
--R          3 2          3          3
--R          atan(----)      atan(----)      atan(----)
--R          +-+           +-+           +-+
--R          +-+ \|3           \|3           \|3
--R          \|3 sin(-----) + 6cos(-----)sin(-----)
--R          3           3           3
--R +
--R          3 2
--R          atan(----)
--R          +-+
--R          +-+ \|3           +-+3+-+2
--R          - \|3 cos(-----) - 2\|3 \|x
--R          3
--R +
--R          3          3
--R          atan(----)      atan(----)
--R          +-+           +-+ +-----+
--R          +-+ \|3           \|3 | %pi 2
--R          (- 2\|3 sin(-----) - 6cos(-----)) |- sin(---) + 1
--R          3           3   \| 18
--R *
--R          +-----+ +-----+
--R          | 2%pi 2 | %pi 2
--R          |- cos(---) + 1 |- cos(---) + 1
--R          \| 9     \| 9

```

```

--R      *
--R      3      3
--R      atan(---)      atan(---)
--R      +-+      +-+
--R      \|3      \|3
--R      2cos(-----)sin(-----)
--R      3      3
--R      atan(-----)
--R      3 2      3 2
--R      atan(---)      atan(---)
--R      +-+      +-+
--R      \|3      \|3      3+-+2
--R      sin(-----) - cos(-----) + \|x
--R      3      3
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ %pi      +-+ %pi | 2%pi 2      | %pi 2
--R      (- 4\|3 cos(---) - 4\|3 )sin(---) |- cos(---) + 1 |- cos(---) + 1
--R      9      18 \|      9      \|
--R      *
--R      3+-+2      %pi
--R      \|x - sin(---)
--R      18
--R      atan(-----)
--R      +-----+
--R      | %pi 2
--R      |- sin(---) + 1
--R      \|      18
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ 2%pi      %pi      +-+ 2%pi | %pi 2
--R      (4\|3 cos(---)sin(---) - 4\|3 cos(---)) |- sin(---) + 1
--R      9      18      9      \|      18
--R      *
--R      3+-+2      2%pi
--R      +-----+      \|x - cos(---)
--R      | %pi 2
--R      |- cos(---) + 1 atan(-----)
--R      \|      9      +-----+
--R      | 2%pi 2
--R      |- cos(---) + 1
--R      \|      9
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ %pi      2%pi      +-+ %pi | %pi 2
--R      (- 4\|3 cos(---)cos(---) + 4\|3 cos(---)) |- sin(---) + 1
--R      9      9      9      \|      18
--R      *
--R      3+-+2      %pi
--R      +-----+      \|x + cos(---)

```

```

--R      |      2%pi 2          9
--R      |- cos(---) + 1 atan(-----)
--R      \|      9           +-----+
--R                           |      %pi 2
--R                           |- cos(---) + 1
--R                           \|      9
--R      +
--R      +-+ 2%pi      %pi 3+-+2   3+-+      +-+ 3+-+2
--R      2\|3 cos(---)log(2cos(---)\|x    + x\|x    + 1) - 2\|3 log(\|x    - 1)
--R      9          9
--R      +
--R      +-+ 3+-+2
--R      2\|3 log(- \|x    + 1)
--R      +
--R      +-+ %pi      2%pi 3+-+2   3+-+
--R      2\|3 sin(---)log(- 2cos(---)\|x    + x\|x    + 1)
--R      18          9
--R      +
--R      +-+ %pi      %pi 3+-+2   3+-+      2\|x    + 1
--R      - 2\|3 cos(---)log(- 2sin(---)\|x    + x\|x    + 1) + 6atan(-----)
--R      9          18
--R      +-+          +-+
--R      \|3
--R      +
--R      +-+3+-+2   +-+
--R      2\|3 \|x    + \|3
--R      3atan(-----)
--R      3+-+2   3+-+
--R      2\|x    + 2x\|x    - 1
--R      *
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      |      %pi 2      |      2%pi 2      |      %pi 2
--R      |- sin(---) + 1  |- cos(---) + 1  |- cos(---) + 1
--R      \|      18        \|      9        \|      9
--R      /
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      +-+ |      %pi 2      |      2%pi 2      |      %pi 2
--R      12\|3 |- sin(---) + 1  |- cos(---) + 1  |- cos(---) + 1
--R      \|      18        \|      9        \|      9
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 29

--S 30 of 1369 Value stack overflow
--d0:=D(m0,x)
--E 30

)clear all

--S 31 of 1369
t0:=x^8*(a+b*x^7)

```

```

--R
--R
--R      15      8
--R      (1)  b x   + a x
--R
--E 31                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 32 of 1369
r0:=1/9*a*x^9+1/16*b*x^16
--R
--R
--R      1      16      1      9
--R      (2)  -- b x   + - a x
--R          16            9
--R
--E 32                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 33 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      1      16      1      9
--R      (3)  -- b x   + - a x
--R          16            9
--R
--E 33                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 34 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 34                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 35 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 35                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 36 of 1369
t0:=x^9/(a+b*x^8)
--R
--R
--R          9

```

```

--R      x
--R (1) -----
--R      8
--R      b x + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 36

--S 37 of 1369
r0:=1/2*x^2/b+1/4*a^(1/4)*atan(1-b^(1/4)*x^2*sqrt(2)/a^(1/4))/(b^(5/4)*_
sqrt(2))-1/4*a^(1/4)*atan(1+b^(1/4)*x^2*sqrt(2)/a^(1/4))/(b^(5/4)*_
sqrt(2))+1/8*a^(1/4)*log(-a^(1/4)*b^(1/4)*x^2*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^4*sqrt(b))/(b^(5/4)*sqrt(2))-1/8*a^(1/4)*log(a^(1/4)*b^(1/4)*_
x^2*sqrt(2)+sqrt(a)+x^4*sqrt(b))/(b^(5/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R      4+-+   2 +-+4+-+4+-+   4 +-+   +-+
--R      - \|a log(x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a )
--R      +
--R      4+-+   2 +-+4+-+4+-+   4 +-+   +-+   4+-+   2 +-+4+-+   4+-+
--R      \|a log(- x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a ) - 2\|a atan(-----)
--R
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R      2 +-+4+-+   4+-+
--R      4+-+   x \|2 \|b - \|a      2 +-+4+-+
--R      - 2\|a atan(-----) + 4x \|2 \|b
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      /
--R      +-+4+-+
--R      8b\|2 \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 37

--S 38 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      +-----+      +-----+
--R      |      a      |      a      2
--R      - 2b | - ----- log(8b | - ----- + x )
--R      4|      5      4|      5
--R      \| 4096b      \| 4096b
--R      +
--R
--R                                         +-----+
--R                                         |      a
--R
--R                                         8b | - -----

```

```

--R      +-----+      +-----+      +-----+      4|      5
--R      |      a      |      a      2      |      a      \|
--R      2b | - ----- log(- 8b | - ----- + x  + 4b | - ----- atan(-----)
--R      4|      5      4|      5      4|      5      2
--R      \| 4096b      \| 4096b      \| 4096b      x
--R      +
--R      2
--R      x
--R      /
--R      2b
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 38

--S 39 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      4+-+      2 +-+4+-+4+-+      4 +-+      +-+
--R      \|a log(x \|2 \|a \|b  + x \|b  + \|a )
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ |      a 4+-+      |      a      2
--R      - 8b\|2 | - ----- \|b log(8b | - ----- + x )
--R      4|      5      4|      5
--R      \| 4096b      \| 4096b
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ |      a 4+-+      |      a      2
--R      8b\|2 | - ----- \|b log(- 8b | - ----- + x )
--R      4|      5      4|      5
--R      \| 4096b      \| 4096b
--R      +
--R      4+-+      2 +-+4+-+4+-+      4 +-+      +-+
--R      - \|a log(- x \|2 \|a \|b  + x \|b  + \|a )
--R      +
--R      2 +-+4+-+ 4+-+      2 +-+4+-+ 4+-+
--R      4+-+      x \|2 \|b  + \|a      4+-+      x \|2 \|b  - \|a
--R      2\|a atan(-----) + 2\|a atan(-----)
--R
--R      4+-+
--R      \|a
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      |      a
--R      8b | - -----
--R      +-----+      4|      5
--R      +-+ |      a 4+-+      \| 4096b
--R      16b\|2 | - ----- \|b atan(-----)
--R      4|      5      2
--R      \| 4096b      x

```

```

--R   /
--R      +-+4+-+
--R      8b\|2 \|b
--R
--E 39                                         Type: Expression(Integer)

--S 40 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 40                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 41 of 1369
t0:=x^7/(a+b*x^8)
--R
--R
--R      7
--R      x
--R      (1)  -----
--R      8
--R      b x  + a
--R
--E 41                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 42 of 1369
r0:=1/8*log(a+b*x^8)/b
--R
--R
--R      8
--R      log(b x  + a)
--R      (2)  -----
--R                  8b
--R
--E 42                                         Type: Expression(Integer)

--S 43 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      8
--R      log(b x  + a)
--R      (3)  -----
--R                  8b
--R
--E 43                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 44 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 44                                         Type: Expression(Integer)

--S 45 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 45                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 46 of 1369
t0:=x^5/(a+b*x^8)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1)  -----
--R      8
--R      b x  + a
--R
--E 46                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 47 of 1369
r0:=-1/4*atan(1-b^(1/4)*x^2*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(1/4)*b^(3/4)*sqrt(2))+_
1/4*atan(1+b^(1/4)*x^2*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(1/4)*b^(3/4)*sqrt(2))+_
1/8*log(-a^(1/4)*b^(1/4)*x^2*sqrt(2)+sqrt(a)+x^4*sqrt(b))/_
(a^(1/4)*b^(3/4)*sqrt(2))-1/8*log(a^(1/4)*b^(1/4)*x^2*sqrt(2)+_
sqrt(a)+x^4*sqrt(b))/(a^(1/4)*b^(3/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      2 +-+4+-+4+-+  4 +-+  +-+
--R      - log(x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a )
--R      +
--R
--R      2 +-+4+-+4+-+  4 +-+  +-+  2 +-+4+-+  4+-+
--R      log(- x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a ) + 2atan(-----)
--R
--R
--R      +
--R      2 +-+4+-+  4+-+
--R      x \|2 \|b - \|a

```

```

--R      2atan(-----)
--R                  4+-+
--R                  \|a
--R   /
--R      +-+4+-+4+-+3
--R      8\|2 \|a \|b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 47

--S 48 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-----+      +-----+3
--R      |      1      2 |      1      2
--R      | - ----- log(512a b | - ----- + x )
--R      4|      3      4|      3
--R      \|| 4096a b      \|| 4096a b
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+3
--R      |      1      2 |      1      2
--R      - | - ----- log(- 512a b | - ----- + x )
--R      4|      3      4|      3
--R      \|| 4096a b      \|| 4096a b
--R
--R      +
--R      +-----+3
--R      2 |      1
--R      512a b | - -----
--R      +-----+      4|      3
--R      |      1      \|| 4096a b
--R      2 | - ----- atan(-----)
--R      4|      3      2
--R      \|| 4096a b      x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 48

--S 49 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      2 +-+4+-+4+-+  4 +-+  +-+
--R      log(x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a )
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+3
--R      +-+ |      1  4+-+4+-+3      2 |      1      2
--R      8\|2 | - ----- \|a \|b log(512a b | - ----- + x )
--R      4|      3      4|      3
--R      \|| 4096a b      \|| 4096a b

```

```

--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | 1 4+-+4+-+3           2 | 1 2
--R      - 8\|2 |- ----- \|a \|b log(- 512a b |- ----- + x )
--R      4| 3                           4| 3
--R      \| 4096a b                   \| 4096a b
--R      +
--R      2 +-+4+-+4+-+   4 +-+   +-+           2 +-+4+-+   4+-+
--R      - log(- x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a ) - 2atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R      2 +-+4+-+   4+-+
--R      x \|2 \|b - \|a
--R      - 2atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R      2 | 1
--R      512a b |- -----
--R      +-----+
--R      +-+ | 1 4+-+4+-+3           \| 4096a b
--R      16\|2 |- ----- \|a \|b atan(-----)
--R      4| 3                           2
--R      \| 4096a b                   x
--R      /
--R      +-+4+-+4+-+3
--R      8\|2 \|a \|b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 49

--S 50 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 50

)clear all

--S 51 of 1369
t0:=x^3/(a+b*x^8)
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  -----

```

```

--R      8
--R      b x  + a
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 51

--S 52 of 1369
r0:=1/4*atan(x^4*sqrt(b)/sqrt(a))/(sqrt(a)*sqrt(b))
--R
--R
--R      4 ++
--R      x \|b
--R      atan(-----)
--R      +-+
--R      \|a
--R      (2)  -----
--R      +-+ +-+
--R      4\|a \|b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 52

--S 53 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      8      +----+      4
--R      (b x  - a)\|- a b  + 2a b x      4 +----+
--R      log(-----)      x \|a b
--R
--R      8      atan(-----)
--R      b x  + a      a
--R      (3)  [-----,-----]
--R      +----+      +---+
--R      8\|- a b      4\|a b
--R
--R                                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 53

--S 54 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      8      +----+      4      4 ++
--R      +-+ +-+ (b x  - a)\|- a b  + 2a b x      +----+ x \|b
--R      \|- a b log(-----) - 2\|- a b atan(-----)
--R
--R      8      +-+
--R      b x  + a      \|a
--R      (4)  -----
--R
--R      +----+ +-+ +-+
--R      8\|- a b \|- a \|b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 54

```

```

--S 55 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 55                                         Type: Expression(Integer)

--S 56 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      (6)  
$$\frac{x^{\frac{4}{\sqrt{ab}}}\sqrt{a}\sqrt{b}\operatorname{atan}(\frac{\sqrt{a}\sqrt{b}}{\sqrt{ab}}) - \sqrt{ab}\operatorname{atan}(\frac{\sqrt{ab}}{\sqrt{a}})}{4\sqrt{a}\sqrt{b}\sqrt{ab}}$$

--R
--E 56                                         Type: Expression(Integer)

--S 57 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 57                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 58 of 1369
t0:=x/(a+b*x^8)
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x}{b^8 x^8 + a^8}$$

--R
--E 58                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 59 of 1369
r0:=-1/4*atan(1-b^(1/4)*x^2*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(3/4)*b^(1/4)*sqrt(2))+_
1/4*atan(1+b^(1/4)*x^2*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(3/4)*b^(1/4)*sqrt(2))-_
1/8*log(-a^(1/4)*b^(1/4)*x^2*sqrt(2)+sqrt(a)+x^4*sqrt(b))/_
(a^(3/4)*b^(1/4)*sqrt(2))+1/8*log(a^(1/4)*b^(1/4)*x^2*sqrt(2)+_
sqrt(a)+x^4*sqrt(b))/(a^(3/4)*b^(1/4)*sqrt(2))

```

```

--R
--R
--R      (2)
--R      
$$\frac{\log(x \sqrt{2} \sqrt{a} \sqrt{b} + x \sqrt{b} + \sqrt{a})}{8\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{b}}$$

--R      + 
$$\frac{-\log(-x \sqrt{2} \sqrt{a} \sqrt{b} + x \sqrt{b} + \sqrt{a}) + 2\arctan(\frac{x \sqrt{2} \sqrt{b} + \sqrt{a}}{\sqrt{a}})}{8\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{b}}$$

--R      +
--R      
$$\frac{2\arctan(\frac{x \sqrt{2} \sqrt{b} - \sqrt{a}}{\sqrt{a}})}{8\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{b}}$$

--R
--R      /
--R      Type: Expression(Integer)
--E 59

--S 60 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      
$$\frac{\log(8a \sqrt{-x^2 + x})}{\sqrt{4096a^3b}} + \frac{8a \sqrt{-x^2 + x} \arctan(\frac{4\sqrt{4096a^3b}}{\sqrt{4096a^3b}})}{\sqrt{4096a^3b}}$$

--R      +
--R      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 60

--S 61 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)

```

```

--R      2 +-+4+-+4+-+   4 +-+   +-+
--R      - log(x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a )
--R      +
--R      +-----+           +-----+
--R      ++ | 1 4+-+3 4+-+   | 1 2
--R      8\|2 |- ----- \|a \|b log(8a |- ----- + x )
--R      4| 3               4| 3
--R      \|- 4096a b           \|- 4096a b
--R      +
--R      +-----+           +-----+
--R      ++ | 1 4+-+3 4+-+   | 1 2
--R      - 8\|2 |- ----- \|a \|b log(- 8a |- ----- + x )
--R      4| 3               4| 3
--R      \|- 4096a b           \|- 4096a b
--R      +
--R      2 +-+4+-+4+-+   4 +-+   +-+           2 +-+4+-+ 4+-+
--R      log(- x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a ) - 2atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R      2 +-+4+-+ 4+-+
--R      x \|2 \|b - \|a
--R      - 2atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R                                         +-----+
--R                                         | 1
--R                                         8a |- -----
--R                                         +-----+           4| 3
--R                                         ++ | 1 4+-+3 4+-+   \|- 4096a b
--R                                         - 16\|2 |- ----- \|a \|b atan(-----)
--R                                         4| 3               2
--R                                         \|- 4096a b           x
--R      /
--R      +-+4+-+3 4+-+
--R      8\|2 \|a \|b
--R
--E 61                                         Type: Expression(Integer)

--S 62 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 62                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

```

```

--S 63 of 1369
t0:=1/(x*(a+b*x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              9
--R          b x  + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 63

--S 64 of 1369
r0:=log(x)/a-1/8*log(a+b*x^8)/a
--R
--R
--R      8
--R      - log(b x  + a) + 8log(x)
--R      (2)  -----
--R              8a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 64

--S 65 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      8
--R      - log(b x  + a) + 8log(x)
--R      (3)  -----
--R              8a
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 65

--S 66 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 66

--S 67 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 67

```

```

)clear all

--S 68 of 1369
t0:=1/(x^3*(a+b*x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           11      3
--R           b x    + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 68

--S 69 of 1369
r0:=(-1/2)/(a*x^2)+1/4*b^(1/4)*atan(1-b^(1/4)*x^2*sqrt(2)/a^(1/4))/_
(a^(5/4)*sqrt(2))-1/4*b^(1/4)*atan(1+b^(1/4)*x^2*sqrt(2)/a^(1/4))/_
(a^(5/4)*sqrt(2))-1/8*b^(1/4)*log(-a^(1/4)*b^(1/4)*x^2*sqrt(2)+_
sqrt(a)+x^4*sqrt(b))/(a^(5/4)*sqrt(2))+1/8*b^(1/4)*log(a^(1/4)*_
b^(1/4)*x^2*sqrt(2)+sqrt(a)+x^4*sqrt(b))/(a^(5/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      2 4+-+      2 +-+4+-+4+-+      4 +-+      +-+
--R      x \|b log(x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a )
--R      +
--R      2 4+-+      2 +-+4+-+4+-+      4 +-+      +-+
--R      - x \|b log(- x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a )
--R      +
--R      2 +-+4+-+ 4+-+          2 +-+4+-+ 4+-+
--R      2 4+-+      x \|2 \|b + \|a      2 4+-+      x \|2 \|b - \|a
--R      - 2x \|b atan(-----) - 2x \|b atan(-----)
--R                               4+-+          4+-+
--R                               \|a          \|a
--R      +
--R      +-+4+-+
--R      - 4\|2 \|a
--R      /
--R      2 +-+4+-+
--R      8a x \|2 \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 69

--S 70 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-----+      +-----+3
--R      2 |      b      4 |      b      2
--R      - 2a x | - ----- log(512a | - ----- + b x )

```

```

--R      4|      5      4|      5
--R      \| 4096a      \| 4096a
--R      +
--R      +-----+      +-----+3
--R      2 |      b      4 |      b      2
--R      2a x  |- ----- log(- 512a  |- ----- + b x )
--R      4|      5      4|      5
--R      \| 4096a      \| 4096a
--R      +
--R      +-----+      +-----+3
--R      4 |      b
--R      512a  |- -----
--R      +-----+      4|      5
--R      2 |      b      \| 4096a
--R      - 4a x  |- ----- atan(----- - 1
--R      4|      5      2
--R      \| 4096a      b x
--R      /
--R      2
--R      2a x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 70

--S 71 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      4+-+      2 +-+4+-+4+-+      4 +-+      +-+
--R      - \|b log(x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a )
--R      +
--R      +-----+      +-----+3
--R      +-+ |      b 4+-+      4 |      b      2
--R      - 8a\|2  |- ----- \|a log(512a  |- ----- + b x )
--R      4|      5      4|      5
--R      \| 4096a      \| 4096a
--R      +
--R      +-----+      +-----+3
--R      +-+ |      b 4+-+      4 |      b      2
--R      8a\|2  |- ----- \|a log(- 512a  |- ----- + b x )
--R      4|      5      4|      5
--R      \| 4096a      \| 4096a
--R      +
--R      2 +-+4+-+      4+-+
--R      4+-+      2 +-+4+-+4+-+      4 +-+      +-+      4+-+      2 +-+4+-+      4+-+
--R      \|b log(- x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a ) + 2\|b atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R      2 +-+4+-+      4+-+

```

```

--R      4+-+   x \|2 \|b - \|a
--R      2\|b atan(-----)
--R                           4+-+
--R                           \|a
--R      +
--R                           +-----+3
--R                           4 |     b
--R                           512a | - -----
--R                           +-----+
--R                           4+-+ |     b 4+-+           \| 4096a
--R      - 16a\|2 | - ----- \|a atan(-----)
--R                           4|     5           2
--R                           \| 4096a           b x
--R      /
--R      +-+4+-+
--R      8a\|2 \|a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 71

--S 72 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R      (5)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 72

)clear all

--S 73 of 1369
t0:=1/(x^5*(a+b*x^8))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  1
--R                  13      5
--R      b x    + a x
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 73

--S 74 of 1369
r0:=(-1/4)/(a*x^4)-1/4*atan(x^4*sqrt(b)/sqrt(a))*sqrt(b)/a^(3/2)
--R
--R
--R      4 +-+
--R      4 +-+   x \|b   +-+
--R      - x \|b atan(-----) - \|a
--R                           +-+
--R                           \|a
--R      (2)  -----

```

```

--R          4 +-+
--R          4a x \|a
--R
--E 74                                         Type: Expression(Integer)

--S 75 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R          +---+
--R          4 | b      8
--R          +---+ - 2a x | - - + b x - a           +-+   a | -
--R          4 | b      \| a           4 | b      \|a
--R          x | - - log(-----) - 2 x | - atan(-----) - 1
--R          \| a           8           \|a      4
--R          b x + a           b x
--R
--R (3)  [-----, -----]
--R          4           4
--R          8a x           4a x
--R
--E 75                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--R

--S 76 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R          +---+
--R          4 | b      8
--R          +---+ - 2a x | - - + b x - a           4 +-+
--R          | b +-+      \| a           +-+   x \|b
--R          | - - \|a log(-----) + 2\|b atan(-----)
--R          \| a           8           +-+
--R          b x + a           \|a
--R
--R (4)  -----
--R          +-+
--R          8a\|a
--R
--E 76                                         Type: Expression(Integer)

--S 77 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--E 77                                         Type: Expression(Integer)

--S 78 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R

```



```

--R          2 +-+4++  4+++
--R          6 4+-+3   x \|2 \|b + \|a      6 4+-+3   x \|2 \|b - \|a
--R          - 6x \|b atan(-----) - 6x \|b atan(-----)
--R                                     4+++
--R                                     \|a
--R          +
--R          +-+4+-+3
--R          - 4\|2 \|a
--R /
--R          6 +-+4+-+3
--R          24a x \|2 \|a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 81

--S 82 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R          +-----+      +-----+
--R          |      3           |      3
--R          6 | b           2 | b
--R          - 6a x |- ----- log(8a | - ----- + b x )
--R          4|      7           4|      7
--R          \| 4096a           \| 4096a
--R          +
--R          +-----+      +-----+
--R          |      3           |      3
--R          6 | b           2 | b
--R          6a x |- ----- log(- 8a | - ----- + b x )
--R          4|      7           4|      7
--R          \| 4096a           \| 4096a
--R          +
--R          +-----+
--R          |      3
--R          2 | b
--R          +-----+     8a | - -----
--R          |      3           4|      7
--R          6 | b           \| 4096a
--R          12a x |- ----- atan(-----) - 1
--R          4|      7           2
--R          \| 4096a           b x
--R
--R          /
--R          6
--R          6a x
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 82

--S 83 of 1369
m0:=a0-r0

```

```

--R
--R
--R (4)
--R
--R      4+-+3      2 +-+4+-+4+-+      4 +-+      +-+
--R      \|b log(x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a )
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      |      3      |      3
--R      +-+ |      b 4+-+3      2 |      b      2
--R      - 8a\|2 |- ----- \|a log(8a |- ----- + b x )
--R      4|      7      4|      7
--R      \|- 4096a      \|- 4096a
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      |      3      |      3
--R      +-+ |      b 4+-+3      2 |      b      2
--R      8a\|2 |- ----- \|a log(- 8a |- ----- + b x )
--R      4|      7      4|      7
--R      \|- 4096a      \|- 4096a
--R      +
--R      4+-+3      2 +-+4+-+4+-+      4 +-+      +-+
--R      - \|b log(- x \|2 \|a \|b + x \|b + \|a )
--R      +
--R      2 +-+4+-+ 4+-+      2 +-+4+-+ 4+-+
--R      4+-+3      x \|2 \|b + \|a      4+-+3      x \|2 \|b - \|a
--R      2\|b atan(-----) + 2\|b atan(-----)
--R                  4+-+      4+-+
--R                  \|a      \|a
--R      +
--R      +-----+
--R      |      3
--R      2 |      b
--R      +-----+      8a |- -----
--R      |      3      4|      7
--R      +-+ |      b 4+-+3      \|- 4096a
--R      16a\|2 |- ----- \|a atan(-----)
--R      4|      7      2
--R      \|- 4096a      b x
--R      /
--R      +-+4+-+3
--R      8a\|2 \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 83

--S 84 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 84

)clear all

--S 85 of 1369
t0:=1/(x^9*(a+b*x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           17      9
--R           b x    + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 85

--S 86 of 1369
r0:=(-1/8)/(a*x^8)-b*log(x)/a^2+1/8*b*log(a+b*x^8)/a^2
--R
--R
--R      8      8      8
--R      b x log(b x  + a) - 8b x log(x) - a
--R      (2)  -----
--R
--R           2 8
--R           8a x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 86

--S 87 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      8      8      8
--R      b x log(b x  + a) - 8b x log(x) - a
--R      (3)  -----
--R
--R           2 8
--R           8a x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 87

--S 88 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 88

--S 89 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 89                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 90 of 1369
t0:=x^8/(a+b*x^8)
--R
--R
--R      8
--R      x
--R      (1)  -----
--R      8
--R      b x  + a
--R
--E 90                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 91 of 1369
r0:=x/b-1/4*(-a)^(1/8)*atan(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/b^(9/8)-1/4*(-a)^(1/8)*_
atanh(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/b^(9/8)+1/4*(-a)^(1/8)*atan(1-b^(1/8)*_
x*sqrt(2)/(-a)^(1/8))/(b^(9/8)*sqrt(2))-1/4*(-a)^(1/8)*_
atan(1+b^(1/8)*x*x*sqrt(2)/(-a)^(1/8))/(b^(9/8)*sqrt(2))+1/8*_
(-a)^(1/8)*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*x^2-(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*_
sqrt(2))/(b^(9/8)*sqrt(2))-1/8*(-a)^(1/8)*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*_
x^2+(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*x*sqrt(2))/(b^(9/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      8+---+      ++8+---+8++      2 4++ 4+---+
--R      - \|- a log(x\|2 \|- a \|b  + x \|b + \|- a )
--R      +
--R      8+---+      ++8+---+8++      2 4++ 4+---+      ++8+---+      8+---+
--R      \|- a log(- x\|2 \|- a \|b  + x \|b + \|- a ) - 2\|2 \|- a atanh(-----)
--R
--R
--R      +
--R      8+---+      ++8+---+8++      8+---+      ++8+---+      8+---+
--R      x\|2 \|b  + \|- a      8+---+      x\|2 \|b  - \|- a
--R      - 2\|- a atan(-----) - 2\|- a atan(-----)
--R
--R
--R      +
--R      8+---+
--R      ++8+---+      x\|b      ++8+---+
--R      - 2\|2 \|- a atan(-----) + 8x\|2 \|b
--R
--R      8+---+
--R      \|- a

```

```

--R   /
--R      +-+8+-+
--R      8b\|2 \|b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 91

--S 92 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      -
--R      +-----+
--R      |      a
--R      b |-----+
--R      8|      9
--R      \| 16777216b
--R      *
--R      +-----+2      +-----+
--R      2 |      a      +-+ |      a      2
--R      log(64b |----- + 8b x\|2 |----- + x )
--R      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216b      \| 16777216b
--R      +
--R      +-----+      +-----+2      +-----+
--R      |      a      2 |      a      +-+ |      a      2
--R      b |----- log(64b |----- - 8b x\|2 |----- + x )
--R      8|      9      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216b      \| 16777216b      \| 16777216b
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ |      a      |      a
--R      - b\|2 |----- log(8b |----- + x)
--R      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216b      \| 16777216b
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ |      a      |      a
--R      b\|2 |----- log(- 8b |----- + x)
--R      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216b      \| 16777216b
--R      +
--R      +-----+
--R      |      a
--R      8b |-----+
--R      +-----+      8|      9
--R      +-+ |      a      \| 16777216b
--R      2b\|2 |----- atan(-----)
--R      8|      9      x
--R      \| 16777216b

```

```

--R      +
--R      +-----+
--R      |      a
--R      8b |- -----
--R      +-----+     8|      9
--R      |      a     \| 16777216b
--R      - 2b |- ----- atan(-----)
--R      8|      9      +-----+
--R      \| 16777216b      |      a      ++
--R      8b |- ----- - x\|2
--R      8|      9
--R      \| 16777216b
--R      +
--R      +-----+
--R      |      a
--R      8b |- -----
--R      +-----+     8|      9
--R      |      a     \| 16777216b      ++
--R      2b |- ----- atan(----- + x\|2
--R      8|      9      +-----+
--R      \| 16777216b      |      a      ++
--R      8b |- ----- + x\|2
--R      8|      9
--R      \| 16777216b
--R      /
--R      ++
--R      b\|2
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 92

--S 93 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      8+---+      +-+8+---+8++      2 4++ 4+---+
--R      \|- a log(x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a )
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      |      a      8+-
--R      8b |- ----- \|b
--R      8|      9
--R      \| 16777216b
--R      *
--R      +-----+2      +-----+
--R      2 |      a      +-+ |      a      2
--R      log(64b |- ----- + 8b x\|2 |- ----- + x )
--R      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216b      \| 16777216b

```

```

--R      +
--R      +-----+
--R      |      a      8+-+
--R      8b  |- ----- \b
--R      8|      9
--R      \| 16777216b
--R      *
--R      +-----+2      +-----+
--R      2 |      a      +-+ |      a      2
--R      log(64b  |- ----- - 8b x\2  |- ----- + x )
--R      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216b  \| 16777216b
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ |      a      8+-+      |      a
--R      - 8b\2  |- ----- \b log(8b  |- ----- + x )
--R      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216b  \| 16777216b
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ |      a      8+-+      |      a
--R      8b\2  |- ----- \b log(- 8b  |- ----- + x )
--R      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216b  \| 16777216b
--R      +
--R      8+---+      +-+8+---+8+-+      2 4+-+ 4+---+
--R      - \|- a log(- x\2 \|- a \b + x \b + \|- a )
--R      +
--R      8+-+      +-+8+---+8+-+      8+---+
--R      +-+8+---+      x\|b      8+---+      x\2 \b + \|- a
--R      2\2 \|- a atanh(-----) + 2\|- a atan(-----)
--R      8+---+      8+---+      8+---+
--R      \|- a      \|- a      \|- a
--R      +
--R      +-+8+---+ 8+---+      8+---+
--R      8+---+      x\2 \b - \|- a      +-+8+---+      x\|b
--R      2\|- a atan(-----) + 2\2 \|- a atan(-----)
--R      8+---+      8+---+      8+---+
--R      \|- a      \|- a      \|- a
--R      +
--R      +-----+
--R      |      a
--R      8b  |- -----
--R      +-----+      8|      9
--R      +-+ |      a      8+-+      \| 16777216b
--R      16b\2  |- ----- \b atan(-----)
--R      8|      9      x
--R      \| 16777216b
--R      +
--R      +-----+

```



```

--S 96 of 1369
r0:=1/4*atan(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/((-a)^(1/8)*b^(7/8))-1/4*atanh(b^(1/8)*_
x/(-a)^(1/8))/((-a)^(1/8)*b^(7/8))-1/4*atan(1-b^(1/8)*x*sqrt(2)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(1/8)*b^(7/8)*sqrt(2))+1/4*atan(1+b^(1/8)*x*_
sqrt(2)/(-a)^(1/8))/((-a)^(1/8)*b^(7/8)*sqrt(2))+1/8*log((-a)^(1/4)+_
b^(1/4)*x^2-(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*sqrt(2))/((-a)^(1/8)*b^(7/8)*_
sqrt(2))-1/8*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*x^2+(-a)^(1/8)*b^(1/8)*_
x*sqrt(2))/((-a)^(1/8)*b^(7/8)*sqrt(2))

--R
--R
--R (2)
--R
--R
--R      +-+8+---+8+-+   2 4+-+ 4+---+
--R      - log(x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a )
--R
--R      +
--R
--R      +-+8+---+8+-+   2 4+-+ 4+---+   +-+           8+-+
--R      log(- x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a ) - 2\|2 atanh(-----)
--R
--R
--R      8+---+
--R      \| - a
--R
--R      +
--R      +-+8++- 8+---+           +-+8++- 8+---+           8+---+
--R      x\|2 \|b + \|- a           x\|2 \|b - \|- a           +-+           x\|b
--R      2atan(-----) + 2atan(-----) + 2\|2 atan(-----)
--R
--R      8+---+           8+---+           8+---+
--R      \|- a           \|- a           \|- a
--R
--R      /
--R      +-+8+---+8+-+7
--R      8\|2 \|- a \|b
--R
--R
--E 96
                                         Type: Expression(Integer)

--S 97 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R      +-----+
--R      |      1
--R      | -----
--R      8|      7
--R      \| 16777216a b
--R
--R      *
--R      log
--R
--R      +-----+7      +-----+6
--R      6 +-+ |      1      5 |      1
--R      2097152a b x\|2 |----- - 262144a b |-----+
--R
--R      8|      7      8|      7
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R
--R      +
--R      2

```

```

--R          x
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | 1
--R      \|- log(2097152a b ) |-----+7
--R      6 | 1
--R      8| 7 + x)
--R      \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | 1
--R      - \|- log(- 2097152a b ) |-----+7
--R      6 | 1
--R      8| 7 + x)
--R      \| 16777216a b
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      | 1
--R      |- -----
--R      8| 7
--R      \| 16777216a b
--R      *
--R      log
--R      +-----+7
--R      6 +-+ | 1
--R      - 2097152a b x\|- |-----+
--R      8| 7
--R      \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+6
--R      5 | 1 2
--R      - 262144a b |- -----+ x
--R      8| 7
--R      \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+7
--R      6 | 1
--R      2097152a b |- -----
--R      8| 7
--R      \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+7
--R      6 | 1
--R      2097152a b |- -----
--R      8| 7
--R      \| 16777216a b
--R      -
--R      +-----+7
--R      6 | 1
--R      - 2 |- ----- atan(-----)
--R      8| 7 x
--R      \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+7
--R      6 | 1
--R      2097152a b |- -----
--R      8| 7
--R      \| 16777216a b
--R      -
--R      +-----+7
--R      6 | 1
--R      - 2 |- ----- atan(-----)
--R      8| 7 +-----+7

```

```

--R      \|\ 16777216a b      6 | 1      +-+ +--+ +-
--R      2097152a b |- ----- - x\|2
--R      8| 7
--R      \|\ 16777216a b
--R      +
--R      +-----+7
--R      6 | 1
--R      2097152a b |- -----
--R      +-----+
--R      | 1      8| 7
--R      \|\ 16777216a b
--R      2 |- ----- atan(-----)
--R      8| 7      +-----+7
--R      \|\ 16777216a b      6 | 1      +-+ +-
--R      2097152a b |- ----- + x\|2
--R      8| 7
--R      \|\ 16777216a b
--R      /
--R      +-+
--R      \|2
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 97

--S 98 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      +-+8----+8+-+ 2 4+-+ 4+---+
--R      log(x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a )
--R      +
--R      +-----+
--R      8+---+ | 1      8+-+7
--R      8\|- a |- ----- \|b
--R      8| 7
--R      \|\ 16777216a b
--R      *
--R      log
--R      +-----+7      +-----+6
--R      6 +-+ | 1      5 | 1
--R      2097152a b x\|2 |- ----- - 262144a b |- -----
--R      8| 7      8| 7
--R      \|\ 16777216a b      \|\ 16777216a b
--R      +
--R      2
--R      x
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+8----+ | 1      8+-+7      6 | 1      1
--R      8\|2 \|- a |- ----- \|b log(2097152a b |- ----- + x)
--R      8| 7      8| 7

```

```

--R          \| 16777216a b          \| 16777216a b
--R      +
--R      -
--R          +-----+
--R          +-+8+---+ | 1     8+-+7
--R          8\|2 \|- a |----- \|b
--R          8|           7
--R          \| 16777216a b
--R      *
--R          +-----+7
--R          6 | 1
--R          log(- 2097152a b |----- + x)
--R          8|           7
--R          \| 16777216a b
--R      +
--R      -
--R          +-----+
--R          8+---+ | 1     8+-+7
--R          8\|- a |----- \|b
--R          8|           7
--R          \| 16777216a b
--R      *
--R      log
--R          +-----+7
--R          6 +-+ | 1
--R          - 2097152a b x\|2 |-----+
--R          8|           7
--R          \| 16777216a b
--R      +
--R          +-----+6
--R          5 | 1   2
--R          - 262144a b |----- + x
--R          8|           7
--R          \| 16777216a b
--R      +
--R          +-+8+---+8++  2 4+-+ 4+---+    +-+ 8+--+
--R          - log(- x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a ) + 2\|2 atanh(-----)
--R                                     8+---+
--R                                     \|- a
--R      +
--R          +-+8++  8+---+          +-+8++  8+---+
--R          x\|2 \|b + \|- a          x\|2 \|b - \|- a
--R          - 2atan(-----) - 2atan(-----)
--R          8+---+          8+---+
--R          \|- a          \|- a
--R      +
--R          8+--+
--R          +-+ x\|b
--R          - 2\|2 atan(-----)

```

```

--R          8+---+
--R          \|- a
--R
--R          +
--R          2097152a b |-----+7
--R          6   |   1
--R          +-----+
--R          8|   7
--R          \| 16777216a b
--R          16\|2 \|- a |- ----- \|b atan(-----)
--R          8|   7
--R          \| 16777216a b
--R
--R          +
--R          -
--R          8+---+ |   1   8+-+7
--R          16\|- a |- ----- \|b
--R          8|   7
--R          \| 16777216a b
--R
--R          *
--R          2097152a b |-----+7
--R          6   |   1
--R          +-----+
--R          8|   7
--R          \| 16777216a b
--R          atan(-----)
--R          2097152a b |-----+7
--R          6   |   1   +-+
--R          2097152a b |----- - x\|2
--R          8|   7
--R          \| 16777216a b
--R
--R          +
--R          2097152a b |-----+7
--R          6   |   1
--R          +-----+
--R          8|   7
--R          \| 16777216a b
--R          16\|- a |- ----- \|b atan(-----)
--R          8|   7
--R          \| 16777216a b
--R          2097152a b |-----+7
--R          6   |   1   +-+
--R          2097152a b |----- + x\|2
--R          8|   7
--R          \| 16777216a b
--R
--R          /
--R          +-+8+---+8+-+7
--R          8\|2 \|- a \|b
--R
--R
--E 98                                         Type: Expression(Integer)

--S 99 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))

```

```

--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 99                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 100 of 1369
t0:=x^4/(a+b*x^8)
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x^4}{b x^8 + a}$$

--R
--E 100                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 101 of 1369
r0:=-1/4*atan(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/((-a)^(3/8)*b^(5/8))-1/4*atanh(b^(1/8)*_
x/(-a)^(1/8))/((-a)^(3/8)*b^(5/8))-1/4*atan(1-b^(1/8)*x*sqrt(2)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(3/8)*b^(5/8)*sqrt(2))+1/4*atan(1+b^(1/8)*x*_
sqrt(2)/(-a)^(1/8))/((-a)^(3/8)*b^(5/8)*sqrt(2))-1/8*log((-a)^(1/4)+_
b^(1/4)*x^2-(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*sqrt(2))/((-a)^(3/8)*b^(5/8)*_
sqrt(2))+1/8*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*x^2+(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*_
sqrt(2))/((-a)^(3/8)*b^(5/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$\log(x\sqrt{2}\sqrt{-a}\sqrt{b} + x\sqrt{b}\sqrt{-a})$$

--R      +
--R      
$$-\log(-x\sqrt{2}\sqrt{-a}\sqrt{b} + x\sqrt{b}\sqrt{-a}) - 2\sqrt{2}\operatorname{atanh}\left(\frac{x\sqrt{b}}{\sqrt{-a}}\right)$$

--R
--R      +
--R      
$$2\operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{b}\sqrt{-a}}{\sqrt{-a}}\right) + 2\operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{b}\sqrt{-a}}{\sqrt{-a}}\right) - 2\sqrt{2}\operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{b}}{\sqrt{-a}}\right)$$

--R
--R      /
--R      
$$8\sqrt{2}\sqrt{-a}\sqrt{b}$$

--E 101                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 102 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      +-----+
--R      |      1
--R      |-
--R      8|      3 5
--R      \| 16777216a b
--R      *
--R      2 3  +-+ |      1      +-----+5      +-----+2
--R      log(32768a b x\|2 |----- - 64a b |----- + 1      2
--R      8|      3 5      8|      3 5      \| 16777216a b + x )
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+      +-----+5
--R      +-+ |      1      2 3 |      1
--R      - \|2 |----- log(32768a b |----- + x)
--R      8|      3 5      8|      3 5
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+      +-----+5
--R      +-+ |      1      2 3 |      1
--R      \|2 |----- log(- 32768a b |----- + x)
--R      8|      3 5      8|      3 5
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      |      1
--R      |-
--R      8|      3 5
--R      \| 16777216a b
--R      *
--R      log
--R      2 3  +-+ |      1      +-----+5      +-----+2
--R      - 32768a b x\|2 |----- - 64a b |----- + 1
--R      8|      3 5      8|      3 5      \| 16777216a b + 1
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R      +
--R      2
--R      x
--R      +
--R      2 3  |      1      +-----+5
--R      32768a b |----- + 1

```

```

--R      +-----+
--R      +-+ | 1           8|   3 5
--R      2\|2 | - ----- atan(-----)
--R                  8|   3 5           x
--R                  \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+5
--R      2 3 | 1
--R      32768a b | - -----
--R      +-----+
--R      | 1           8|   3 5
--R      \| 16777216a b
--R      2 | - ----- atan(-----)
--R      8|   3 5           2 3 | 1      +-+
--R      \| 16777216a b      32768a b | - ----- - x\|2
--R                           8|   3 5
--R                           \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+5
--R      2 3 | 1
--R      32768a b | - -----
--R      +-----+
--R      | 1           8|   3 5
--R      \| 16777216a b
--R      - 2 | - ----- atan(-----)
--R      8|   3 5           2 3 | 1      +-+
--R      \| 16777216a b      32768a b | - ----- + x\|2
--R                           8|   3 5
--R                           \| 16777216a b
--R      /
--R      +-+
--R      \|2
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 102

--S 103 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      +-+8+---+8+-+ 2 4+-+ 4+---+
--R      - log(x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a )
--R      +
--R      +-----+
--R      8+---+3 | 1           8+-+5
--R      8\|- a | - ----- \|b
--R                  8|   3 5
--R                  \| 16777216a b
--R      *
--R      +-----+5           +-----+2

```

```

--R      2 3  +-+ | 1 | 1 | 2
--R      log(32768a b x\|2 |- ----- - 64a b |- ----- + x )
--R                  8| 3 5   8| 3 5
--R                  \| 16777216a b \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+8+---+3 | 1 8+-+5 2 3 | 1
--R      - 8\|2 \|- a |- ----- \|b log(32768a b |- ----- + x)
--R                  8| 3 5   8| 3 5
--R                  \| 16777216a b \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+8+---+3 | 1 8+-+5 2 3 | 1
--R      8\|2 \|- a |- ----- \|b log(- 32768a b |- ----- + x)
--R                  8| 3 5   8| 3 5
--R                  \| 16777216a b \| 16777216a b
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      8+---+3 | 1 8+-+5
--R      8\|- a |- ----- \|b
--R                  8| 3 5
--R                  \| 16777216a b
--R      *
--R      log
--R      +-----+5 +-----+2
--R      2 3  +-+ | 1 | 1
--R      - 32768a b x\|2 |- ----- - 64a b |- -----
--R                  8| 3 5   8| 3 5
--R                  \| 16777216a b \| 16777216a b
--R      +
--R      2
--R      x
--R      +
--R      +-+8+---+8++ 2 4+-+ 4+---+ +-+ x\|b
--R      log(- x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a ) + 2\|2 atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      +-+8++ 8+---+ +-+8++ 8+---+
--R      x\|2 \|b + \|- a x\|2 \|b - \|- a
--R      - 2atan(-----) - 2atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      8+--+
--R      +-+ x\|b
--R      2\|2 atan(-----)
--R                                         8+---+

```

```

--R          \|- a
--R          +
--R          +-----+ 2 3 | 1
--R          32768a b |-----+
--R          +-----+ 8| 3 5
--R          \| 16777216a b
--R          16\|2 \|- a |----- \|b atan(-----)
--R          8| 3 5           x
--R          \| 16777216a b
--R          +
--R          +-----+ 2 3 | 1
--R          32768a b |-----+
--R          +-----+ 8| 3 5
--R          \| 16777216a b
--R          16\|- a |----- \|b atan(-----)
--R          8| 3 5
--R          \| 16777216a b
--R          +-----+ 2 3 | 1
--R          32768a b |----- - x\|2
--R          8| 3 5
--R          \| 16777216a b
--R          +
--R          +-----+ 2 3 | 1
--R          32768a b |-----+
--R          +-----+ 8| 3 5
--R          \| 16777216a b
--R          - 16\|- a |----- \|b atan(-----)
--R          8| 3 5
--R          \| 16777216a b
--R          +-----+ 2 3 | 1
--R          32768a b |----- + x\|2
--R          8| 3 5
--R          \| 16777216a b
--R          /
--R          +-+8+---+3 8+-+5
--R          8\|2 \|- a \|b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 103

--S 104 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R      (5)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 104

)clear all

```

```

--S 105 of 1369
t0:=x^2/(a+b*x^8)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R          8
--R          b x  + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 105

--S 106 of 1369
r0:=1/4*atan(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*b^(3/8))-1/4*atanh(b^(1/8)*_
x/(-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*b^(3/8))+1/4*atan(1-b^(1/8)*x*sqrt(2)/_
(-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*b^(3/8)*sqrt(2))-1/4*atan(1+b^(1/8)*x*_
sqrt(2)/(-a)^(1/8))/((-a)^(5/8)*b^(3/8)*sqrt(2))-_
1/8*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*x^2-(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*sqrt(2))/_
((-a)^(5/8)*b^(3/8)*sqrt(2))+1/8*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*x^2+_
(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*sqrt(2))/((-a)^(5/8)*b^(3/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+8++++8+-+ 2 4+-+ 4+---+
--R      log(x\|2 \|- a \|b  + x  \|b + \|- a )
--R      +
--R      +-+8++++8+-+ 2 4+-+ 4+---+ +-+ 8+-
--R      - log(- x\|2 \|- a \|b  + x  \|b + \|- a ) - 2\|2 atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+ 8+---+ +-+8+-+ 8+---+ 8+-
--R      x\|2 \|b  + \|- a x\|2 \|b  - \|- a +-+ x\|b
--R      - 2atan(-----) - 2atan(-----) + 2\|2 atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a 8+---+
--R                                         \|- a
--R      /
--R      +-+8+---+5 8+-+3
--R      8\|2 \|- a  \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 106

--S 107 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-----+
--R      |      1

```

```

--R      | - -----
--R      8|      5 3
--R      \| 16777216a b
--R      *
--R      +-----+6      +-----+3
--R      4 2 | 1      2      +-+ | 1      2
--R      log(262144a b |- ----- + 512a b x\|2 |- ----- + x )
--R      8|      5 3      8|      5 3
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      | 1
--R      | - -----
--R      8|      5 3
--R      \| 16777216a b
--R      *
--R      log
--R      +-----+6      +-----+3
--R      4 2 | 1      2      +-+ | 1
--R      262144a b |- ----- - 512a b x\|2 |- ----- + x
--R      8|      5 3      8|      5 3
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R      +
--R      2
--R      x
--R      +
--R      +-----+      +-----+3
--R      +-+ | 1      2 | 1
--R      - \|2 | - ----- log(512a b | - ----- + x)
--R      8|      5 3      8|      5 3
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+      +-----+3
--R      +-+ | 1      2 | 1
--R      \|2 | - ----- log(- 512a b | - ----- + x)
--R      8|      5 3      8|      5 3
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+3
--R      2 | 1
--R      512a b | - -----
--R      +-----+      8|      5 3
--R      +-+ | 1      \| 16777216a b
--R      - 2\|2 | - ----- atan(-----)
--R      8|      5 3      x
--R      \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+3
--R      2 | 1

```



```

--R      8\|- a   |- -----
--R                  8|      5 3
--R                  \| 16777216a b
--R      *
--R      log
--R      +-----+6          +-----+3
--R      4 2 | 1           2  +-+ | 1
--R      262144a b |- ----- - 512a b x\|2 |- -----
--R                  8|      5 3           8|      5 3
--R                  \| 16777216a b           \| 16777216a b
--R      +
--R      2
--R      x
--R      +
--R      +-----+          +-----+3
--R      +-+8+---+5 | 1     8+-+3           2 | 1
--R      - 8\|2 \|- a |- ----- \|b log(512a b |- ----- + x)
--R                  8|      5 3           8|      5 3
--R                  \| 16777216a b           \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+          +-----+3
--R      +-+8+---+5 | 1     8+-+3           2 | 1
--R      8\|2 \|- a |- ----- \|b log(- 512a b |- ----- + x)
--R                  8|      5 3           8|      5 3
--R                  \| 16777216a b           \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+8+-+ 2 4+-+ 4+---+ +-+ 8+-+
--R      log(- x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a ) + 2\|2 atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+ 8+---+      +-+8+-+ 8+---+      8+---+
--R      x\|2 \|b + \|- a      x\|2 \|b - \|- a      +-+ x\|b
--R      2atan(-----) + 2atan(-----) - 2\|2 atan(-----)
--R             8+---+           8+---+           8+---+
--R             \|- a           \|- a           \|- a
--R      +
--R      +-----+3
--R                  2 | 1
--R                  512a b |- -----
--R      +-----+          8|      5 3
--R      +-+8+---+5 | 1     8+-+3           \| 16777216a b
--R      - 16\|2 \|- a |- ----- \|b atan(-----)
--R                  8|      5 3           x
--R                  \| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+3
--R                  2 | 1
--R                  512a b |- -----

```

```

--R      +-----+      8|      5 3
--R      8+---+5 | 1     8+-+3      \|| 16777216a b
--R      - 16\|- a | - ----- \|b atan(-----)
--R      8|      5 3      +-----+3
--R      \|| 16777216a b      2 | 1      +-+
--R      512a b | - ----- - x\|2
--R      8|      5 3
--R      \|| 16777216a b
--R      +
--R      +-----+      2 | 1
--R      8+---+5 | 1     8+-+3      512a b | - -----
--R      16\|- a | - ----- \|b atan(-----)
--R      8|      5 3      +-----+3
--R      \|| 16777216a b      2 | 1      +-+
--R      512a b | - ----- + x\|2
--R      8|      5 3
--R      \|| 16777216a b
--R      /
--R      +-+8+---+5 8+-+3
--R      8\|2 \|- a \||b
--R
--E 108                                         Type: Expression(Integer)

--S 109 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 109                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 110 of 1369
t0:=1/(a+b*x^8)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R      8
--R      b x  + a
--R
--E 110                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 111 of 1369
r0:=-1/4*atan(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*b^(1/8))-1/4*atanh(b^(1/8)*_
x/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*b^(1/8))+1/4*atan(1-b^(1/8)*x*sqrt(2)/_

```

```

(-a^(1/8))/((-a)^(7/8)*b^(1/8)*sqrt(2))-1/4*atan(1+b^(1/8)*x*_
sqrt(2)/(-a)^(1/8))/((-a)^(7/8)*b^(1/8)*sqrt(2))+1/8*log((-a)^(1/4)+_
b^(1/4)*x^2-(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*x*sqrt(2))/((-a)^(7/8)*b^(1/8)*_
sqrt(2))-1/8*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*x^2+(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*x*_
sqrt(2))/((-a)^(7/8)*b^(1/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R      +-+8+---+8+-+   2 4+-+ 4+---+
--R      - log(x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a )
--R      +
--R      +-+8+---+8+-+   2 4+-+ 4+---+      +-+      x\|b
--R      log(- x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a ) - 2\|2 atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+ 8+---+      +-+8+-+ 8+---+      8+---+
--R      x\|2 \|b + \|- a      x\|2 \|b - \|- a      +-+      x\|b
--R      - 2atan(-----) - 2atan(-----) - 2\|2 atan(-----)
--R      8+---+      8+---+      8+---+
--R      \|- a      \|- a      \|- a
--R /
--R      +-+8+---+7 8+-+
--R      8\|2 \|- a \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 111

--S 112 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      +-----+
--R      |      1
--R      |-
--R      8|      7
--R      \|- 16777216a b
--R      *
--R      +-----+2      +-----+
--R      2 |      1      +-+ |      1      2
--R      log(64a |----- + 8a x\|2 |----- + x )
--R      8|      7      8|      7
--R      \|- 16777216a b      \|- 16777216a b
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      |      1
--R      |-
--R      8|      7

```

```

--R      \|\ 16777216a b
--R      *
--R      +-----+2
--R      2 | 1      +-+ | 1      2
--R      log(64a |- ----- - 8a x\|2 |- ----- + x )
--R      8|       7      8|       7
--R      \|\ 16777216a b      \|\ 16777216a b
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | 1      | 1
--R      \|2 |- ----- log(8a |- ----- + x)
--R      8|       7      8|       7
--R      \|\ 16777216a b      \|\ 16777216a b
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | 1      | 1
--R      - \|2 |- ----- log(- 8a |- ----- + x)
--R      8|       7      8|       7
--R      \|\ 16777216a b      \|\ 16777216a b
--R      +
--R      +-----+
--R      | 1
--R      8a |- -----
--R      +-----+ 8|       7
--R      +-+ | 1      \|\ 16777216a b
--R      - 2\|2 |- ----- atan(-----)
--R      8|       7      x
--R      \|\ 16777216a b
--R      +
--R      +-----+
--R      | 1
--R      8a |- -----
--R      +-----+ 8|       7
--R      | 1      +-+
--R      2 |- ----- atan(-----)
--R      8|       7      | 1      +-+
--R      \|\ 16777216a b      8a |- ----- - x\|2
--R      8|       7
--R      \|\ 16777216a b
--R      +
--R      +-----+
--R      | 1
--R      8a |- -----
--R      +-----+ 8|       7
--R      | 1      +-+
--R      - 2 |- ----- atan(-----)
--R      8|       7      | 1      +-+
--R      \|\ 16777216a b      8a |- ----- + x\|2

```

```

--R
--R
--R /          8|      7
--R           \| 16777216a b
--R
--R      +-+
--R      \|2
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 112

--S 113 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R      +-+8----+8+-+   2 4+-+ 4----+
--R      log(x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a )
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      8+---+7 |      1      8+-+
--R      8\|- a   |- ----- \|b
--R      8|      7
--R      \| 16777216a b
--R
--R      *
--R      +-----+2      +-----+
--R      2 |      1      +-+ |      1      2
--R      log(64a |- ----- + 8a x\|2 |- ----- + x )
--R      8|      7      8|      7
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      8+---+7 |      1      8+-+
--R      8\|- a   |- ----- \|b
--R      8|      7
--R      \| 16777216a b
--R
--R      *
--R      +-----+2      +-----+
--R      2 |      1      +-+ |      1      2
--R      log(64a |- ----- - 8a x\|2 |- ----- + x )
--R      8|      7      8|      7
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+8----+7 |      1      8+-+ |      1
--R      8\|2 \|- a   |- ----- \|b log(8a |- ----- + x)
--R      8|      7      8|      7
--R      \| 16777216a b      \| 16777216a b
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+8----+7 |      1      8+-+ |      1
--R      - 8\|2 \|- a   |- ----- \|b log(- 8a |- ----- + x)

```

```

--R          8|           7           8|           7
--R          \| 16777216a b   \| 16777216a b
--R          +
--R          +--+ +--+ +--+ +--+ +--+ +--+ +--+ +-
--R          - log(- x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a ) + 2\|2 atanh(-----)
--R                                     8+---+
--R                                     \|- a
--R          +
--R          +--+ +--+ +--+ +--+ +--+ +--+ +--+ +-
--R          x\|2 \|b + \|- a   x\|2 \|b - \|- a   +--+ x\|b
--R          2atan(-----) + 2atan(-----) + 2\|2 atan(-----)
--R          8+---+           8+---+           8+---+
--R          \|- a           \|- a           \|- a
--R          +
--R          +-----+
--R          |           1
--R          8a |-----+
--R          +-----+           8|           7
--R          +-+ +--+ 7 | 1     8+-+           \| 16777216a b
--R          - 16\|2 \|- a |----- \|b atan(-----)
--R          8|           7           x
--R          \| 16777216a b
--R          +
--R          +-----+
--R          |           1
--R          8a |-----+
--R          +-----+           8|           7
--R          8+---+ 7 | 1     8+-+           \| 16777216a b
--R          16\|- a |----- \|b atan(-----)
--R          8|           7           +-----+
--R          \| 16777216a b           |           1           +-
--R                                     8a |----- - x\|2
--R                                     8|           7
--R                                     \| 16777216a b
--R          +
--R          +-----+
--R          |           1
--R          8a |-----+
--R          +-----+           8|           7
--R          8+---+ 7 | 1     8+-+           \| 16777216a b
--R          - 16\|- a |----- \|b atan(-----)
--R          8|           7           +-----+
--R          \| 16777216a b           |           1           +-
--R                                     8a |----- + x\|2
--R                                     8|           7
--R                                     \| 16777216a b
--R          /
--R          +-+ +--+ +--+ +--+ +--+ +--+ +--+ +-
--R          8\|2 \|- a \|b

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 113

--S 114 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 114

)clear all

--S 115 of 1369
t0:=1/(x^2*(a+b*x^8))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              10      2
--R      b x    + a x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 115

--S 116 of 1369
r0:=(-1)/(a*x)+1/4*b^(1/8)*atan(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/(-a)^(9/8)-_
1/4*b^(1/8)*atanh(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/(-a)^(9/8)-1/4*b^(1/8)*_
atan(1-b^(1/8)*x*sqrt(2)/(-a)^(1/8))/((-a)^(9/8)*sqrt(2))+_
1/4*b^(1/8)*atan(1+b^(1/8)*x*sqrt(2)/(-a)^(1/8))/((-a)^(9/8)*_
sqrt(2))+1/8*b^(1/8)*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*x^2-(-a)^(1/8)*b^(1/8)*_
x*sqrt(2))/((-a)^(9/8)*sqrt(2))-1/8*b^(1/8)*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*_
x^2+(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*sqrt(2))/((-a)^(9/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      8+-+      +-+8+---+8+-+      2 4+-+ 4+---+
--R      x\|b log(x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a )
--R      +
--R      8+-+      +-+8+---+8+-+      2 4+-+ 4+---+      +-+8+-+      x\|b
--R      - x\|b log(- x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a ) + 2x\|2 \|b atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      8+-+      +-+8+-+      8+---+      +-+8+-+      8+---+
--R      x\|2 \|b + \|- a      8+-+      x\|2 \|b - \|- a
--R      - 2x\|b atan(-----) - 2x\|b atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +

```

```

--R          8+-+
--R          +-+8+-+      x\|b      +-+8+---+
--R          - 2x\|2 \|b atan(-----) - 8\|2 \|- a
--R                               8+---+
--R                               \|- a
--R   /
--R          +-+8+---+
--R          8a x\|2 \|- a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 116

--S 117 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R   -
--R          +-----+
--R          |      b
--R          a x  |- -----
--R          8|      9
--R          \| 16777216a
--R   *
--R          +-----+7      +-----+6
--R          8 +-+ |      b      7 |      b      2
--R          log(2097152a x\|2  |- ----- - 262144a  |- ----- + b x )
--R          8|      9      8|      9
--R          \| 16777216a      \| 16777216a
--R   +
--R          +-----+      +-----+7
--R          +-+ |      b      8 |      b
--R          - a x\|2  |- ----- log(2097152a  |- ----- + b x )
--R          8|      9      8|      9
--R          \| 16777216a      \| 16777216a
--R   +
--R          +-----+      +-----+7
--R          +-+ |      b      8 |      b
--R          a x\|2  |- ----- log(- 2097152a  |- ----- + b x )
--R          8|      9      8|      9
--R          \| 16777216a      \| 16777216a
--R   +
--R          +-----+
--R          |      b
--R          a x  |- -----
--R          8|      9
--R          \| 16777216a
--R   *
--R          +-----+7      +-----+6
--R          8 +-+ |      b      7 |      b      2
--R          log(- 2097152a x\|2  |- ----- - 262144a  |- ----- + b x )

```

```

--R          8|      9          8|      9
--R          \| 16777216a      \| 16777216a
--R +
--R          +-----+7
--R          8 |      b
--R          2097152a |-----+
--R          +-----+      8|      9
--R          +-+ |      b      \| 16777216a
--R          - 2a x\|2 |----- atan(-----)
--R          8|      9          b x
--R          \| 16777216a
--R +
--R          +-----+7
--R          8 |      b
--R          2097152a |-----+
--R          +-----+      8|      9
--R          |      b      \| 16777216a
--R          2a x |----- atan(-----)
--R          8|      9          +-----+7
--R          \| 16777216a      8 |      b      +-+
--R          2097152a |----- - b x\|2
--R          8|      9
--R          \| 16777216a
--R +
--R          +-----+7
--R          8 |      b
--R          2097152a |-----+
--R          +-----+      8|      9
--R          |      b      \| 16777216a      +-+
--R          - 2a x |----- atan(-----) - \|
--R          8|      9          +-----+7
--R          \| 16777216a      8 |      b      +-+
--R          2097152a |----- + b x\|2
--R          8|      9
--R          \| 16777216a
--R /
--R      +-+
--R      a x\|2
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 117

--S 118 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R      8+-+      +-+8----+8+-+    2 4+-+ 4+----+
--R      - \|b log(x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a )
--R +
--R -

```

```

--R      +-----+
--R      |      b      8+---+
--R      8a  |- ----- \|- a
--R      8|      9
--R      \| 16777216a
--R      *
--R      +-----+7      +-----+6
--R      8  +-+ |      b      7 |      b      2
--R      log(2097152a x\|2 |- ----- - 262144a |- ----- + b x )
--R      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+      +-----+7
--R      +-+ |      b      8+---+      8 |      b
--R      - 8a\|2 |- ----- \|- a log(2097152a |- ----- + b x )
--R      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+      +-----+7
--R      +-+ |      b      8+---+      8 |      b
--R      8a\|2 |- ----- \|- a log(- 2097152a |- ----- + b x )
--R      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+
--R      |      b      8+---+
--R      8a  |- ----- \|- a
--R      8|      9
--R      \| 16777216a
--R      *
--R      +-----+7      +-----+6
--R      8  +-+ |      b      7 |      b      2
--R      log(- 2097152a x\|2 |- ----- - 262144a |- ----- + b x )
--R      8|      9      8|      9
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      8+-+      +-+8+---+8+-+      2 4+-+ 4+---+      +-+8+-+      x\|b
--R      \b log(- x\|2 \|- a \b + x \b + \|- a ) - 2\|2 \b atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+ 8+---+      +-+8+-+ 8+---+
--R      8+-+      x\|2 \b + \|- a      8+-+      x\|2 \b - \|- a
--R      2\|b atan(-----) + 2\|b atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      8+-+
--R      +-+8+-+      x\|b

```

```

--R      2\|2 \|b atan(-----)
--R                  8+---+
--R                  \|- a
--R      +
--R
--R      +-----+7
--R      8 |      b
--R      2097152a |- -----
--R      8|      9
--R      \| 16777216a
--R      - 16a\|2 |- ----- \| - a atan(-----)
--R      8|      9
--R      b x
--R      \| 16777216a
--R      +
--R
--R      +-----+7
--R      8 |      b
--R      2097152a |- -----
--R      8|      9
--R      \| 16777216a
--R      16a |- ----- \| - a atan(-----)
--R      8|      9
--R      +-----+7
--R      8 |      b      +-+
--R      2097152a |- ----- - b x\|2
--R      8|      9
--R      \| 16777216a
--R      +
--R
--R      +-----+7
--R      8 |      b
--R      2097152a |- -----
--R      8|      9
--R      \| 16777216a
--R      - 16a |- ----- \| - a atan(-----)
--R      8|      9
--R      +-----+7
--R      8 |      b      +-+
--R      2097152a |- ----- + b x\|2
--R      8|      9
--R      \| 16777216a
--R      /
--R      +-+8+---+
--R      8a\|2 \|- a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 118

--S 119 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 119

```

```

)clear all

--S 120 of 1369
t0:=1/(x^4*(a+b*x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           12      4
--R           b x    + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 120

--S 121 of 1369
r0:=(-1/3)/(a*x^3)-1/4*b^(3/8)*atan(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/(-a)^(11/8)-
1/4*b^(3/8)*atanh(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/(-a)^(11/8)-1/4*b^(3/8)*_
atan(1-b^(1/8)*x*sqrt(2)/(-a)^(1/8))/((-a)^(11/8)*sqrt(2))+_
1/4*b^(3/8)*atan(1+b^(1/8)*x*sqrt(2)/(-a)^(1/8))/((-a)^(11/8)*_
sqrt(2))-1/8*b^(3/8)*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*x^2-(-a)^(1/8)*b^(1/8)*_
x*sqrt(2))/((-a)^(11/8)*sqrt(2))+1/8*b^(3/8)*log((-a)^(1/4)+_
b^(1/4)*x^2+(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*sqrt(2))/((-a)^(11/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      3 8+-+3      +-+8+----+8+-+      2 4+-+ 4+---+
--R      - 3x \b log(x\|2 \|- a \b + x \b + \|- a )
--R      +
--R      3 8+-+3      +-+8+----+8+-+      2 4+-+ 4+---+
--R      3x \b log(- x\|2 \|- a \b + x \b + \|- a )
--R      +
--R      8+--+
--R      3 +-+8+-+3      x\b      3 8+-+3      x\|2 \b + \|- a
--R      6x \|2 \b atanh(-----) - 6x \b atan(-----)
--R      8+---+          8+---+
--R      \|- a          \|- a
--R      +
--R      3 8+-+3      x\|2 \b - \|- a      3 +-+8+-+3      x\b
--R      - 6x \b atan(-----) + 6x \|2 \b atan(-----)
--R      8+---+          8+---+
--R      \|- a          \|- a
--R      +
--R      +-+8+---+3
--R      - 8\|2 \|- a
--R      /
--R      3 +-+8+---+3
--R      24a x \|2 \|- a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 121

```

```

--S 122 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      -
--R      +-----+
--R      |      3
--R      3 |      b
--R      3a x |-----+
--R      8|      11
--R      \| 16777216a
--R      *
--R      +-----+5      +-----+2
--R      |      3      |      3
--R      7 +-+ |      b      3 |      b
--R      log(32768a x\|2 |----- - 64a b |----- + b x )
--R      8|      11      8|      11
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+      +-----+5
--R      |      3      |      3
--R      3 +-+ |      b      7 |      b      2
--R      3a x \|2 |----- log(32768a |----- + b x)
--R      8|      11      8|      11
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+      +-----+5
--R      |      3      |      3
--R      3 +-+ |      b      7 |      b      2
--R      - 3a x \|2 |----- log(- 32768a |----- + b x)
--R      8|      11      8|      11
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+
--R      |      3
--R      3 |      b
--R      3a x |-----+
--R      8|      11
--R      \| 16777216a
--R      *
--R      +-----+5      +-----+2
--R      |      3      |      3
--R      7 +-+ |      b      3 |      b      2 2
--R      log(- 32768a x\|2 |----- - 64a b |----- + b x )
--R      8|      11      8|      11
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+5
--R      |      3

```



```

--R      +-----+
--R      |      3
--R      |      b      8+---+3
--R      8a |- ----- \|- a
--R      8|           11
--R      \| 16777216a
--R      *
--R      +-----+5      +-----+2
--R      |      3      |      3
--R      7 ++|      b      3 |      b      2 2
--R      log(32768a x\|2 |- ----- - 64a b |- ----- + b x )
--R      8|           11      8|           11
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+      +-----+5
--R      |      3      |      3
--R      ++|      b      8+---+3      7 |      b      2
--R      8a\|2 |- ----- \|- a log(32768a |- ----- + b x )
--R      8|           11      8|           11
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+      +-----+5
--R      |      3      |      3
--R      ++|      b      8+---+3      7 |      b      2
--R      - 8a\|2 |- ----- \|- a log(- 32768a |- ----- + b x )
--R      8|           11      8|           11
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+
--R      |      3
--R      |      b      8+---+3
--R      8a |- ----- \|- a
--R      8|           11
--R      \| 16777216a
--R      *
--R      +-----+5      +-----+2
--R      |      3      |      3
--R      7 ++|      b      3 |      b      2 2
--R      log(- 32768a x\|2 |- ----- - 64a b |- ----- + b x )
--R      8|           11      8|           11
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      8+-+3      +-+8+---+8+-+      2 4+-+ 4+---+      +-+8+-+3      x\|b
--R      - \|- b log(- x\|2 \|- a \|- b + x \|- b + \|- a ) - 2\|2 \|- b atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+ 8+---+      +-+8+-+ 8+---+
--R      8+-+3      x\|2 \|- b + \|- a      8+-+3      x\|2 \|- b - \|- a

```

```

--R      2\|b  atan(-----) + 2\|b  atan(-----)
--R                           8+---+
--R                           \| - a                               8+---+
--R                           \| - a
--R   +
--R      8+++
--R      +-+8+-+3      x\|b
--R   - 2\|2 \|b  atan(-----)
--R                           8+---+
--R                           \| - a
--R   +
--R
--R      +-----+5
--R      |      3
--R      7 | -----
--R      32768a | - -----
--R      |      3
--R      8|      11
--R      +-+ | b      8+---+3      \| 16777216a
--R   - 16a\|2 | - ----- \| - a  atan(-----)
--R      8|      11
--R      \| 16777216a
--R      2
--R      b x
--R   +
--R      +-----+5
--R      |      3
--R      7 | -----
--R      32768a | - -----
--R      |      3
--R      8|      11
--R      \| 16777216a
--R   - 16a | - ----- \| - a  atan(-----)
--R      8|      11
--R      \| 16777216a
--R      +-----+5
--R      |      3
--R      7 | -----
--R      32768a | - -----
--R      |      3
--R      8|      11
--R      \| 16777216a
--R   +
--R      +-----+5
--R      |      3
--R      7 | -----
--R      32768a | - -----
--R      |      3
--R      8|      11
--R      \| 16777216a
--R   16a | - ----- \| - a  atan(-----)
--R      8|      11
--R      \| 16777216a
--R      +-----+5
--R      |      3
--R      7 | -----
--R      32768a | - -----
--R      |      3
--R      8|      11
--R      \| 16777216a
--R   /
--R      +-+8+---+3
--R      8a\|2 \| - a

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 123

--S 124 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 124

)clear all

--S 125 of 1369
t0:=1/(x^6*(a+b*x^8))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              14      6
--R      b x     + a x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 125

--S 126 of 1369
r0:=(-1/5)/(a*x^5)+1/4*b^(5/8)*atan(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/(-a)^(13/8)-
1/4*b^(5/8)*atanh(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/(-a)^(13/8)+1/4*b^(5/8)*_
atan(1-b^(1/8)*x*sqrt(2)/(-a)^(1/8))/(-a)^(13/8)*sqrt(2))-_
1/4*b^(5/8)*atan(1+b^(1/8)*x*sqrt(2)/(-a)^(1/8))/(-a)^(13/8)*_
sqrt(2))-1/8*b^(5/8)*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*x^2-(-a)^(1/8)*b^(1/8)*_
x*sqrt(2))/(-a)^(13/8)*sqrt(2))+1/8*b^(5/8)*log((-a)^(1/4)+_
b^(1/4)*x^2+(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*sqrt(2))/(-a)^(13/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      5 8+-+5      +-+8+---+8+-+      2 4+-+ 4+---+
--R      - 5x \b log(x\2 \|- a \b + x \b + \|- a )
--R      +
--R      5 8+-+5      +-+8+---+8+-+      2 4+-+ 4+---+
--R      5x \b log(- x\2 \|- a \b + x \b + \|- a )
--R      +
--R      5 +-+8+-+5      x\b      5 8+-+5      x\2 \b + \|- a
--R      10x \2 \b atanh(-----) + 10x \b atan(-----)
--R      8+---+                  8+---+
--R      \|- a                  \|- a
--R      +
--R      5 8+-+5      x\2 \b - \|- a      5 +-+8+-+5      x\b
--R      10x \b atan(-----) - 10x \2 \b atan(-----)

```

```

--R          8+---+
--R          \| - a
--R
--R          +
--R          +-+8+---+5
--R          - 8\|2 \| - a
--R
--R          /
--R          5 +-+8+---+5
--R          40a x \|2 \| - a
--R
--R
--E 126                                         Type: Expression(Integer)

--S 127 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R          (3)
--R          -
--R          +-----+
--R          |      5
--R          5 |      b
--R          5a x  |- -----
--R          8|      13
--R          \| 16777216a
--R
--R          *
--R          +-----+6          +-----+3
--R          |      5          |      5
--R          10 |      b          5 2 +-+ |      b          4 2
--R          log(262144a  |- ----- + 512a b x\|2  |- ----- + b x )
--R          8|      13          8|      13
--R          \| 16777216a          \| 16777216a
--R
--R          +
--R          +-----+
--R          |      5
--R          5 |      b
--R          5a x  |- -----
--R          8|      13
--R          \| 16777216a
--R
--R          *
--R          +-----+6          +-----+3
--R          |      5          |      5
--R          10 |      b          5 2 +-+ |      b          4 2
--R          log(262144a  |- ----- - 512a b x\|2  |- ----- + b x )
--R          8|      13          8|      13
--R          \| 16777216a          \| 16777216a
--R
--R          +
--R          +-----+          +-----+3
--R          |      5          |      5
--R          5 +-+ |      b          5 |      b          2
--R          5a x \|2  |- ----- log(512a  |- ----- + b x)
--R          8|      13          8|      13

```

```

--R          \| 16777216a          \| 16777216a
--R      +
--R          +-----+          +-----+3
--R          |      5          |      5
--R          5 +-+ |      b          5 |      b      2
--R          - 5a x \|- log(- 512a |- + b x)
--R          8|      13          8|      13
--R          \| 16777216a          \| 16777216a
--R      +
--R          +-----+3
--R          |      5
--R          5 |      b
--R          +-----+      512a |- -----
--R          |      5          8|      13
--R          5 +-+ |      b          \| 16777216a
--R          10a x \|- atan(-----)
--R          8|      13          2
--R          \| 16777216a          b x
--R      +
--R          +-----+3
--R          |      5
--R          5 |      b
--R          +-----+      512a |- -----
--R          |      5          8|      13
--R          5 |      b          \| 16777216a
--R          10a x |- atan(-----)
--R          8|      13          +-----+3
--R          \| 16777216a          |      5
--R          5 |      b          2 +-+
--R          512a |- ----- - b x\|- 2
--R          8|      13          \| 16777216a
--R      +
--R          +-----+3
--R          |      5
--R          5 |      b
--R          +-----+      512a |- -----
--R          |      5          8|      13
--R          5 |      b          \| 16777216a      +-+
--R          - 10a x |- atan(----- - \|- 2
--R          8|      13          +-----+3
--R          \| 16777216a          |      5
--R          512a |- ----- + b x\|- 2
--R          8|      13          \| 16777216a
--R      /
--R          5 +-+
--R          5a x \|-                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--E 127

--S 128 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)
--R   
$$\frac{8\sqrt[5]{b} \log(x\sqrt[2]{\sqrt{-a}\sqrt{b} + x\sqrt{b}\sqrt{\sqrt{-a}}})}{16777216a}$$

--R   +
--R   -
--R   
$$\frac{8a \sqrt[8]{b} \sqrt[5]{\sqrt{-a}}}{16777216a}$$

--R   *
--R   
$$\frac{\log(262144a \sqrt[10]{b} \sqrt[5]{\sqrt{-a}} \sqrt[5]{x\sqrt[2]{\sqrt{-a}}})}{16777216a}$$

--R   +
--R   
$$\frac{8a \sqrt[8]{b} \sqrt[5]{\sqrt{-a}}}{16777216a}$$

--R   *
--R   
$$\frac{\log(262144a \sqrt[10]{b} \sqrt[5]{\sqrt{-a}} \sqrt[5]{x\sqrt[2]{\sqrt{-a}}})}{16777216a}$$

--R   +
--R   
$$\frac{8a\sqrt[8]{b} \sqrt[5]{\sqrt{-a}} \log(512a \sqrt[5]{\sqrt{-a}} \sqrt[5]{x\sqrt[2]{\sqrt{-a}}})}{16777216a}$$

--R   +
--R   
$$-\frac{8a\sqrt[8]{b} \sqrt[5]{\sqrt{-a}} \log(-512a \sqrt[5]{\sqrt{-a}} \sqrt[5]{x\sqrt[2]{\sqrt{-a}}})}{16777216a}$$


```

```

--R          8|      13
--R          \| 16777216a
--R
--R          +
--R          8+-+5      +-+8+---+8+-+      2 4+-+ 4+---+      +-+8+-+5      x\|b
--R          - \|b log(- x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a ) - 2\|2 \|b atanh(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R          +
--R          8+-+5      x\|2 \|b + \|- a      8+-+5      x\|2 \|b - \|- a
--R          - 2\|b atan(-----) - 2\|b atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R          +
--R          8+-+
--R          +-+8+-+5      x\|b
--R          2\|2 \|b atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R          +
--R          8+---+
--R          16a\|2      512a |-----+3
--R          |           5
--R          |           b
--R          +-----+      8|      13
--R          |           b     8+---+5      \| 16777216a
--R          16a\|2      |- ----- \|- a atan(-----)
--R          8|      13
--R          \| 16777216a
--R
--R          +
--R          512a |-----+3
--R          |           5
--R          |           b
--R          +-----+      8|      13
--R          |           b     8+---+5      \| 16777216a
--R          16a |----- \|- a atan(-----)
--R          8|      13
--R          \| 16777216a
--R          512a |-----+3
--R          |           5
--R          |           b
--R          +-----+      8|      13
--R          |           5

```

```

--R      |      b      8+---+5          \| 16777216a
--R      - 16a  |- ----- \|- a  atan(-----)
--R                  8|      13          +-----+3
--R                  \| 16777216a          |      5
--R                                         5 |      b      2 +-+
--R                                         512a  |- ----- + b x\|2
--R                                         8|      13
--R                                         \| 16777216a
--R /
--R      +-+8+---+5
--R      8a\|2 \|- a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 128

--S 129 of 1369
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 129

)clear all

--S 130 of 1369
t0:=1/(x^8*(a+b*x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              16      8
--R              b x     + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 130

--S 131 of 1369
r0:=(-1/7)/(a*x^7)-1/4*b^(7/8)*atan(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/(-a)^(15/8)-
1/4*b^(7/8)*atanh(b^(1/8)*x/(-a)^(1/8))/(-a)^(15/8)+1/4*b^(7/8)*_
atan(1-b^(1/8)*x*sqrt(2)/(-a)^(1/8))/((-a)^(15/8)*sqrt(2))-_
1/4*b^(7/8)*atan(1+b^(1/8)*x*sqrt(2)/(-a)^(1/8))/((-a)^(15/8)*_
sqrt(2))+1/8*b^(7/8)*log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*x^2-(-a)^(1/8)*_
b^(1/8)*sqrt(2))/((-a)^(15/8)*sqrt(2))-1/8*b^(7/8)*_
log((-a)^(1/4)+b^(1/4)*x^2+(-a)^(1/8)*b^(1/8)*x*sqrt(2))/_
((-a)^(15/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      7 8+-+7      +-+8+---+8+-+    2 4+-+ 4+---+
--R      7x  \|b  log(x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a )
--R      +

```

```

--R      7 8+-+7      +-+8+---+8+-+      2 4+-+ 4+---+
--R      - 7x \b log(- x\2 \|- a \b + x \b + \|- a )
--R      +
--R      8+-+      +-+8+---+8+---+
--R      7 +-+8+-+7      x\b      7 8+-+7      x\2 \b + \|- a
--R      14x \2 \b atanh(-----) + 14x \b atan(-----)
--R      8+---+      8+---+
--R      \|- a      \|- a
--R      +
--R      8+---+ 8+---+      8+---+
--R      7 8+-+7      x\2 \b - \|- a      7 +-+8+-+7      x\b
--R      14x \b atan(-----) + 14x \2 \b atan(-----)
--R      8+---+      8+---+
--R      \|- a      \|- a
--R      +
--R      +-+8+---+7
--R      - 8\2 \|- a
--R      /
--R      7 +-+8+---+7
--R      56a x \2 \|- a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 131

--S 132 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      -
--R      +-----+
--R      |      7
--R      7 |      b
--R      7a x |-----+
--R      8|      15
--R      \| 16777216a
--R      *
--R      +-----+2      +-----+
--R      |      7      |      7
--R      4 |      b      2  +-+ |      b      2 2
--R      log(64a |----- + 8a b x\2 |----- + b x )
--R      8|      15      8|      15
--R      \| 16777216a      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+
--R      |      7
--R      7 |      b
--R      7a x |-----+
--R      8|      15
--R      \| 16777216a
--R      *

```

```

--R      +-----+
--R      |      7
--R      4 |      b      2      +-+ |      b      2 2
--R      log(64a |- ----- - 8a b x\|2 |- ----- + b x )
--R      8|      15          8|      15
--R      \| 16777216a          \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      |      7      |      7
--R      7 +-+ |      b      2 |      b
--R      - 7a x \|2 |- ----- log(8a |- ----- + b x)
--R      8|      15          8|      15
--R      \| 16777216a          \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      |      7      |      7
--R      7 +-+ |      b      2 |      b
--R      7a x \|2 |- ----- log(- 8a |- ----- + b x)
--R      8|      15          8|      15
--R      \| 16777216a          \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+
--R      |      7
--R      2 |      b
--R      +-----+      8a |- -----
--R      |      7      8|      15
--R      7 +-+ |      b          \| 16777216a
--R      14a x \|2 |- ----- atan(-----)
--R      8|      15          b x
--R      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+
--R      |      7
--R      2 |      b
--R      +-----+      8a |- -----
--R      |      7      8|      15
--R      7 |      b          \| 16777216a
--R      - 14a x |- ----- atan(-----)
--R      8|      15          +-----+
--R      \| 16777216a          |      7
--R      2 |      b      +-+
--R      8a |- ----- - b x\|2
--R      8|      15
--R      \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+
--R      |      7
--R      2 |      b
--R      +-----+      8a |- -----
--R      |      7      8|      15

```

```

--R      7 |      b          \| 16777216a      +-+
--R      14a x |----- atan(----- - \|2
--R           8|      15          +-----+
--R           \| 16777216a          |      7
--R                               2 |      b      +-+
--R                               8a |----- + b x\|2
--R                               8|      15
--R                               \| 16777216a
--R   /
--R      7 +-+
--R      7a x \|2
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 132

--S 133 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      8+-+7      +-+8+---+8+-+      2 4+-+ 4+---+
--R      - \|b log(x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a )
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      |      7
--R      |      b      8+---+7
--R      8a |----- \|- a
--R      8|      15
--R      \| 16777216a
--R      *
--R      +-----+2      +-----+
--R      |      7          |      7
--R      4 |      b          2  +-+ |      b      2 2
--R      log(64a |----- + 8a b x\|2 |----- + b x )
--R      8|      15          8|      15
--R      \| 16777216a          \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+
--R      |      7
--R      |      b      8+---+7
--R      8a |----- \|- a
--R      8|      15
--R      \| 16777216a
--R      *
--R      +-----+2      +-----+
--R      |      7          |      7
--R      4 |      b          2  +-+ |      b      2 2
--R      log(64a |----- - 8a b x\|2 |----- + b x )
--R      8|      15          8|      15
--R      \| 16777216a          \| 16777216a

```

```

--R      +
--R      +-----+           +-----+
--R      |      7           |      7
--R      +-+ |      b      8+---+7      2 |      b
--R      - 8a\|2  |- ----- \|- a log(8a  |- ----- + b x)
--R      8|          15           8|          15
--R      \| 16777216a           \| 16777216a
--R      +
--R      +-----+           +-----+
--R      |      7           |      7
--R      +-+ |      b      8+---+7      2 |      b
--R      8a\|2  |- ----- \|- a log(- 8a  |- ----- + b x)
--R      8|          15           8|          15
--R      \| 16777216a           \| 16777216a
--R      +
--R      8+---+7      +-+8+---+8+-+      2 4+-+ 4+---+      +-+8+-+7      8+---+
--R      \|b log(- x\|2 \|- a \|b + x \|b + \|- a ) - 2\|2 \|b atanh(-----) x\|b
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+ 8+---+           +-+8+-+ 8+---+
--R      8+---+ x\|2 \|b + \|- a      8+---+ x\|2 \|b - \|- a
--R      - 2\|b atan(-----) - 2\|b atan(-----)
--R                                         8+---+           8+---+
--R                                         \|- a           \|- a
--R      +
--R      +-+8+-+7      x\|b
--R      - 2\|2 \|b atan(-----)
--R                                         8+---+
--R                                         \|- a
--R      +
--R                                         +-----+
--R                                         |      7
--R                                         2 |      b
--R                                         +-----+
--R                                         |      7
--R                                         8a |      b
--R                                         +-----+
--R                                         |      7
--R                                         8|      15
--R                                         \|- 16777216a
--R                                         b x
--R                                         \| 16777216a
--R      +
--R                                         +-----+
--R                                         |      7
--R                                         2 |      b
--R                                         +-----+
--R                                         |      7
--R                                         8a |      b
--R                                         +-----+
--R                                         |      7
--R                                         8|      15
--R                                         \|- 16777216a
--R                                         b x
--R                                         \| 16777216a

```

```

--R      8|      15
--R      \| 16777216a
--R
--R      +-----+
--R      |      7
--R      2 |      b
--R      8a |- ----- - b x\|2
--R      8|      15
--R      \| 16777216a
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      |      7
--R      2 |      b
--R      8a |- -----
--R      |      7
--R      b      8+---+7
--R      \| - a   atan(-----)
--R      8|      15
--R      \| 16777216a
--R
--R      +-----+
--R      |      7
--R      2 |      b
--R      8a |- ----- + b x\|2
--R      8|      15
--R      \| 16777216a
--R
--R      /
--R      +-+8+---+7
--R      8a\|2 \|- a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 133

--S 134 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)
--R      10 4+--2      8 4+---+4+--      6 8+---+4      6 4+---+28+--6
--R      (- b x  \|b - 2b x  \|- a \|b - 2b x  \|- a - b x  \|- a )\|b
--R
--R      +
--R      8 8+---+2 4+--2      6 4+---+8+---+2 4+--      4 8+---+6
--R      b x  \|- a  \|b + 2b x  \|- a \|a  \|- 2b x  \|- a
--R
--R      +
--R      4 4+---+2 8+---+2
--R      b x  \|- a  \|- a
--R
--R      *
--R      8+---4
--R      \|b
--R
--R      +
--R      6 8+---+4 4+--2      4 4+---+8+---+4 4+--      2 4+---+2 8+---+4
--R      b x  \|- a  \|b + 2b x  \|- a \|a  \|- a  \| + b x  \|- a  \|- a
--R
--R      +
--R      2
--R      - 2a b x
--R
--R      *
--R      8+---2

```

```

--R      \|b
--R      +
--R      4 8+---+6 4+-+2      2 4+---+8+---+6   2 10      2 4+-+
--R      - b x  \|- a  \|b + (- 2b x  \|- a \|- a + b x  + a b x )\|b
--R      +
--R      4+---+2 8+---+6   2 8 8+---+2      2 8      4+---+
--R      - b \|- a  \|- a + 2b x  \|- a + (- b x  - a b)\|- a
--R      /
--R      2 10      3 2 8+---+2      12      2 4 8+---+6 4+-+2
--R      (8a b x  + 8a x )\|b  + (4a b x  + 4a x )\|- a  \|b
--R      +
--R      10      2 2 4+---+8+---+6 4+-+      8      2 4+---+2 8+---+6
--R      (8a b x  + 8a x )\|- a \|- a  \|b + (4a b x  + 4a )\|- a  \|- a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 134

)clear all

--S 135 of 1369
t0:=1/(a-b*x^8)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R                  8
--R                  b x  - a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 135

--S 136 of 1369
r0:=1/4*atan(b^(1/8)*x/a^(1/8))/(a^(7/8)*b^(1/8))+1/4*atanh(b^(1/8)*_
x/a^(1/8))/(a^(7/8)*b^(1/8))-1/4*atan(1-b^(1/8)*x*sqrt(2)/_
a^(1/8))/(a^(7/8)*b^(1/8)*sqrt(2))+1/4*atan(1+b^(1/8)*x*_
sqrt(2)/a^(1/8))/(a^(7/8)*b^(1/8)*sqrt(2))-1/8*log(a^(1/4)+_
b^(1/4)*x^2-a^(1/8)*b^(1/8)*x*sqrt(2))/(a^(7/8)*b^(1/8)*sqrt(2))+_
1/8*log(a^(1/4)+b^(1/4)*x^2+a^(1/8)*b^(1/8)*x*sqrt(2))/_
(a^(7/8)*b^(1/8)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+8+-+8+-+      2 4+-+ 4+-+      +-+8+-+8+-+      2 4+-+ 4+-+
--R      log(x\|2 \|- a  \|b  + x  \|b + \|- a ) - log(- x\|2 \|- a  \|b  + x  \|b + \|- a )
--R      +
--R      8+-+      +-+8+-+ 8+-+      +-+8+-+ 8+-+
--R      +-+      x\|- b      x\|2 \|- b + \|- a      x\|2 \|- b - \|- a
--R      2\|2 atanh(-----) + 2atan(-----) + 2atan(-----)
--R      8+-+      8+-+      8+-+
--R      \|- a      \|- a      \|- a
--R      +
--R      8+-+

```

```

--R      +-+   x\|b
--R      2\|2 atan(-----)
--R                  8+-+
--R                  \|a
--R /
--R      +-+8+-+7 8+-+
--R      8\|2 \|a  \|b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 136

--S 137 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-----+      +-----+2      +-----+
--R      | 1      2 | 1      +--+ | 1      2
--R      |----- log(64a |----- + 8a x\|2 |----- + x )
--R      8| 7      8| 7      8| 7
--R      \|16777216a b      \|16777216a b      \|16777216a b
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+2      +-----+
--R      | 1      2 | 1      +--+ | 1      2
--R      - |----- log(64a |----- - 8a x\|2 |----- + x )
--R      8| 7      8| 7      8| 7
--R      \|16777216a b      \|16777216a b      \|16777216a b
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | 1      | 1
--R      \|2 |----- log(8a |----- + x)
--R      8| 7      8| 7
--R      \|16777216a b      \|16777216a b
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | 1      | 1
--R      - \|2 |----- log(- 8a |----- + x)
--R      8| 7      8| 7
--R      \|16777216a b      \|16777216a b
--R
--R      +
--R
--R      +-----+
--R      | 1
--R      8a |-----+
--R      +-----+      8| 7
--R      +-+ | 1      \|16777216a b
--R      - 2\|2 |----- atan(-----)
--R      8| 7      x
--R      \|16777216a b
--R
--R      +
--R
--R      +-----+
--R      | 1

```

```

--R          8a  |-----
--R          +-----+      8|      7
--R          |      1          \|16777216a b
--R          2 |----- atan(-----)
--R          8|      7      +-----+
--R          \|16777216a b      |      1      ++
--R          8a  |----- - x\|2
--R          8|      7
--R          \|16777216a b
--R
--R          +
--R          +-----+
--R          |      1
--R          8a  |-----
--R          +-----+      8|      7
--R          |      1          \|16777216a b
--R          - 2 |----- atan(-----)
--R          8|      7      +-----+
--R          \|16777216a b      |      1      ++
--R          8a  |----- + x\|2
--R          8|      7
--R          \|16777216a b
--R
--R          /
--R          ++
--R          \|2
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 137

--S 138 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R          +-+8+-+8+-+ 2 4+-+ 4+-+
--R          - log(x\|2 \|a \|b + x \|b + \|a )
--R
--R          +
--R          +-----+
--R          |      1      8+-+7 8+-+
--R          8 |----- \|a    \|b
--R          8|      7
--R          \|16777216a b
--R
--R          *
--R          +-----+2          +-----+
--R          2 |      1          +-+ |      1      2
--R          log(64a |----- + 8a x\|2 |----- + x )
--R          8|      7          8|      7
--R          \|16777216a b          \|16777216a b
--R
--R          +
--R          -
--R          +-----+
--R          |      1      8+-+7 8+-+

```

```

--R      8 |----- \|a  \|b
--R      8|       7
--R      \|16777216a b
--R      *
--R      +-----+2      +-----+
--R      2 |   1      +-+ |   1   2
--R      log(64a |----- - 8a x\|2 |----- + x )
--R      8|       7      8|       7
--R      \|16777216a b      \|16777216a b
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ |   1   8+-+7 8+-+ |   1
--R      8\|2 |----- \|a  \|b log(8a |----- + x)
--R      8|       7      8|       7
--R      \|16777216a b      \|16777216a b
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ |   1   8+-+7 8+-+ |   1
--R      - 8\|2 |----- \|a  \|b log(- 8a |----- + x)
--R      8|       7      8|       7
--R      \|16777216a b      \|16777216a b
--R      +
--R      +-----+      8+-+
--R      +-+8+-+8+-+ 2 4+-+ 4+-+ +-+ x\|b
--R      log(- x\|2 \|a \|b + x \|b + \|a ) - 2\|2 atanh(-----)
--R                                         8+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R      +-+8+-+ 8+-+      +-+8+-+ 8+-+      8+-+
--R      x\|2 \|b + \|a      x\|2 \|b - \|a      +-+ x\|b
--R      - 2atan(-----) - 2atan(-----) - 2\|2 atan(-----)
--R                                         8+-+
--R                                         \|a      8+-+
--R                                         \|a      \|a
--R      +
--R      +-----+      |   1
--R      8a |----- 8|       7
--R      +-----+      \|16777216a b
--R      +-+ |   1   8+-+7 8+-+ |   1
--R      - 16\|2 |----- \|a  \|b atan(-----)
--R      8|       7      x
--R      \|16777216a b
--R      +
--R      +-----+      |   1
--R      8a |----- 8|       7
--R      +-----+      \|16777216a b
--R      |   1   8+-+7 8+-+ |   1
--R      16 |----- \|a  \|b atan(-----)
--R      8|       7      +-----+

```

```

--R      \|16777216a b           1      +-+
--R      8a |----- - x\|2
--R      8|      7
--R      \|16777216a b
--R      +
--R      +-----+
--R      |      1
--R      8a |-----+
--R      +-----+          8|      7
--R      |      1      8+-+7 8+-+
--R      - 16 |----- \|a  \b atan(-----)
--R      8|      7
--R      \|16777216a b           +-----+
--R      |      1      +-+
--R      8a |----- + x\|2
--R      8|      7
--R      \|16777216a b
--R      /
--R      +-+8+-+7 8+-+
--R      8\|2 \|a  \b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 138

--S 139 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)
--R      8 8+-+2 4+-+2   6 4+-+8+-+2 4+-+   4 8+-+6   4 4+-+2 8+-+8+-+6
--R      (- x  \|a  \b - 2x  \|a \|a  \| + 2x  \|a - x  \|a  \|a)\|b
--R      +
--R      6 8+-+4 4+-+2   4 4+-+8+-+4 4+-+   2 4+-+2 8+-+4      2 8+-+4
--R      (- x  \|a  \b - 2x  \|a \|a  \| - x  \|a  \|a - 2a x )\|b
--R      +
--R      4 8+-+6 4+-+2   2 4+-+8+-+6      10      2 4+-+   4+-+2 8+-+6
--R      x  \|a  \b + (2x  \|a \|a - b x  + a x )\|b + \|a  \|a
--R      +
--R      8 8+-+2      8      4+-+
--R      - 2b x  \|a + (b x  - a)\|a
--R      *
--R      8+-+2
--R      \b
--R      +
--R      10 4+-+2      8 4+-+4+-+      6 8+-+4      6 4+-+2
--R      b x  \|b + 2b x  \|a \|b + 2b x  \|a + b x  \|a
--R      /
--R      10      2 2 8+-+4
--R      (8a b x  - 8a x )\|b
--R      +
--R      12      4 8+-+6 4+-+2      10      2 4+-+8+-+6 4+-+
--R      (- 4b x  + 4a x )\|a  \|b + (- 8b x  + 8a x )\|a \|a  \|b

```

```

--R      +
--R      8      4+-+2 8+-+6
--R      (- 4b x + 4a)\|a   \|a
--R      *
--R      8+-+2
--R      \|b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 139

)clear all

--S 140 of 1369
t0:=x^9/(1-x^8)
--R
--R
--R      9
--R      x
--R      (1)  - -----
--R      8
--R      x - 1
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 140

--S 141 of 1369
r0:=-1/2*x^2+1/4*atan(x^2)+1/4*atanh(x^2)
--R
--R
--R      2      2      2
--R      atanh(x ) + atan(x ) - 2x
--R      (2)  -----
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 141

--S 142 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2      2      2      2
--R      log(x + 1) - log(x - 1) + 2atan(x ) - 4x
--R      (3)  -----
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 142

--S 143 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      2      2      2

```

```

--R      log(x + 1) - log(x - 1) - 2atanh(x )
--R      (4)  -----
--R                           8
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 143

--S 144 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 144

)clear all

--S 145 of 1369
t0:=x^7/(1-x^8)
--R
--R
--R      7
--R      x
--R      (1)  - -----
--R              8
--R              x - 1
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 145

--S 146 of 1369
r0:=-1/8*log(1-x^8)
--R
--R
--R      8
--R      log(- x + 1)
--R      (2)  - -----
--R              8
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 146

--S 147 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      8
--R      log(x - 1)
--R      (3)  - -----
--R              8
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 147

```

```

--S 148 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      8          8
--R      - log(x - 1) + log(-x + 1)
--R      (4) -----
--R                  8
--R
--E 148                                         Type: Expression(Integer)

--S 149 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 149                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 150 of 1369
t0:=x^5/(1-x^8)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1)  - -----
--R                  8
--R                  x - 1
--R
--E 150                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 151 of 1369
r0:=-1/4*atan(x^2)+1/4*atanh(x^2)
--R
--R
--R      2          2
--R      atanh(x ) - atan(x )
--R      (2) -----
--R                  4
--R
--E 151                                         Type: Expression(Integer)

--S 152 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2          2          2
--R      log(x + 1) - log(x - 1) - 2atan(x )

```

```

--R   (3)  -----
--R                               8
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 152

--S 153 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  -----
--R           2          2          2
--R   log(x + 1) - log(x - 1) - 2atanh(x )
--R                               8
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 153

--S 154 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 154

)clear all

--S 155 of 1369
t0:=x^3/(1-x^8)
--R
--R
--R   (1)  - -----
--R           3
--R           x
--R           8
--R           x - 1
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 155

--S 156 of 1369
r0:=1/4*atanh(x^4)
--R
--R
--R   (2)  -----
--R           4
--R           atanh(x )
--R           4
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 156

--S 157 of 1369

```

```

a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      4          4
--R      log(x + 1) - log(x - 1)
--R (3) -----
--R                      8
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 157

--S 158 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      4          4          4
--R      log(x + 1) - log(x - 1) - 2atanh(x )
--R (4) -----
--R                      8
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 158

--S 159 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 159

)clear all

--S 160 of 1369
t0:=x/(1-x^8)
--R
--R
--R      x
--R (1)  - -----
--R           8
--R           x - 1
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 160

--S 161 of 1369
r0:=1/4*atan(x^2)+1/4*atanh(x^2)
--R
--R
--R      2          2
--R      atanh(x ) + atan(x )
--R (2) -----
--R           4

```

```

--R
--E 161                                         Type: Expression(Integer)

--S 162 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2          2          2
--R      log(x + 1) - log(x - 1) + 2atan(x )
--R      (3)  -----
--R                           8
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 162

--S 163 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      2          2          2
--R      log(x + 1) - log(x - 1) - 2atanh(x )
--R      (4)  -----
--R                           8
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 163

--S 164 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 164

)clear all

--S 165 of 1369
t0:=1/(x*(1-x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R              9
--R              x  - x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 165

--S 166 of 1369
r0:=-1/4*atanh(1-2*x^8)
--R
--R

```

```

--R          8
--R      atanh(2x  - 1)
--R      (2) -----
--R                  4
--R
--E 166                                         Type: Expression(Integer)

--S 167 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R          8
--R      - log(x  - 1) + 8log(x)
--R      (3) -----
--R                  8
--R
--E 167                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 168 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R          8          8
--R      - log(x  - 1) + 8log(x) - 2atanh(2x  - 1)
--R      (4) -----
--R                  8
--R
--E 168                                         Type: Expression(Integer)

--S 169 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 169                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 170 of 1369
t0:=1/(x^3*(1-x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R                  11      3
--R                  x      - x
--R
--E 170                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--S 171 of 1369
r0:=(-1/2)/x^2-1/4*atan(x^2)+1/4*atanh(x^2)
--R
--R
--R      2      2      2      2
--R      x atanh(x ) - x atan(x ) - 2
--R      (2) -----
--R                           2
--R                           4x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 171

--S 172 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2      2      2      2      2      2
--R      x log(x + 1) - x log(x - 1) - 2x atan(x ) - 4
--R      (3) -----
--R                           2
--R                           8x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 172

--S 173 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      2      2      2
--R      log(x + 1) - log(x - 1) - 2atanh(x )
--R      (4) -----
--R                           8
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 173

--S 174 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 174

)clear all

--S 175 of 1369
t0:=1/(x^5*(1-x^8))
--R
--R
--R      1

```

```

--R      (1)  - -----
--R                  13   5
--R                  x   - x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 175

--S 176 of 1369
r0:=(-1/4)/x^4+1/4*atanh(x^4)
--R
--R
--R      4       4
--R      x atanh(x ) - 1
--R      (2)  -----
--R                  4
--R                  4x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 176

--S 177 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      4       4       4       4
--R      x log(x + 1) - x log(x - 1) - 2
--R      (3)  -----
--R                  4
--R                  8x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 177

--S 178 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      4       4       4
--R      log(x + 1) - log(x - 1) - 2atanh(x )
--R      (4)  -----
--R                  8
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 178

--S 179 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 179

)clear all

```

```

--S 180 of 1369
t0:=1/(x^7*(1-x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R              15    7
--R              x    - x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 180

--S 181 of 1369
r0:=(-1/6)/x^6+1/4*atan(x^2)+1/4*atanh(x^2)
--R
--R
--R      6      2      6      2
--R      3x atanh(x ) + 3x atan(x ) - 2
--R      (2)  -----
--R
--R                  6
--R                  12x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 181

--S 182 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      6      2      6      2      6      2
--R      3x log(x  + 1) - 3x log(x  - 1) + 6x atan(x ) - 4
--R      (3)  -----
--R
--R                  6
--R                  24x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 182

--S 183 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      2      2      2
--R      log(x  + 1) - log(x  - 1) - 2atanh(x )
--R      (4)  -----
--R
--R                  8
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 183

--S 184 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 184                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 185 of 1369
t0:=1/(x^9*(1-x^8))
--R
--R
--R      (1)  - -----
--R                  17   9
--R                  x   - x
--R
--E 185                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 186 of 1369
r0:=(-1/8)/x^8-1/4*atanh(1-2*x^8)
--R
--R
--R      8      8
--R      2x atanh(2x  - 1) - 1
--R      (2)  -----
--R                  8
--R                  8x
--R
--E 186                                         Type: Expression(Integer)

--S 187 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      8      8      8
--R      - x log(x  - 1) + 8x log(x) - 1
--R      (3)  -----
--R                  8
--R                  8x
--R
--E 187                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--S 188 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      8      8
--R      - log(x  - 1) + 8log(x) - 2atanh(2x  - 1)
--R      (4)  -----
--R                  8

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 188

--S 189 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 189

)clear all

--S 190 of 1369
t0:=x^8/(1-x^8)
--R
--R
--R      (1)  -  $\frac{x^8}{x^8 - 1}$ 
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 190

--S 191 of 1369
r0:=-x+1/4*atan(x)+1/4*atanh(x)-1/4*atan(1-x*sqrt(2))/sqrt(2)+_
1/4*atan(1+x*sqrt(2))/sqrt(2)-1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2))/sqrt(2)+_
1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$\frac{\log(x\sqrt{2} + x + 1) - \log(-x\sqrt{2} + x + 1) + 2\sqrt{2} \operatorname{atanh}(x)}{8\sqrt{2}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 191

--S 192 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      
$$\log(x\sqrt{2} + x + 1) + \sqrt{2} \log(x + 1) - \sqrt{2} \log(x - 1)$$


```

```

--R      +
--R      +-+ 2      +-+ 2x      1
--R      - log(- x\|2 + x + 1) - \|2 atan(-----) - 2atan(-----)
--R                                2                               +-+
--R                                x - 1                         x\|2 - 1
--R      +
--R      1      +-+
--R      - 2atan(-----) - 8x\|2
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R   /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 192

--S 193 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      +-+      +-+      +-+      +-+
--R      \|2 log(x + 1) - \|2 log(x - 1) - 2\|2 atanh(x) - 2atan(x\|2 + 1)
--R   +
--R      +-+      +-+      +-+ 2x      1
--R      - 2atan(x\|2 - 1) - 2\|2 atan(x) - \|2 atan(-----) - 2atan(-----)
--R                                2                               +-+
--R                                x - 1                         x\|2 - 1
--R   +
--R      1
--R      - 2atan(-----)
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R   /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 193

--S 194 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 194

)clear all

--S 195 of 1369

```

```

t0:=x^6/(1-x^8)
--R
--R
--R      6
--R      x
--R      (1)  - -----
--R              8
--R      x - 1
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 195

--S 196 of 1369
r0:=-1/4*atan(x)+1/4*atanh(x)+1/4*atan(1-x*sqrt(2))/sqrt(2)-
    1/4*atan(1+x*sqrt(2))/sqrt(2)-1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2))/_
    sqrt(2)+1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R      (2)
--R      +--+ 2          +--+ 2          +--+
--R      log(x\|2 + x + 1) - log(- x\|2 + x + 1) + 2\|2 atanh(x)
--R      +
--R      +--+          +--+          +--+
--R      - 2atan(x\|2 + 1) - 2atan(x\|2 - 1) - 2\|2 atan(x)
--R      /
--R      +--+
--R      8\|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 196

--S 197 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +--+ 2          +--+          +--+
--R      log(x\|2 + x + 1) + \|2 log(x + 1) - \|2 log(x - 1)
--R      +
--R      +--+ 2          +--+          2x          1
--R      - log(- x\|2 + x + 1) + \|2 atan(-----) + 2atan(-----)
--R                               2          +--+
--R                               x - 1          x\|2 - 1
--R      +
--R      1
--R      2atan(-----)
--R      +--+
--R      x\|2 + 1
--R      /
--R      +--+
--R      8\|2
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--E 197

--S 198 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)
--R   
$$\frac{\sqrt{2} \log(x+1) - \sqrt{2} \log(x-1) - 2\sqrt{2} \operatorname{atanh}(x) + 2\operatorname{atan}(x\sqrt{2}+1)}{8\sqrt{2}}$$

--R
--R   +
--R   
$$\frac{2\operatorname{atan}(x\sqrt{2}-1) + 2\sqrt{2} \operatorname{atan}(x) + \sqrt{2} \operatorname{atan}\left(\frac{2x}{x-1}\right) + 2\operatorname{atan}\left(\frac{1}{x\sqrt{2}-1}\right)}{x^2-1}$$

--R
--R   +
--R   
$$\frac{2\operatorname{atan}\left(\frac{1}{x\sqrt{2}+1}\right)}{x\sqrt{2}+1}$$

--R
--R   /
--R   
$$8\sqrt{2}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 198

--S 199 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 199

)clear all

--S 200 of 1369
t0:=x^4/(1-x^8)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^4}{x^8-1}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 200

--S 201 of 1369
r0:=1/4*atan(x)+1/4*atanh(x)+1/4*atan(1-x*sqrt(2))/sqrt(2)-
    1/4*atan(1+x*sqrt(2))/sqrt(2)+1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2))/_

```

```

sqrt(2)-1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R (2)
--R      +-+ 2          +-+ 2          +-+
--R      - log(x\|2 + x + 1) + log(- x\|2 + x + 1) + 2\|2 atanh(x)
--R      +
--R      +-+          +-+          +-+
--R      - 2atan(x\|2 + 1) - 2atan(x\|2 - 1) + 2\|2 atan(x)
--R /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 201

--S 202 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      +-+ 2          +-+          +-+
--R      - log(x\|2 + x + 1) + \|2 log(x + 1) - \|2 log(x - 1)
--R      +
--R      +-+ 2          +-+          2x          1
--R      log(- x\|2 + x + 1) - \|2 atan(-----) + 2atan(-----)
--R                               2          +-+
--R                               x - 1          x\|2 - 1
--R      +
--R      1
--R      2atan(-----)
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 202

--S 203 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R      +-+          +-+          +-+          +-+
--R      \|2 log(x + 1) - \|2 log(x - 1) - 2\|2 atanh(x) + 2atan(x\|2 + 1)
--R      +
--R      +-+          +-+          +-+          2x          1
--R      2atan(x\|2 - 1) - 2\|2 atan(x) - \|2 atan(-----) + 2atan(-----)
--R                               2          +-+
--R                               x - 1          x\|2 - 1

```

```

--R      +
--R      1
--R      2atan(-----)
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R   /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--E 203                                         Type: Expression(Integer)

--S 204 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 204                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 205 of 1369
t0:=x^2/(1-x^8)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  - -----
--R              8
--R              x - 1
--R
--E 205                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 206 of 1369
r0:=-1/4*atan(x)+1/4*atanh(x)-1/4*atan(1-x*sqrt(2))/sqrt(2)+_
1/4*atan(1+x*sqrt(2))/sqrt(2)+1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2))/_
sqrt(2)-1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+ 2           +-+ 2           +-+
--R      - log(x\|2 + x + 1) + log(- x\|2 + x + 1) + 2\|2 atanh(x)
--R      +
--R      +-+           +-+           +-+
--R      2atan(x\|2 + 1) + 2atan(x\|2 - 1) - 2\|2 atan(x)
--R   /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--E 206                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 207 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R
--R      +-+ 2      +-+      +-+
--R      - log(x\|2 + x + 1) + \|2 log(x + 1) - \|2 log(x - 1)
--R
--R      +
--R      +-+ 2      +-+      2x      1
--R      log(- x\|2 + x + 1) + \|2 atan(-----) - 2atan(-----)
--R
--R
--R      2      +-+
--R      x - 1      x\|2 - 1
--R
--R      +
--R      1
--R      - 2atan(-----)
--R
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R
--R   /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 207

--S 208 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)
--R
--R      +-+      +-+      +-+      +-+
--R      \|2 log(x + 1) - \|2 log(x - 1) - 2\|2 atanh(x) - 2atan(x\|2 + 1)
--R
--R      +
--R      +-+      +-+      +-+      2x      1
--R      - 2atan(x\|2 - 1) + 2\|2 atan(x) + \|2 atan(-----) - 2atan(-----)
--R
--R
--R      2      +-+
--R      x - 1      x\|2 - 1
--R
--R      +
--R      1
--R      - 2atan(-----)
--R
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R
--R   /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 208

--S 209 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 209                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 210 of 1369
t0:=1/(1-x^8)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R              8
--R              x  - 1
--R
--E 210                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 211 of 1369
r0:=1/4*atan(x)+1/4*atanh(x)-1/4*atan(1-x*sqrt(2))/sqrt(2)+_
1/4*atan(1+x*sqrt(2))/sqrt(2)-1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2))/_
sqrt(2)+1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+ 2           +-+ 2           +-+
--R      log(x\|2 + x + 1) - log(- x\|2 + x + 1) + 2\|2 atanh(x)
--R      +
--R      +-+           +-+           +-+
--R      2atan(x\|2 + 1) + 2atan(x\|2 - 1) + 2\|2 atan(x)
--R      /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--E 211                                         Type: Expression(Integer)

--S 212 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-+ 2           +-+           +-+
--R      log(x\|2 + x + 1) + \|2 log(x + 1) - \|2 log(x - 1)
--R      +
--R      +-+ 2           +-+           2x           1
--R      - log(- x\|2 + x + 1) - \|2 atan(-----) - 2atan(-----)
--R                               2
--R                               x - 1           +-+
--R                               x\|2 - 1
--R      +
--R      1

```

```

--R      - 2atan(-----)
--R                  +-+
--R                  x\|2 + 1
--R   /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 212

--S 213 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      +-+      +-+      +-+      +-+
--R      \|2 log(x + 1) - \|2 log(x - 1) - 2\|2 atanh(x) - 2atan(x\|2 + 1)
--R
--R      +
--R      +-+      +-+      +-+      2x      1
--R      - 2atan(x\|2 - 1) - 2\|2 atan(x) - \|2 atan(-----) - 2atan(-----)
--R
--R
--R      2
--R      x - 1      +-+
--R
--R      +
--R      1
--R      - 2atan(-----)
--R
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R
--R   /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 213

--S 214 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 214

)clear all

--S 215 of 1369
t0:=1/(x^2*(1-x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R                  10      2
--R                  x - x

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 215

--S 216 of 1369
r0:=(-1)/x-1/4*atan(x)+1/4*atanh(x)+1/4*atan(1-x*sqrt(2))/sqrt(2)-
    1/4*atan(1+x*sqrt(2))/sqrt(2)-1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2))/_
    sqrt(2)+1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R   (2)
--R
--R   
$$\frac{x \log(x\sqrt{2} + x + 1) - x \log(-x\sqrt{2} + x + 1) + 2x\sqrt{2} \operatorname{atanh}(x)}{8x\sqrt{2}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 216

--S 217 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R
--R   
$$\frac{x \log(x\sqrt{2} + x + 1) + x\sqrt{2} \log(x + 1) - x\sqrt{2} \log(x - 1)}{8x\sqrt{2}}$$

--R
--R   
$$+ \frac{-x \log(-x\sqrt{2} + x + 1) + x\sqrt{2} \operatorname{atan}\left(\frac{2x}{x - 1}\right) + 2x \operatorname{atan}\left(\frac{1}{x\sqrt{2} - 1}\right)}{x\sqrt{2} + 1}$$

--R
--R   
$$+ \frac{2x \operatorname{atan}\left(\frac{1}{x\sqrt{2} + 1}\right) - 8\sqrt{2}}{8x\sqrt{2}}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 217

--S 218 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)
--R
--R   
$$\frac{+ - + + - + - +}{+ + + + + + + +}$$


```

```

--R      \|\ 2 log(x + 1) - \|\ 2 log(x - 1) - 2\|\ 2 atanh(x) + 2atan(x\|\ 2 + 1)
--R      +
--R      +-+      +-+      +-+      2x      1
--R      2atan(x\|\ 2 - 1) + 2\|\ 2 atan(x) + \|\ 2 atan(-----) + 2atan(-----)
--R                                         2                               +-+
--R                                         x - 1                         x\|\ 2 - 1
--R      +
--R      1
--R      2atan(-----)
--R      +-+
--R      x\|\ 2 + 1
--R      /
--R      +-+
--R      8\|\ 2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 218

--S 219 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 219

)clear all

--S 220 of 1369
t0:=1/(x^4*(1-x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R              12      4
--R              x - x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 220

--S 221 of 1369
r0:=(-1/3)/x^3+1/4*atan(x)+1/4*atanh(x)+1/4*atan(1-x*sqrt(2))/sqrt(2)-_
1/4*atan(1+x*sqrt(2))/sqrt(2)+1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2))/sqrt(2)-_
1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R      (2)
--R      3      +-+      2      3      +-+      2      3 +-+
--R      - 3x log(x\|\ 2 + x + 1) + 3x log(- x\|\ 2 + x + 1) + 6x \|\ 2 atanh(x)
--R      +
--R      3      +-+      3      +-+      3 +-+      +-+
--R      - 6x atan(x\|\ 2 + 1) - 6x atan(x\|\ 2 - 1) + 6x \|\ 2 atan(x) - 8\|\ 2

```

```

--R   /
--R      3 +-+
--R      24x \|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 221

--S 222 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R      3      +-+      2      3 +-+      3 +-+
--R      - 3x log(x\|2 + x + 1) + 3x \|2 log(x + 1) - 3x \|2 log(x - 1)
--R
--R      +
--R      3      +-+      2      3 +-+      2x      3      1
--R      3x log(- x\|2 + x + 1) - 3x \|2 atan(-----) + 6x atan(-----)
--R
--R
--R
--R      2
--R      x - 1      +-+
--R
--R      x\|2 - 1
--R
--R      +
--R      3      1      +-+
--R      6x atan(-----) - 8\|2
--R
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R
--R   /
--R      3 +-+
--R      24x \|2
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 222

--S 223 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)
--R      +-+      +-+      +-+      +-+
--R      \|2 log(x + 1) - \|2 log(x - 1) - 2\|2 atanh(x) + 2atan(x\|2 + 1)
--R
--R      +
--R      +-+      +-+      +-+      2x      1
--R      2atan(x\|2 - 1) - 2\|2 atan(x) - \|2 atan(-----) + 2atan(-----)
--R
--R
--R      2
--R      x - 1      +-+
--R
--R      x\|2 - 1
--R
--R      +
--R      1
--R      2atan(-----)
--R
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R
--R   /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)

```

```

--E 223

--S 224 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 224

)clear all

--S 225 of 1369
t0:=1/(x^6*(1-x^8))
--R
--R
--R   (1)  - -----
--R           14      6
--R           x      - x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 225

--S 226 of 1369
r0:=(-1/5)/x^5-1/4*atan(x)+1/4*atanh(x)-1/4*atan(1-x*sqrt(2))/sqrt(2)+_
1/4*atan(1+x*sqrt(2))/sqrt(2)+1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2))/sqrt(2)-_
1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R   (2)
--R           5      +-+    2           5      +-+    2           5 +-+
--R   - 5x log(x\|2 + x + 1) + 5x log(- x\|2 + x + 1) + 10x \|2 atanh(x)
--R   +
--R           5      +-+           5      +-+           5 +-+           +-+
--R   10x atan(x\|2 + 1) + 10x atan(x\|2 - 1) - 10x \|2 atan(x) - 8\|2
--R   /
--R           5 +-+
--R   40x \|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 226

--S 227 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R           5      +-+    2           5 +-+           5 +-+
--R   - 5x log(x\|2 + x + 1) + 5x \|2 log(x + 1) - 5x \|2 log(x - 1)
--R   +
--R           5      +-+    2           5 +-+           2x           5           1

```

```

--R      5x log(- x\|2 + x + 1) + 5x \|2 atan(-----) - 10x atan(-----)
--R                                         2                               +-+
--R                                         x - 1                         x\|2 - 1
--R      +
--R      5      1      +-+
--R      - 10x atan(-----) - 8\|2
--R                                         +-+
--R                                         x\|2 + 1
--R /
--R      5 +-+
--R      40x \|2
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 227

--S 228 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      +-+      +-+      +-+      +-+
--R      \|2 log(x + 1) - \|2 log(x - 1) - 2\|2 atanh(x) - 2atan(x\|2 + 1)
--R      +
--R      +-+      +-+      +-+      2x      1
--R      - 2atan(x\|2 - 1) + 2\|2 atan(x) + \|2 atan(-----) - 2atan(-----)
--R                                         2                               +-+
--R                                         x - 1                         x\|2 - 1
--R      +
--R      1
--R      - 2atan(-----)
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 228

--S 229 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 229

)clear all

--S 230 of 1369
t0:=1/(x^8*(1-x^8))
--R

```

```

--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R                  16     8
--R                  x     - x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 230

--S 231 of 1369
r0:=(-1/7)/x^7+1/4*atan(x)+1/4*atanh(x)-1/4*atan(1-x*sqrt(2))/sqrt(2)+_
1/4*atan(1+x*sqrt(2))/sqrt(2)-1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2))/sqrt(2)+_
1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R      (2)
--R      7      +-+   2      7      +-+   2      7 +-+
--R      7x log(x\|2 + x + 1) - 7x log(- x\|2 + x + 1) + 14x \|2 atanh(x)
--R      +
--R      7      +-+      7      +-+      7 +-+      +-+
--R      14x atan(x\|2 + 1) + 14x atan(x\|2 - 1) + 14x \|2 atan(x) - 8\|2
--R      /
--R      7 +-+
--R      56x \|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 231

--S 232 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      7      +-+   2      7 +-+      7 +-+
--R      7x log(x\|2 + x + 1) + 7x \|2 log(x + 1) - 7x \|2 log(x - 1)
--R      +
--R      7      +-+   2      7 +-+      2x      7      1
--R      - 7x log(- x\|2 + x + 1) - 7x \|2 atan(-----) - 14x atan(-----)
--R
--R
--R
--R      2
--R      x - 1      +-+
--R
--R      x\|2 - 1
--R      +
--R      7      1      +-+
--R      - 14x atan(-----) - 8\|2
--R
--R
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R      /
--R      7 +-+
--R      56x \|2
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 232

--S 233 of 1369

```

```

m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R      +-+      +-+      +-+      +-+
--R      \|2 log(x + 1) - \|2 log(x - 1) - 2\|2 atanh(x) - 2atan(x\|2 + 1)
--R      +
--R      +-+      +-+      +-+      2x      1
--R      - 2atan(x\|2 - 1) - 2\|2 atan(x) - \|2 atan(-----) - 2atan(-----)
--R                                         2                               +-+
--R                                         x - 1                         x\|2 - 1
--R      +
--R      1
--R      - 2atan(-----)
--R      +-+
--R      x\|2 + 1
--R /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 233

--S 234 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 234

)clear all

--S 235 of 1369
t0:=x^9/(1+x^8)
--R
--R
--R      9
--R      x
--R (1)  -----
--R      8
--R      x + 1
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 235

--S 236 of 1369
r0:=1/2*x^2+1/4*atan(1-x^2*sqrt(2))/sqrt(2)-1/4*atan(1+x^2*sqrt(2))/_
sqrt(2)+1/8*log(1+x^4-x^2*sqrt(2))/sqrt(2)-1/8*log(1+x^4+_
x^2*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R

```

```

--R   (2)
--R      2 +-+ 4          2 +-+ 4          2 +-+
--R      - log(x \|2 + x + 1) + log(- x \|2 + x + 1) - 2atan(x \|2 + 1)
--R      +
--R      2 +-+ 2 +-+
--R      - 2atan(x \|2 - 1) + 4x \|2
--R   /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 236

--S 237 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R      +-+ 2 +-+ 4          +-+ 2 +-+ 4
--R      - \|2 log(x \|2 + x + 1) + \|2 log(- x \|2 + x + 1)
--R      +
--R      +-+ 1          +-+ 1          2
--R      2\|2 atan(-----) + 2\|2 atan(-----) + 8x
--R      2 +-+ 2 +-+
--R      x \|2 - 1          x \|2 + 1
--R   /
--R      16
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 237

--S 238 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)
--R      2 +-+          2 +-+          1          1
--R      atan(x \|2 + 1) + atan(x \|2 - 1) + atan(-----) + atan(-----)
--R
--R
--R      2 +-+ 2 +-+
--R      x \|2 - 1          x \|2 + 1
--R
--R -----
--R
--R      +-+
--R      4\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 238

--S 239 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)

```

```

--E 239

)clear all

--S 240 of 1369
t0:=x^7/(1+x^8)
--R
--R
--R      7
--R      x
--R      (1)  -----
--R          8
--R          x + 1
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 240

--S 241 of 1369
r0:=1/8*log(1+x^8)
--R
--R
--R      8
--R      log(x + 1)
--R      (2)  -----
--R          8
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 241

--S 242 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      8
--R      log(x + 1)
--R      (3)  -----
--R          8
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 242

--S 243 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 243

--S 244 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R
--E 244                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 245 of 1369
t0:=x^5/(1+x^8)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^5}{x^8 + 1}$$

--R
--E 245                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 246 of 1369
r0:=-1/4*atan(1-x^2*sqrt(2))/sqrt(2)+1/4*atan(1+x^2*sqrt(2))/sqrt(2)+_
1/8*log(1+x^4-x^2*sqrt(2))/sqrt(2)-1/8*log(1+x^4+x^2*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\frac{-\log(x\sqrt{2} + x^3 + 1) + \log(-x\sqrt{2} + x^3 + 1) + 2\arctan(x\sqrt{2} + 1)}{8\sqrt{2}}$$

--R
--R
--E 246                                         Type: Expression(Integer)

--S 247 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   
$$\frac{-\sqrt{2}\log(x\sqrt{2} + x^3 + 1) + \sqrt{2}\log(-x\sqrt{2} + x^3 + 1) - 2\sqrt{2}\arctan(\frac{1}{x\sqrt{2} - 1}) - 2\sqrt{2}\arctan(\frac{1}{x\sqrt{2} + 1})}{16}$$

--R
--R
--E 247                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--E 247

--S 248 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)
--R   
$$-\frac{\operatorname{atan}\left(x^{\sqrt{2}} + 1\right) - \operatorname{atan}\left(x^{\sqrt{2}} - 1\right) - \operatorname{atan}\left(\frac{1}{x^{\sqrt{2}} - 1}\right) - \operatorname{atan}\left(\frac{1}{x^{\sqrt{2}} + 1}\right)}{4^{\sqrt{2}}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 248

--S 249 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 249

)clear all

--S 250 of 1369
t0:=x^3/(1+x^8)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^3}{x^8 + 1}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 250

--S 251 of 1369
r0:=1/4*atan(x^4)
--R
--R
--R   (2)  
$$\frac{\operatorname{atan}\left(x^4\right)}{4}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 251

```

```

--S 252 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      4
--R      atan(x )
--R      (3)  -----
--R              4
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 252

--S 253 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 253

--S 254 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 254

)clear all

--S 255 of 1369
t0:=x/(1+x^8)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R              8
--R      x  + 1
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 255

--S 256 of 1369
r0:=-1/4*atan(1-x^2*sqrt(2))/sqrt(2)+1/4*atan(1+x^2*sqrt(2))/sqrt(2)-
1/8*log(1+x^4-x^2*sqrt(2))/sqrt(2)+1/8*log(1+x^4+x^2*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R      (2)
--R      2 +-+      4          2 +-+      4          2 +-+
--R      log(x \|2  + x  + 1) - log(- x \|2  + x  + 1) + 2atan(x \|2  + 1)
--R      +
--R      2 +-+

```

```

--R      2atan(x \|2 - 1)
--R /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--E 256                                         Type: Expression(Integer)

--S 257 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-+ 2 +-+ 4      +-+ 2 +-+ 4
--R      \|2 log(x \|2 + x + 1) - \|2 log(- x \|2 + x + 1)
--R      +
--R      +-+ 1      +-+ 1
--R      - 2\|2 atan(-----) - 2\|2 atan(-----)
--R                  2 +-+ 2 +-+
--R                  x \|2 - 1           x \|2 + 1
--R /
--R      16
--R
--E 257                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer),...)

--S 258 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      2 +-+ 2 +-+ 1 1
--R      - atan(x \|2 + 1) - atan(x \|2 - 1) - atan(-----) - atan(-----)
--R
--R
--R      -----
--R      2 +-+ 2 +-+
--R      x \|2 - 1   x \|2 + 1
--R
--R
--E 258                                         Type: Expression(Integer)

--S 259 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 259                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 260 of 1369

```

```

t0:=1/(x*(1+x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           9
--R           x + x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 260

--S 261 of 1369
r0:=-1/4*atanh(1+2*x^8)
--R
--R
--R      8
--R      atanh(2x + 1)
--R      (2)  -----
--R           4
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 261

--S 262 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      8
--R      - log(x + 1) + 8log(x)
--R      (3)  -----
--R           8
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 262

--S 263 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      8           8
--R      - log(x + 1) + 8log(x) + 2atanh(2x + 1)
--R      (4)  -----
--R           8
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 263

--S 264 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 264

```

```

)clear all

--S 265 of 1369
t0:=1/(x^3*(1+x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           11      3
--R           x      + x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 265

--S 266 of 1369
r0:=(-1/2)/x^2+1/4*atan(1-x^2*sqrt(2))/sqrt(2)-1/4*atan(1+x^2*_
sqrt(2))/sqrt(2)-1/8*log(1+x^4-x^2*sqrt(2))/sqrt(2)+_
1/8*log(1+x^4+x^2*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R      (2)
--R           2      2 +-+   4           2           2 +-+   4           2           2 +-+
--R           x log(x \|2 + x + 1) - x log(- x \|2 + x + 1) - 2x atan(x \|2 + 1)
--R           +
--R           2      2 +-+           +-+
--R           - 2x atan(x \|2 - 1) - 4\|2
--R   /
--R           2 +-+
--R           8x \|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 266

--S 267 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R           2 +-+   2 +-+   4           2 +-+   2 +-+   4
--R           x \|2 log(x \|2 + x + 1) - x \|2 log(- x \|2 + x + 1)
--R           +
--R           2 +-+           1           2 +-+           1
--R           2x \|2 atan(-----) + 2x \|2 atan(-----) - 8
--R                           2 +-+           2 +-+
--R                           x \|2 - 1           x \|2 + 1
--R   /
--R           2
--R           16x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 267

```

```

--S 268 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)
--R   
$$\frac{\text{atan}(x \sqrt{2} + 1) + \text{atan}(x \sqrt{2} - 1) + \text{atan}\left(\frac{1}{x \sqrt{2} - 1}\right) + \text{atan}\left(\frac{1}{x \sqrt{2} + 1}\right)}{4\sqrt{2}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 268

--S 269 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 269

)clear all

--S 270 of 1369
t0:=1/(x^5*(1+x^8))
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{1}{x^{13} + x^5}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 270

--S 271 of 1369
r0:=(-1/4)/x^4-1/4*atan(x^4)
--R
--R
--R   (2)  
$$\frac{-x^4 \text{atan}(x^4) - 1}{4x^4}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 271

--S 272 of 1369
a0:=integrate(t0,x)

```

```

--R
--R
--R      4      4
--R      - x atan(x ) - 1
--R      (3) -----
--R                  4
--R                  4x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 272

--S 273 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 273

--S 274 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 274

)clear all

--S 275 of 1369
t0:=1/(x^7*(1+x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      15      7
--R      x      + x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 275

--S 276 of 1369
r0:=(-1/6)/x^6+1/4*atan(1-x^2*sqrt(2))/sqrt(2)-1/4*atan(1+x^2*sqrt(2))/_
sqrt(2)+1/8*log(1+x^4-x^2*sqrt(2))/sqrt(2)-1/8*log(1+x^4+_
x^2*sqrt(2))/sqrt(2)
--R
--R
--R      (2)
--R      6      2 +-+      4      6      2 +-+      4
--R      - 3x log(x \|2 + x + 1) + 3x log(- x \|2 + x + 1)
--R      +
--R      6      2 +-+          6      2 +-+          +-+

```

```

--R      - 6x atan(x \|2 + 1) - 6x atan(x \|2 - 1) - 4\|2
--R /
--R      6 ++
--R      24x \|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 276

--S 277 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      6 +-+      2 +-+      4      6 +-+      2 +-+      4
--R      - 3x \|2 log(x \|2 + x + 1) + 3x \|2 log(- x \|2 + x + 1)
--R +
--R      6 +-+      1      6 +-+      1
--R      6x \|2 atan(-----) + 6x \|2 atan(-----) - 8
--R
--R      2 +-+      2 +-+
--R      x \|2 - 1      x \|2 + 1
--R /
--R      6
--R      48x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 277

--S 278 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      2 +-+      2 +-+      1      1
--R      atan(x \|2 + 1) + atan(x \|2 - 1) + atan(-----) + atan(-----)
--R
--R
--R      2 +-+      2 +-+
--R      x \|2 - 1      x \|2 + 1
--R
--R -----
--R
--R      ++
--R      4\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 278

--S 279 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 279

)clear all

```

```

--S 280 of 1369
t0:=1/(x^9*(1+x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           17   9
--R           x   + x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 280

--S 281 of 1369
r0:=(-1/8)/x^8+1/4*atanh(1+2*x^8)
--R
--R
--R      8      8
--R      2x atanh(2x  + 1) - 1
--R      (2)  -----
--R           8
--R           8x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 281

--S 282 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      8      8      8
--R      x log(x  + 1) - 8x log(x) - 1
--R      (3)  -----
--R           8
--R           8x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 282

--S 283 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      8                  8
--R      log(x  + 1) - 8log(x) - 2atanh(2x  + 1)
--R      (4)  -----
--R           8
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 283

--S 284 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R
--E 284                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 285 of 1369
t0:=x^8/(1+x^8)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^8}{x^8 + 1}$$

--R
--E 285                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 286 of 1369
r0:=x+1/8*atan((-2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))*_
sqrt(2-sqrt(2))-1/8*atan((2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))*_
sqrt(2-sqrt(2))+1/16*log(1+x^2-x*sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))-_
1/16*log(1+x^2+x*sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))+1/8*_
atan((-2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))-_
1/8*atan((2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))+_
1/16*log(1+x^2-x*sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))-_
1/16*log(1+x^2+x*sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$-\frac{\sqrt{2} \log(x\sqrt{2} + 2 + x + 1)}{\sqrt{-\sqrt{2} + 2} \log(x\sqrt{-\sqrt{2} + 2} + x + 1)}$$

--R   +
--R   
$$-\frac{\sqrt{-\sqrt{2} + 2} \log(-x\sqrt{-\sqrt{2} + 2} + x + 1)}{\sqrt{2} \log(-x\sqrt{2} + 2 + x + 1)}$$

--R   +
--R   
$$-\frac{2\sqrt{-\sqrt{2} + 2}}{2\sqrt{-\sqrt{2} + 2}}$$


```

```

--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+           +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \| \|2 + 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      2\|- \|2 + 2
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+           +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \| \|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      +-----+           +-----+
--R      | +-+           | +-+           +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\| \|2 + 2
--R      2\| \|2 + 2 atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      +-----+           +-----+           +-----+
--R      | +-+           | +-+           | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\| \|2 + 2
--R      - 2\| \|2 + 2 atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      16x
--R      /
--R      16
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 286

--S 287 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      8+---+ 8+---+ +-+ 8+---+2 2 8+---+ +-+ 8+---+
--R      - \|- 1 log(x\|- 1 \|2 + \|- 1 + x) - \|- 1 \|2 log(\|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+ +-+ 8+---+ 8+---+ 8+---+ +-+ 8+---+2 2
--R      \|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x) + \|- 1 log(- x\|- 1 \|2 + \|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+          8+---+          8+---+
--R      8+---+ +-+ \|- 1     8+---+          \|- 1
--R      2\|- 1 \|2 atan(-----) + 2\|- 1 atan(-----)
--R                  x           +-+ 8+---+

```





```

--R   (5)  0
--R
--E 289                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 290 of 1369
t0:=x^6/(1+x^8)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^6}{x^8 + 1}$$

--R
--E 290                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 291 of 1369
r0:=-1/8*atan((-2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))+_
1/8*atan((2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))+_
1/16*log(1+x^2-x*sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))-_
1/16*log(1+x^2+x*sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))-_
1/8*atan((-2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))+_
1/8*atan((2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))+_
1/16*log(1+x^2-x*sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))-_
1/16*log(1+x^2+x*sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$-\frac{\sqrt{2} \log(x\sqrt{2} + 2 + x + 1)}{\sqrt{-\sqrt{2} + 2} \log(x\sqrt{-\sqrt{2} + 2 + x + 1})} + \frac{\sqrt{2} \log(x\sqrt{-\sqrt{2} + 2 + x + 1})}{\sqrt{-\sqrt{2} + 2} \log(-x\sqrt{-\sqrt{2} + 2 + x + 1})} + \frac{\sqrt{2} \log(-x\sqrt{-\sqrt{2} + 2 + x + 1})}{\sqrt{-\sqrt{2} + 2} \log(x\sqrt{-\sqrt{2} + 2 + x + 1})} + \frac{2\sqrt{-\sqrt{2} + 2}}{x\sqrt{-\sqrt{2} + 2}}$$

--R
--R

```



```

--R          8+---+7          8+---+7
--R          \|- 1          \|- 1
--R          2\|- 1 atan(-----) + 2\|- 1 atan(-----)
--R          ++ 8+---+7          ++ 8+---+7
--R          x\|2 - \|- 1          x\|2 + \|- 1
--R /
--R          ++
--R          8\|2
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 292

--S 293 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R          +-----+          +-----+
--R          +-+ | +-+          | +-+      2
--R          \|2 \| \|2 + 2 log(x\| \|2 + 2 + x + 1)
--R +
--R          +-----+          +-----+
--R          +-+ | +-+          | +-+      2
--R          \|2 \|- \|2 + 2 log(x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R +
--R          +-----+          +-----+
--R          +-+ | +-+          | +-+      2
--R          - \|2 \|- \|2 + 2 log(- x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R +
--R          +-----+          +-----+
--R          +-+ | +-+          | +-+      2
--R          - \|2 \| \|2 + 2 log(- x\| \|2 + 2 + x + 1)
--R +
--R          -
--R          +-----+
--R          +-+ | +-+
--R          2\|2 \|- \|2 + 2
--R *
--R          +-----+ +-----+          +-----+
--R          +-+ | +-+          | +-+          +-+ | +-+
--R          (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \| \|2 + 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \|2 + 2
--R atan(-----)
--R          2
--R +
--R          +-----+
--R          +-+ | +-+
--R          2\|2 \|- \|2 + 2
--R *
--R          +-----+ +-----+          +-----+
--R          +-+ | +-+          | +-+          +-+ | +-+
--R          (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \| \|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2

```

```

--R      atan(-----)
--R                           2
--R      +
--R      +-----+      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      +-+ | +-+      +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\|2 + 2
--R      2\|2 \|\|2 + 2 atan(-----)
--R                                         2
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|\|2 + 2
--R      *
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                                         2
--R      +
--R      8+---+      8+---+7 +-+ 8+---+6      2      8+---+ +-+ 8+---+7
--R      2\|- 1 log(x \|- 1 \|2 - \|- 1 + x) + 2\|- 1 \|2 log(\|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+ +-+ 8+---+7
--R      - 2\|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+      8+---+7 +-+ 8+---+6      2      8+---+ +-+ 8+---+7
--R      - 2\|- 1 log(- x \|- 1 \|2 - \|- 1 + x) + 4\|- 1 \|2 atan(-----)
--R                                         x
--R      +
--R      8+---+7
--R      8+---+ \|- 1      8+---+ \|- 1
--R      4\|- 1 atan(-----) + 4\|- 1 atan(-----)
--R                                         +-+ 8+---+7      +-+ 8+---+7
--R                                         x\|2 - \|- 1      x\|2 + \|- 1
--R      /
--R      +-+
--R      16\|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 293

--S 294 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 294

```

```

)clear all

--S 295 of 1369
t0:=x^4/(1+x^8)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1)  -----
--R      8
--R      x + 1
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 295

--S 296 of 1369
r0:=-1/4*atan((-2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))+_
1/4*atan((2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))-_
1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))+1/8*log(1+_
x^2+x*sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))+1/4*atan((-2*x+_
sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))-_
1/4*atan((2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2))/sqrt(2*(2+_
sqrt(2)))+1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))-_
1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+      +-----+
--R      |  +-+      |  +-+      2
--R      - \|- 2\|2 + 4 log(x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      |  +-+      |  +-+      2
--R      \|2\|2 + 4 log(x\|- \|\2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      |  +-+      |  +-+      2
--R      - \|\2\|2 + 4 log(- x\|- \|\2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      |  +-+      |  +-+      2
--R      \|- 2\|2 + 4 log(- x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+
--R      |  +-+
--R      2\|2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+      +-----+
--R      |  +-+      |  +-+      |  +-+      +-----+
--R      (\|2 + 2)\|- \|\2 + 2 \|\|2 + 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \|\2 + 2
--R      atan(-----)

```

```

--R
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      2\|2\|2 + 4
--R      *
--R      atan
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+ +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \| \|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2
--R
--R      -----
--R      2
--R      +
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ | +-+ +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2
--R      2\|- 2\|2 + 4 atan(-----)
--R
--R      +
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ | +-+ +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\|- \|2 + 2
--R      - 2\|- 2\|2 + 4 atan(-----)
--R
--R      /
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+
--R      8\|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 296

--S 297 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      8+---+ 8+---+5 +-+ 8+---+2 2 8+---+ +-+ 8+---+5
--R      \|- 1 log(x \|- 1 \|2 - \|- 1 + x) - \|- 1 \|2 log(\|- 1 + x)
--R
--R      +
--R      8+---+ +-+ 8+---+5 8+---+ 8+---+5 +-+ 8+---+2 2
--R      \|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x) - \|- 1 log(- x \|- 1 \|2 - \|- 1 + x)
--R
--R      +
--R      8+---+5 8+---+5
--R      8+---+ +-+ \|- 1 8+---+ \|- 1
--R      2\|- 1 \|2 atan(-----) - 2\|- 1 atan(-----)
--R
--R
--R      x
--R
--R      +--+ 8+---+5
--R      x\|2 - \|- 1
--R
--R      +
--R      8+---+5

```

```

--R      8+----+      \|- 1
--R      - 2\|- 1 atan(-----)
--R                           +-+ 8+---+5
--R                           x\|2 + \|- 1
--R   /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 297

--S 298 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      \|2 \|- 2\|2 + 4 log(x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      - \|2 \|\|2\|2 + 4 log(x\|- \|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      \|2 \|\|2\|2 + 4 log(- x\|- \|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      - \|2 \|- 2\|2 + 4 log(- x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|\|2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|\|2 + 2 \|\|2 + 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                                         2
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|\|2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|\|2 + 2 \|\|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|\|2 + 2
--R      atan(-----)

```



```

--R      8\|2 \| - 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 298

--S 299 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)
--R
--R      +-----+ +-----+
--R      4      +-+      4      | +-+      | +-+
--R      ((- 3x - 1)\|2 + 4x + 2)\|\|2 + 2 \|2\|2 + 4
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      4      +-+      4      |      +-+      |      +-+      4
--R      ((- 3x - 1)\|2 - 4x - 2)\|- 2\|2 + 4 \| - \|2 + 2 + 8x
--R      /
--R      8
--R      8x + 8
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 299

)clear all

--S 300 of 1369
t0:=x^2/(1+x^8)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R      8
--R      x + 1
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 300

--S 301 of 1369
r0:=-1/4*atan((-2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))+_
1/4*atan((2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))+_
1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))-_
1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))+_
1/4*atan((-2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))-_
1/4*atan((2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))-_
1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))+_
1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+      +-----+
--R      |      +-+      |      +-+      2

```

```

--R      \|- 2\|2 + 4 log(x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ 2
--R      - \|2\|2 + 4 log(x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ 2
--R      \|2\|2 + 4 log(- x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ 2
--R      - \|- 2\|2 + 4 log(- x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      2\|2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ | +-+ +--+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \| \|2 + 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \|2 + 2
--R      atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      2\|2\|2 + 4
--R      *
--R      atan
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ | +-+ +--+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \| \|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2
--R      -----
--R      2
--R      +
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ | +-+ +--+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\|2 + 2
--R      2\|- 2\|2 + 4 atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ | +-+ +--+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\|\|2 + 2
--R      - 2\|- 2\|2 + 4 atan(-----)
--R      2
--R      /
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+

```

```

--R      8\|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R
--E 301                                         Type: Expression(Integer)

--S 302 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      8+---+     8+---+3 +-+ 8+---+6    2     8+---+ +-+ 8+---+3
--R      \|- 1 log(x \|- 1 \|2 + \|- 1 + x) - \|- 1 \|2 log(\|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+ +-+ 8+---+3      8+---+      8+---+3 +-+ 8+---+6    2
--R      \|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x) - \|- 1 log(- x \|- 1 \|2 + \|- 1 + x)
--R      +
--R                  8+---+3
--R      8+---+ +-+ \|- 1      8+---+ \|- 1
--R      - 2\|- 1 \|2 atan(-----) + 2\|- 1 atan(-----)
--R                           x
--R                           +-+ 8+---+3
--R                           x\|2 - \|- 1
--R      +
--R                  8+---+3
--R      8+---+ \|- 1
--R      2\|- 1 atan(-----)
--R                  +-+ 8+---+3
--R                  x\|2 + \|- 1
--R /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--E 302                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

--S 303 of 1369

```

m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      - \|2 \|- 2\|2 + 4 log(x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      \|2 \|2\|2 + 4 log(x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      - \|2 \|2\|2 + 4 log(- x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+

```

```

--R      +-+ | +-+
--R      \|2 \|- 2\|2 + 4 log(- x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \|\|2 + 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \|\|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|- 2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|- 2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      8+---+ 8+---+3 +-+ 8+---+6      2      8+---+ +-+ 8+---+3
--R      \|- 1 log(x \|- 1 \|2 + \|- 1 + x) - \|- 1 \|2 log(\|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+ +-+ 8+---+3
--R      \|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x)

```

```

--R      +
--R      8+---+      8+---+3 +-+ 8+---+6   2
--R      - \|- 1 log(- x \|- 1 \|2 + \|- 1 + x )
--R      +
--R      8+---+3      8+---+3
--R      8+---+ +-+ \|- 1      8+---+ \|- 1
--R      - 2\|- 1 \|2 atan(-----) + 2\|- 1 atan(-----)
--R                           x           +-+ 8+---+3
--R                           x\|2 - \|- 1
--R      +
--R      8+---+3
--R      8+---+ \|- 1
--R      2\|- 1 atan(-----)
--R           +-+ 8+---+3
--R           x\|2 + \|- 1
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+
--R      \|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R /
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+
--R      8\|2 \|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 303

--S 304 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)
--R      +-----+ +-----+
--R      6      2 +-+ 6      2 | +-+ | +-+
--R      ((- x - 3x )\|2 + 2x + 4x )\|\|2 + 2 \|2\|2 + 4
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      6      2 +-+ 6      2 | +-+ | +-+ 2
--R      ((- x - 3x )\|2 - 2x - 4x )\|- 2\|2 + 4 \|- \|2 + 2 + 8x
--R /
--R      8
--R      8x + 8
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 304

)clear all

--S 305 of 1369
t0:=1/(1+x^8)
--R
--R

```

```

--R      1
--R (1)  -----
--R      8
--R      x + 1
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 305

--S 306 of 1369
r0:=-1/8*atan((-2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))+_
1/8*atan((2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))-_
1/16*log(1+x^2-x*sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))+_
1/16*log(1+x^2+x*sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))-_
1/8*atan((-2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))+_
1/8*atan((2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))-_
1/16*log(1+x^2-x*sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))+_
1/16*log(1+x^2+x*sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))

--R
--R
--R (2)
--R      +-----+      +-----+
--R      | +-+      | +-+      2
--R      \| \ | 2 + 2 log(x\| \ | 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      | +-+      | +-+      2
--R      \|- \ | 2 + 2 log(x\|- \ | 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      | +-+      | +-+      2
--R      - \|- \ | 2 + 2 log(- x\|- \ | 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      | +-+      | +-+      2
--R      - \|\ | 2 + 2 log(- x\|\ | 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      2\|- \ | 2 + 2
--R      *
--R      +-----+ +-----+      +-----+
--R      +-+      | +-+      | +-+      +-+      | +-+
--R      (\| 2 + 2)\|- \ | 2 + 2 \|\ | 2 + 2 + (2x\| 2 + 4x)\|- \ | 2 + 2
--R      atan(-----)
--R                           2
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      2\|- \ | 2 + 2
--R      *

```

```

--R      atan
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2
--R      -----
--R      2
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\|2 + 2
--R      - 2\|\|2 + 2 atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\|\|2 + 2
--R      2\|\|2 + 2 atan(-----)
--R      2
--R      /
--R      16
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 306

--S 307 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      8+---+ 8+---+ +-+ 8+---+2 2 8+---+ +-+ 8+---+
--R      \|- 1 log(x\|- 1 \|2 + \|- 1 + x) + \|- 1 \|2 log(\|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+ +-+ 8+---+ 8+---+ 8+---+ +-+ 8+---+2 2
--R      - \|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x) - \|- 1 log(- x\|- 1 \|2 + \|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+
--R      8+---+ +-+ \|- 1 8+---+ \|- 1
--R      - 2\|- 1 \|2 atan(-----) - 2\|- 1 atan(-----)
--R      x                                +-+ 8+---+
--R                                         x\|2 - \|- 1
--R      +
--R      8+---+
--R      8+---+ \|- 1
--R      - 2\|- 1 atan(-----)
--R                                         +-+ 8+---+
--R                                         x\|2 + \|- 1
--R      /
--R      +-+
--R      8\|2
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 307

```

```

--S 308 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      - \|2 \| \|\|2 + 2 log(x\| \|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      - \|2 \|- \|\|2 + 2 log(x\|- \|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      \|\|2 \|- \|\|2 + 2 log(- x\|- \|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|- \|\|2 + 2
--R      *
--R      +-----+ +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|\|2 + 2 \|\|2 + 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|- \|\|2 + 2
--R      *
--R      +-----+ +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|\|2 + 2 \|\|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      +-----+      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      +-+ | +-+      +-+ | +-+
--R      +-+ | +-+      ((\|2 - 2)\|- \|\|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\|2 + 2
--R      2\|2 \|\|2 + 2 atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      -

```

```

--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|2 + 2
--R      *
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      8+---+ 8+---+ +-+ 8+---+2 2 8+---+ +-+ 8+---+
--R      2\|- 1 log(x\|- 1 \|2 + \|- 1 + x) + 2\|- 1 \|2 log(\|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+ +-+ 8+---+ 8+---+ 8+---+ +-+ 8+---+2 2
--R      - 2\|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x) - 2\|- 1 log(- x\|- 1 \|2 + \|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+ 8+---+
--R      - 4\|- 1 \|2 atan(-----) - 4\|- 1 atan(-----)
--R                  x                  +-+ 8+---+
--R                                         x\|2 - \|- 1
--R      +
--R      8+---+
--R      8+---+ \|- 1
--R      - 4\|- 1 atan(-----)
--R                  +-+ 8+---+
--R                  x\|2 + \|- 1
--R      /
--R      +-+
--R      16\|2
--R
--E 308                                         Type: Expression(Integer)

--S 309 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 309                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 310 of 1369
t0:=1/(x^2*(1+x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              10    2

```

```

--R      x  + x
--R
--E 310                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 311 of 1369
r0:=(-1)/x+1/8*atan((-2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))*_
sqrt(2-sqrt(2))-1/8*atan((2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))*_
sqrt(2-sqrt(2))-1/16*log(1+x^2-x*sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))+_
1/16*log(1+x^2+x*sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))+1/8*_
atan((-2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))-_
1/8*atan((2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))-_
1/16*log(1+x^2-x*sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))+_
1/16*log(1+x^2+x*sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))

--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ 2
--R      x\| 2 + 2 log(x\| 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ 2
--R      x\|- \| 2 + 2 log(x\|- \| 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ 2
--R      - x\|- \| 2 + 2 log(- x\|- \| 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ 2
--R      - x\| 2 + 2 log(- x\| 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      2x\|- \| 2 + 2
--R      *
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ | +-+ +--+ | +-+
--R      (\| 2 + 2)\|- \| 2 + 2 \| 2 + 2 + (2x\| 2 + 4x)\|- \| 2 + 2
--R      atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      +-----+
--R      | +-+
--R      2x\|- \| 2 + 2
--R      *
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+ | +-+ +--+ | +-+
--R      (\| 2 + 2)\|- \| 2 + 2 \| 2 + 2 + (- 2x\| 2 - 4x)\|- \| 2 + 2

```

```

--R      atan(-----)
--R                           2
--R      +
--R      +-----+      +--+      |  +--+
--R      |  ++      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\|2 + 2
--R      2x\|\|2 + 2 atan(-----)
--R                           2
--R      +
--R      +-----+      +--+      |  +--+
--R      |  ++      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\|\|2 + 2
--R      - 2x\|\|2 + 2 atan(-----)
--R                           2
--R      +
--R      - 16
--R   /
--R      16x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 311

--S 312 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      8+---+      8+---+7 ++      8+---+6      2      8+---+ ++      8+---+7
--R      - x\|- 1 log(x \|- 1 \|2 - \|- 1 + x) - x\|- 1 \|2 log(\|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+ ++      8+---+7
--R      x\|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+      8+---+7 ++      8+---+6      2      8+---+ ++      8+---+7
--R      x\|- 1 log(- x \|- 1 \|2 - \|- 1 + x) - 2x\|- 1 \|2 atan(-----)
--R                                         x
--R      +
--R      8+---+7
--R      8+---+      \|- 1      8+---+      \|- 1      ++
--R      - 2x\|- 1 atan(-----) - 2x\|- 1 atan(-----) - 8\|2
--R      ++      8+---+7      ++      8+---+7
--R      x\|2 - \|- 1      x\|2 + \|- 1
--R   /
--R      ++
--R      8x\|2
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 312

--S 313 of 1369
m0:=a0-r0

```

```

--R
--R
--R (4)
--R
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      - \|2 \| \2 + 2 log(x\| \2 + 2 + x + 1)
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      - \|2 \|- \2 + 2 log(x\|- \2 + 2 + x + 1)
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      \2 \|- \2 + 2 log(- x\|- \2 + 2 + x + 1)
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      \2 \|\2 + 2 log(- x\|\2 + 2 + x + 1)
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|- \2 + 2
--R
--R      *
--R      +-----+ +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+      +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \2 + 2 \|\2 + 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \2 + 2
--R      atan(-----)
--R
--R      2
--R
--R      +
--R
--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|- \2 + 2
--R
--R      *
--R      atan
--R
--R      +-----+ +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+      +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \2 + 2 \|\2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \2 + 2
--R
--R      -----
--R
--R      2
--R
--R      +
--R
--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|\2 + 2
--R
--R      *
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\2 + 2
--R
--R      atan(-----)

```



```

--S 316 of 1369
r0:=(-1/3)/x^3+1/4*atan((-2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))/_
sqrt(2*(2-sqrt(2)))-1/4*atan((2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-_
sqrt(2)))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))+1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2-sqrt(2)))/_
sqrt(2*(2-sqrt(2)))-1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2-sqrt(2)))/_
sqrt(2*(2-sqrt(2)))-1/4*atan((-2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/_
sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))+1/4*atan((2*x+_
sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))-_
1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))+_
1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+ +-----+
--R      3 | +-+ | +-+ 2
--R      3x \|- 2\|2 + 4 log(x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      3 | +-+ | +-+ 2
--R      - 3x \|- 2\|2 + 4 log(x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      3 | +-+ | +-+ 2
--R      3x \|- 2\|2 + 4 log(- x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      3 | +-+ | +-+ 2
--R      - 3x \|- 2\|2 + 4 log(- x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      3 | +-+
--R      6x \|- 2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+ +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \|\|2 + 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \|2 + 2
--R      atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      +-----+
--R      3 | +-+
--R      6x \|- 2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+ +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \|\|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2
--R      atan(-----)
--R      2

```

```

--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      3 |    +-+
--R      6x \|- 2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+           +-----+
--R      +-+   |   +-+     +-+   |   +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                           2
--R      +
--R      +-----+           +-----+           +-----+
--R      3 |    +-+     +-+   |   +-+     +-+   |   +-+
--R      6x \|- 2\|2 + 4 atan(-----)
--R                           2
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      |   +-+   |   +-+
--R      - 8\|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R      /
--R      +-----+ +-----+
--R      3 |    +-+   |   +-+
--R      24x \|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 316

--S 317 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      3 8+---+     8+---+5 +-+ 8+---+2   2
--R      - 3x \|- 1 log(x \|- 1 \|2 - \|- 1 + x )
--R      +
--R      3 8+---+ +-+ 8+---+5           3 8+---+ +-+ 8+---+5
--R      3x \|- 1 \|2 log(\|- 1 + x - 3x \|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x )
--R      +
--R      3 8+---+     8+---+5 +-+ 8+---+2   2      3 8+---+ +-+ \|- 1
--R      3x \|- 1 log(- x \|- 1 \|2 - \|- 1 + x - 6x \|- 1 \|2 atan(-----)
--R                                         8+---+5
--R                                         x
--R      +
--R      3 8+---+           8+---+5           3 8+---+           8+---+5
--R      \|- 1           \|- 1           \|- 1           \|- 1
--R      6x \|- 1 atan(----- + 6x \|- 1 atan(----- - 8\|2
--R      +-+ 8+---+5           +-+ 8+---+5
--R      x\|2 - \|- 1           x\|2 + \|- 1
--R      /

```

```

--R      3 +-+
--R      24x \|-2
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 317

--S 318 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      - \|-2\| - 2\|-2 + 4 log(x\|\|-2 + 2 + x + 1)
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      \|-2\|-2\|-2 + 4 log(x\|- \|-2 + 2 + x + 1)
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      - \|-2\|-2\|-2 + 4 log(- x\|- \|-2 + 2 + x + 1)
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      2
--R      \|-2\|-2\|-2 + 4 log(- x\|\|-2 + 2 + x + 1)
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|-2\|-2\|-2 + 4
--R
--R      *
--R      +-----+ +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      +-+ | +-+
--R      (\|-2 + 2)\|- \|-2 + 2\|\|-2 + 2 + (2x\|-2 + 4x)\|- \|-2 + 2
--R      atan(-----)
--R                                         2
--R
--R      +
--R
--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|-2\|-2\|-2 + 4
--R
--R      *
--R      atan
--R      +-----+ +-----+      +-----+
--R      +-+ | +-+      | +-+      +-+ | +-+
--R      (\|-2 + 2)\|- \|-2 + 2\|\|-2 + 2 + (- 2x\|-2 - 4x)\|- \|-2 + 2
--R
--R      -----
--R                                         2
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+

```

```

--R      2\|2 \|- 2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|- 2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      8+---+ 8+---+5 +-+ 8+---+2 2
--R      - \|- 1 log(x \|- 1 \|2 - \|- 1 + x )
--R      +
--R      8+---+ +-+ 8+---+5 8+---+ +-+ 8+---+5
--R      \|- 1 \|2 log(\|- 1 + x) - \|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+ 8+---+5 +-+ 8+---+2 2 8+---+ +-+ \|- 1
--R      \|- 1 log(- x \|- 1 \|2 - \|- 1 + x ) - 2\|- 1 \|2 atan(-----)
--R      x
--R      +
--R      8+---+5 8+---+5
--R      8+---+ \|- 1 8+---+ \|- 1
--R      2\|- 1 atan(-----) + 2\|- 1 atan(-----)
--R      +-+ 8+---+5 +-+ 8+---+5
--R      x\|2 - \|- 1 x\|2 + \|- 1
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+
--R      \|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R      /
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+
--R      8\|2 \|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 318

--S 319 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)
--R
--R      4      +-+      4      +-----+ +-----+
--R      ((3x  + 1)\|2 - 4x - 2)\|\|2 + 2 \|2\|2 + 4
--R      +
--R      4      +-+      4      |      +-+      |      +-+      4
--R      ((3x  + 1)\|2 + 4x + 2)\|- 2\|2 + 4 \|- \|2 + 2 - 8x
--R /
--R      8
--R      8x  + 8
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 319

)clear all

--S 320 of 1369
t0:=1/(x^6*(1+x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R      14      6
--R      x  + x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 320

--S 321 of 1369
r0:=(-1/5)/x^5+1/4*atan((-2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))/_
sqrt(2*(2-sqrt(2)))-1/4*atan((2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/_
sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))-1/8*log(1+x^2-x*_
sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))+1/8*log(1+x^2+x*_
sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2*(2-sqrt(2)))-1/4*atan((-2*x+_
sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2*(2+sqrt(2)))+_
1/4*atan((2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))/_
sqrt(2*(2+sqrt(2)))+1/8*log(1+x^2-x*sqrt(2+sqrt(2)))/_
sqrt(2*(2+sqrt(2)))-1/8*log(1+x^2+x*sqrt(2+sqrt(2)))/_
sqrt(2*(2+sqrt(2)))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      5 |      +-+      |      +-+      2
--R      - 5x \|- 2\|2 + 4 log(x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      5 |      +-+      |      +-+      2
--R      5x \|2\|2 + 4 log(x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+

```

```

--R      5 | +-+           | +-+       2
--R      - 5x \|2\|2 + 4 log(- x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+           +-----+
--R      5 | +-+           | +-+       2
--R      5x \|- 2\|2 + 4 log(- x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      5 | +-+
--R      10x \|2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+           +-----+
--R      +-+   | +-+   | +-+           +-+   | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \|\|2 + 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                           2
--R      +
--R      +-----+
--R      5 | +-+
--R      10x \|2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+           +-----+
--R      +-+   | +-+   | +-+           +-+   | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \|\|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                           2
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      5 | +-+
--R      10x \|- 2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+           +-----+
--R      +-+   | +-+           +-+   | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                           2
--R      +
--R      +-----+
--R      5 | +-+
--R      10x \|- 2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+           +-----+
--R      +-+   | +-+           +-+   | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                           2
--R      +
--R      +-----+ +-----+

```

```

--R      |   +-+      |   +-+
--R      - 8\|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R /
--R      +-----+ +-----+
--R      5 |   +-+      |   +-+
--R      40x \|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 321

--S 322 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      5 8+---+     8+---+3 +-+ 8+---+6   2
--R      - 5x \|- 1 log(x \|- 1 \|2 + \|- 1 + x )
--R +
--R      5 8+---+ +-+ 8+---+3      5 8+---+ +-+ 8+---+3
--R      5x \|- 1 \|2 log(\|- 1 + x - 5x \|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x )
--R +
--R      5 8+---+     8+---+3 +-+ 8+---+6   2
--R      5x \|- 1 log(- x \|- 1 \|2 + \|- 1 + x )
--R +
--R      8+---+3                               8+---+3
--R      5 8+---+ +-+ \|- 1      5 8+---+ \|- 1
--R      10x \|- 1 \|2 atan(----- - 10x \|- 1 atan(-----)
--R                                         x                               +-+ 8+---+3
--R                                         x\|2 - \|- 1
--R +
--R      8+---+3
--R      5 8+---+     \|- 1      +-+
--R      - 10x \|- 1 atan(----- - 8\|2
--R                                         +-+ 8+---+3
--R                                         x\|2 + \|- 1
--R /
--R      5 +-+
--R      40x \|2
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 322

--S 323 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+ |   +-+      |   +-+      2
--R      \|2 \|- 2\|2 + 4 log(x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R +
--R      +-----+      +-----+

```

```

--R      +-+ | +-+           | +-+      2
--R      - \|2 \|2\|2 + 4 log(x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+           +-----+
--R      +-+ | +-+           | +-+      2
--R      \|2 \|2\|2 + 4 log(- x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+           +-----+
--R      +-+ | +-+           | +-+      2
--R      - \|2 \|- 2\|2 + 4 log(- x\|\|2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+ +-----+           +-----+
--R      +-+ | +-+           | +-+           +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \|\|2 + 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|2\|2 + 4
--R      *
--R      atan
--R      +-----+ +-----+           +-----+
--R      +-+ | +-+           | +-+           +-+ | +-+
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \|\|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2
--R      -----
--R                  2
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|- 2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+           +-----+
--R      +-+ | +-+           +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \|- 2\|2 + 4
--R      *
--R      +-----+           +-----+
--R      +-+ | +-+           +-+ | +-+

```

```

--R      ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\|\|2 + 2
--R      atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      8+---+     8+---+3 +-+ 8+---+6   2
--R      - \|- 1 log(x \|- 1 \|2 + \|- 1 + x )
--R      +
--R      8+---+ +-+ 8+---+3     8+---+ +-+ 8+---+3
--R      \|- 1 \|2 log(\|- 1 + x) - \|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+     8+---+3 +-+ 8+---+6   2     8+---+ +-+ \|- 1
--R      \|- 1 log(- x \|- 1 \|2 + \|- 1 + x ) + 2\|- 1 \|2 atan(-----)
--R                                         x
--R      +
--R      8+---+3                               8+---+3
--R      8+---+ \|- 1           8+---+ \|- 1
--R      - 2\|- 1 atan(-----) - 2\|- 1 atan(-----)
--R                                         +-+ 8+---+3           +-+ 8+---+3
--R                                         x\|2 - \|- 1           x\|2 + \|- 1
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      | +-+ | +-+
--R      \|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R      /
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ | +-+
--R      8\|2 \|- 2\|2 + 4 \|2\|2 + 4
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 323

--S 324 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)
--R      +-----+ +-----+
--R      6      2 +-+ 6      2 | +-+ | +-+
--R      ((x + 3x )\|2 - 2x - 4x )\|\|2 + 2 \|2\|2 + 4
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      6      2 +-+ 6      2 | +-+ | +-+ 2
--R      ((x + 3x )\|2 + 2x + 4x )\|- 2\|2 + 4 \|2 + 2 - 8x
--R      /
--R      8
--R      8x + 8
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 324

)clear all

```

```

--S 325 of 1369
t0:=1/(x^8*(1+x^8))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           16   8
--R           x   + x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 325

--S 326 of 1369
r0:=(-1/7)/x^7+1/8*atan((-2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))*_
sqrt(2-sqrt(2))-1/8*atan((2*x+sqrt(2+sqrt(2)))/sqrt(2-sqrt(2)))*_
sqrt(2-sqrt(2))+1/16*log(1+x^2-x*sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))-
1/16*log(1+x^2+x*sqrt(2-sqrt(2)))*sqrt(2-sqrt(2))+1/8*_
atan((-2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))-
1/8*atan((2*x+sqrt(2-sqrt(2)))/sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))+
1/16*log(1+x^2-x*sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))-
1/16*log(1+x^2+x*sqrt(2+sqrt(2)))*sqrt(2+sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+      +-----+
--R      7 | +-+      | +-+      2
--R      - 7x \| \ | 2 + 2 log(x\| \ | 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      7 | +-+      | +-+      2
--R      - 7x \|- \ | 2 + 2 log(x\|- \ | 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      7 | +-+      | +-+      2
--R      7x \|- \ | 2 + 2 log(- x\|- \ | 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      7 | +-+      | +-+      2
--R      7x \| \ | 2 + 2 log(- x\| \ | 2 + 2 + x + 1)
--R      +
--R      -
--R      +-----+
--R      7 | +-+
--R      14x \|- \ | 2 + 2
--R      *
--R      +-----+ +-----+      +-----+
--R      +-+      | +-+      | +-+      +-+      | +-+
--R      (\| 2 + 2)\|- \ | 2 + 2 \| \ | 2 + 2 + (2x\| 2 + 4x)\|- \ | 2 + 2
--R      atan(-----)
--R                                         2

```

```

--R      +
--R      +-----+
--R      7 |    ++
--R      14x \|- \|2 + 2
--R      *
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      ++ | ++ | ++ | ++ | ++ | ++
--R      (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \| \|2 + 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2
--R      atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      7 | ++ ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\| \|2 + 2
--R      14x \| \|2 + 2 atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      +-----+ +-----+ +-----+ +-----+
--R      7 | ++ ((\|2 - 2)\|- \|2 + 2 - 2x\|2 + 4x)\| \|2 + 2
--R      - 14x \| \|2 + 2 atan(-----)
--R      2
--R      +
--R      - 16
--R      /
--R      7
--R      112x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 326

--S 327 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      7 8+++++ 8+++++ ++ 8+++++2 2 7 8+++++ ++ 8+++++
--R      - 7x \|- 1 log(x\|- 1 \|2 + \|- 1 + x - 7x \|- 1 \|2 log(\|- 1 + x)
--R      +
--R      7 8+++++ ++ 8+++++
--R      7x \|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x)
--R      +
--R      7 8+++++ 8+++++ ++ 8+++++2 2 7 8+++++ ++ \|- 1
--R      7x \|- 1 log(- x\|- 1 \|2 + \|- 1 + x + 14x \|- 1 \|2 atan(-----)
--R                                         x
--R      +
--R      7 8+++++ 8+++++ 7 8+++++ 8+++++ \|- 1 ++ \|- 1
--R      14x \|- 1 atan(----- + 14x \|- 1 atan(----- - 8\|2
--R                                         ++ 8+++++ ++ 8+++++

```

```

--R          x\|2 - \|- 1           x\|2 + \|- 1
--R   /
--R   7 +-+
--R   56x \|2
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 327

--S 328 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)
--R   +-----+ +-----+
--R   +-+ | +-+      | +-+      2
--R   \|2 \| \|- 2 log(x\| \|- 2 + x + 1)
--R   +
--R   +-----+ +-----+
--R   +-+ | +-+      | +-+      2
--R   \|2 \|- \|2 + 2 log(x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R   +
--R   +-----+ +-----+
--R   +-+ | +-+      | +-+      2
--R   - \|2 \|- \|2 + 2 log(- x\|- \|2 + 2 + x + 1)
--R   +
--R   +-----+
--R   +-+ | +-+
--R   2\|2 \|- \|2 + 2
--R   *
--R   +-----+ +-----+ +-----+
--R   +-+ | +-+ | +-+      +-+ | +-+
--R   (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \| \|- 2 + (2x\|2 + 4x)\|- \|2 + 2
--R   atan(-----)
--R   2
--R   +
--R   -
--R   +-----+
--R   +-+ | +-+
--R   2\|2 \|- \|2 + 2
--R   *
--R   atan
--R   +-----+ +-----+ +-----+
--R   +-+ | +-+ | +-+      +-+ | +-+
--R   (\|2 + 2)\|- \|2 + 2 \| \|- 2 + (- 2x\|2 - 4x)\|- \|2 + 2
--R
--R   -----
--R   2
--R   +

```

```

--R      -
--R      +-----+
--R      +-+ | +-+
--R      2\|2 \| \|\2 + 2
--R      *
--R      +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ +-+ | +-+
--R      ((\|2 - 2)\|- \|\2 + 2 + 2x\|2 - 4x)\|\|\2 + 2
--R      atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      +-+ | +-+ +-+ | +-+ +-+ | +-+
--R      2\|2 \| \|\2 + 2 atan(-----)
--R                  2
--R      +
--R      8+---+ 8+---+ +-+ 8+---+2 2 8+---+ +-+ 8+---+
--R      - 2\|- 1 log(x\|- 1 \|2 + \|- 1 + x) - 2\|- 1 \|2 log(\|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+ +-+ 8+---+ 8+---+ 8+---+ +-+ 8+---+2 2
--R      2\|- 1 \|2 log(- \|- 1 + x) + 2\|- 1 log(- x\|- 1 \|2 + \|- 1 + x)
--R      +
--R      8+---+ 8+---+
--R      8+---+ +-+ \|- 1 8+---+ \|- 1
--R      4\|- 1 \|2 atan(-----) + 4\|- 1 atan(-----)
--R                  x          +-+ 8+---+
--R                  x\|2 - \|- 1
--R      +
--R      8+---+
--R      8+---+ \|- 1
--R      4\|- 1 atan(-----)
--R                  +-+ 8+---+
--R                  x\|2 + \|- 1
--R      /
--R      +-+
--R      16\|2
--R
--E 328                                         Type: Expression(Integer)

--S 329 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 329                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

```

```

--S 330 of 1369
t0:=x^3*sqrt(1+x^8)
--R
--R
--R      +-----+
--R      3 | 8
--R      (1)  x \|x  + 1
--R
--E 330                                         Type: Expression(Integer)

--S 331 of 1369
r0:=1/8*asinh(x^4)+1/8*x^4*sqrt(1+x^8)
--R
--R
--R      +-----+
--R      4 | 8           4
--R      x \|x  + 1 + asinh(x )
--R      (2)  -----
--R                  8
--R
--E 331                                         Type: Expression(Integer)

--S 332 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-----+           +-----+           +-----+
--R      4 | 8           8           | 8           4           12   4 | 8
--R      (- 2x \|x  + 1 + 2x  + 1)log(\|x  + 1 - x ) + (- 2x  - x )\|x  + 1
--R      +
--R      16   8
--R      2x  + 2x
--R      /
--R      +-----+
--R      4 | 8           8
--R      16x \|x  + 1 - 16x  - 8
--R
--E 332                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

--S 333 of 1369

```

m0:=a0-r0
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 8           4           4
--R      - log(\|x  + 1 - x ) - asinh(x )
--R      (4)  -----
--R                  8
--R
--E 333                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 333

--S 334 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 334

)clear all

--S 335 of 1369
t0:=x*sqrt(1+x^8)
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 8
--R      (1)  x\|x  + 1
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 335

--S 336 of 1369
--r0:=-1/3*(-1)^(3/4)*elliptic_f(asin((-1)^(1/4)*x^2), -1)+1/6*x^2*sqrt(1+x^8)
--E 336

--S 337 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
--E 337

--S 338 of 1369
--m0:=a0-r0
--E 338

--S 339 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--E 339

)clear all

--S 340 of 1369
t0:=sqrt(1+x^8)/x
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 8
--R      \|x  + 1
--R      (1)  -----
--R              x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)

```

```

--E 340

--S 341 of 1369
r0:=-1/4*atanh(sqrt(1+x^8))+1/4*sqrt(1+x^8)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{-\operatorname{atanh}(\sqrt{x^8+1}) + \sqrt{x^8+1}}{4}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 341

--S 342 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{-\log(\sqrt{x^8+1+1}) + \log(\sqrt{x^8+1-1}) + 2\sqrt{x^8+1}}{8}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 342

--S 343 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
$$(4) \frac{-\log(\sqrt{x^8+1+1}) + \log(\sqrt{x^8+1-1}) + 2\operatorname{atanh}(\sqrt{x^8+1})}{8}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 343

--S 344 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
$$(5) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 344

)clear all

--S 345 of 1369
t0:=sqrt(1+x^8)/x^3

```

```

--R
--R
--R      +-----+
--R      | 8
--R      \|x  + 1
--R      (1) -----
--R                  3
--R                  x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 345

--S 346 of 1369
--r0:=(-1)^(1/4)*elliptic_e(asin((-1)^(1/4)*x^2),-1)+(-1)^(1/4)*_
--    elliptic_f(asin((-1)^(1/4)*x^2),-1)-1/2*sqrt(1+x^8)/x^2
--E 346

--S 347 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
--E 347

--S 348 of 1369
--m0:=a0-r0
--E 348

--S 349 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--E 349

)clear all

--S 350 of 1369
t0:=x^3*sqrt(-2+x^8)
--R
--R
--R      +-----+
--R      3 | 8
--R      (1) x \|x  - 2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 350

--S 351 of 1369
r0:=-1/4*atanh(x^4/sqrt(-2+x^8))+1/8*x^4*sqrt(-2+x^8)
--R
--R
--R      4      +-----+
--R      x      4 | 8
--R      - 2atanh(-----) + x \|x  - 2
--R      +-----+
--R      | 8
--R      \|x  - 2

```

```

--R      (2)  -----
--R                           8
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 351

--S 352 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-----+           +-----+           +-----+
--R      4 | 8           8 | 8           4 | 8           12   4 | 8           16
--R      (2x \|x - 2 - 2x + 2)log(\|x - 2 - x ) + (- x + x )\|x - 2 + x
--R      +
--R      8
--R      - 2x
--R      /
--R      +-----+
--R      4 | 8           8
--R      8x \|x - 2 - 8x + 8
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 352

--S 353 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      +-----+           4
--R      | 8           4           x
--R      log(\|x - 2 - x ) + atanh(-----)
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 8
--R      \|x - 2
--R      (4)  -----
--R
--R                                         4
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 353

--S 354 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 354

)clear all

--S 355 of 1369
t0:=x^3/sqrt(1+x^8)

```

```

--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  -----
--R              +---+
--R              | 8
--R              \|x  + 1
--R
--E 355                                         Type: Expression(Integer)

--S 356 of 1369
r0:=1/4*asinh(x^4)
--R
--R
--R      4
--R      asinh(x )
--R      (2)  -----
--R              4
--R
--E 356                                         Type: Expression(Integer)

--S 357 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +---+
--R      | 8      4
--R      log(\|x  + 1 - x )
--R      (3)  -----
--R              4
--R
--E 357                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 358 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      +---+
--R      | 8      4      4
--R      - log(\|x  + 1 - x ) - asinh(x )
--R      (4)  -----
--R              4
--R
--E 358                                         Type: Expression(Integer)

--S 359 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R
--E 359                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 360 of 1369
t0:=x/sqrt(1+x^8)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x}{\sqrt{x^8 + 1}}$$

--R
--E 360                                         Type: Expression(Integer)

--S 361 of 1369
--r0:=-1/2*(-1)^(3/4)*elliptic_f(asin((-1)^(1/4)*x^2),-1)
--E 361

--S 362 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
--E 362

--S 363 of 1369
--m0:=a0-r0
--E 363

--S 364 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--E 364

)clear all

--S 365 of 1369
t0:=1/(x*sqrt(1+x^8))
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{1}{x\sqrt{x^8 + 1}}$$

--R
--E 365                                         Type: Expression(Integer)

--S 366 of 1369
r0:=-1/4*atanh(sqrt(1+x^8))

```

```

--R
--R
--R      +-----+
--R      | 8
--R      atanh(\|x  + 1 )
--R (2)  -----
--R                  4
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 366

--S 367 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      | 8          | 8
--R      - log(\|x  + 1  + 1) + log(\|x  + 1  - 1)
--R (3)  -----
--R                  8
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 367

--S 368 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      +-----+      +-----+      +-----+
--R      | 8          | 8          | 8
--R      - log(\|x  + 1  + 1) + log(\|x  + 1  - 1) + 2atanh(\|x  + 1 )
--R (4)  -----
--R                  8
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 368

--S 369 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 369

)clear all

--S 370 of 1369
t0:=1/(x^3*sqrt(1+x^8))
--R
--R
--R      1
--R (1)  -----

```

```

--R      +----+
--R      3 | 8
--R      x \|x + 1
--R
--E 370                                         Type: Expression(Integer)

--S 371 of 1369
--r0:=-1/2*(-1)^(1/4)*elliptic_e(asin((-1)^(1/4)*x^2),-1)+_
--    1/2*(-1)^(1/4)*elliptic_f(asin((-1)^(1/4)*x^2),-1)-1/2*sqrt(1+x^8)/x^2
--E 371

--S 372 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
--E 372

--S 373 of 1369
--m0:=a0-r0
--E 373

--S 374 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--E 374

)clear all

--S 375 of 1369
t0:=1/(1-x^10)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R                  10
--R      x - 1
--R
--E 375                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 376 of 1369
r0:=1/5*atanh(x)+1/20*atanh(1/2*x*(1-sqrt(5))/(1+x^2))*_
(1-sqrt(5))+1/20*atanh(1/2*x*(1+sqrt(5))/(1+x^2))*_
(1+sqrt(5))+1/20*atan(1/2*x*sqrt(10-2*sqrt(5))/(1-x^2))*_
sqrt(10-2*sqrt(5))+1/20*atan(1/2*x*sqrt(10+2*sqrt(5))/_
(1-x^2))*sqrt(10+2*sqrt(5)),1/5*atanh(x)-1/20*log(1+x^2-_
x*sqrt(1/2*(3-sqrt(5))))*sqrt(1/2*(3-sqrt(5)))+1/20*_
log(1+x^2+x*sqrt(1/2*(3-sqrt(5))))*sqrt(1/2*(3-sqrt(5)))-_
1/10*atan((-2*x+sqrt(1/2*(3+sqrt(5)))))*sqrt(1/10*_
(5+sqrt(5)))*sqrt(1/2*(5-sqrt(5)))+1/10*atan((2*x+_
sqrt(1/2*(3+sqrt(5)))))*sqrt(1/10*(5+sqrt(5)))*_
sqrt(1/2*(5-sqrt(5)))-1/20*log(1+x^2-x*sqrt(1/2*(3+sqrt(5))))*_
sqrt(1/2*(3+sqrt(5)))+1/20*log(1+x^2+x*sqrt(1/2*(3+sqrt(5))))*_
sqrt(1/2*(3+sqrt(5)))-1/10*atan((-2*x+sqrt(1/2*(3-sqrt(5)))))*_

```



```

--R      +
--R      +-----+
--R      |  +-+      2      +-+
--R      |  +-+      - x\|\|5 + 3 + (x + 1)\|2
--R      - \|\|5 + 3 log(-----)
--R                                         +-+
--R                                         \|2
--R      +
--R      +-----+      +-----+      +-----+
--R      |  +-+      |  +-+      +-+ |  +-+
--R      |  +-+      (\|\|5 + 3 + 2x\|2 )\|\|5 + 5
--R      2\|- \|5 + 5 atan(-----)
--R                                         +-+ +-+
--R                                         \|2 \|10
--R      +
--R      +-----+      +-----+      +-----+
--R      |  +-+      |  +-+      +-+ |  +-+
--R      |  +-+      (\|\|5 + 3 - 2x\|2 )\|\|5 + 5
--R      - 2\|- \|5 + 5 atan(-----)
--R                                         +-+ +-+
--R                                         \|2 \|10
--R      +
--R      +-----+      +-----+      +-----+
--R      |  +-+      |  +-+      +-+ |  +-+
--R      |  +-+      (\|- \|5 + 3 + 2x\|2 )\|- \|5 + 5
--R      2\|\|5 + 5 atan(-----)
--R                                         +-+ +-+
--R                                         \|2 \|10
--R      +
--R      +-----+      +-----+      +-----+
--R      |  +-+      |  +-+      +-+ |  +-+
--R      |  +-+      (\|- \|5 + 3 - 2x\|2 )\|- \|5 + 5      +-+
--R      - 2\|\|5 + 5 atan(-----) + 4\|2 atanh(x)
--R                                         +-+ +-+
--R                                         \|2 \|10
--R      /
--R      +-+
--R      20\|2
--R      ]
--R
--R                                         Type: Tuple(Expression(Integer))
--E 376

--S 377 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-----+
--R      |      2      2
--R      \|- 300%CD1  + (- 200%CD0 + 20)%CD1 - 300%CD0  + 20%CD0 - 3

```

```

--R      +
--R      - 10%%CD1 - 10%%CDO + 1
--R      *
--R      log
--R      +-----+
--R      |      2
--R      \|- 300%%CD1 + (- 200%%CDO + 20)%%CD1 - 300%%CDO + 20%%CDO - 3
--R      +
--R      - 10%%CD1 - 10%%CDO + 2x + 1
--R      +
--R      +-----+
--R      |      2
--R      \|- 300%%CE1 + (- 200%%CEO - 20)%%CE1 - 300%%CEO - 20%%CEO - 3
--R      +
--R      - 10%%CE1 - 10%%CEO - 1
--R      *
--R      log
--R      +-----+
--R      |      2
--R      \|- 300%%CE1 + (- 200%%CEO - 20)%%CE1 - 300%%CEO - 20%%CEO - 3
--R      +
--R      - 10%%CE1 - 10%%CEO + 2x - 1
--R      +
--R      +-----+
--R      |      2
--R      - \|- 300%%CE1 + (- 200%%CEO - 20)%%CE1 - 300%%CEO - 20%%CEO - 3
--R      +
--R      - 10%%CE1 - 10%%CEO - 1
--R      *
--R      log
--R      -
--R      ROOT
--R      2
--R      - 300%%CE1 + (- 200%%CEO - 20)%%CE1 - 300%%CEO - 20%%CEO
--R      +
--R      - 3
--R      +
--R      - 10%%CE1 - 10%%CEO + 2x - 1
--R      +
--R      +-----+
--R      |      2
--R      - \|- 300%%CD1 + (- 200%%CDO + 20)%%CD1 - 300%%CDO + 20%%CDO - 3
--R      +
--R      - 10%%CD1 - 10%%CDO + 1
--R      *
--R      log
--R      -
--R      ROOT
--R      2
--R      - 300%%CD1 + (- 200%%CDO + 20)%%CD1 - 300%%CDO + 20%%CDO

```

```

--R          +
--R          - 3
--R          +
--R          - 10%%CD1 - 10%%CD0 + 2x + 1
--R          +
--R          20%%CE1 log(10%%CE1 + x) + 20%%CD1 log(10%%CD1 + x)
--R          +
--R          20%%CEO log(10%%CEO + x) + 20%%CD0 log(10%%CD0 + x) + 2log(x + 1)
--R          +
--R          - 2log(x - 1)
--R      /
--R      20
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 377

--S 378 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R          +-----+
--R          |      2                                2
--R          \|- 300%%CD1  + (- 200%%CD0 + 20)%%CD1 - 300%%CD0  + 20%%CD0 - 3
--R          +
--R          - 10%%CD1 - 10%%CD0 + 1
--R          *
--R          log
--R          +-----+
--R          |      2                                2
--R          \|- 300%%CD1  + (- 200%%CD0 + 20)%%CD1 - 300%%CD0  + 20%%CD0 - 3
--R          +
--R          - 10%%CD1 - 10%%CD0 + 2x + 1
--R          +
--R          +-----+
--R          |      2                                2
--R          \|- 300%%CE1  + (- 200%%CEO - 20)%%CE1 - 300%%CEO  - 20%%CEO - 3
--R          +
--R          - 10%%CE1 - 10%%CEO - 1
--R          *
--R          log
--R          +-----+
--R          |      2                                2
--R          \|- 300%%CE1  + (- 200%%CEO - 20)%%CE1 - 300%%CEO  - 20%%CEO - 3
--R          +
--R          - 10%%CE1 - 10%%CEO + 2x - 1
--R          +
--R          +-----+
--R          |      2                                2
--R          - \|- 300%%CE1  + (- 200%%CEO - 20)%%CE1 - 300%%CEO  - 20%%CEO - 3
--R          +

```

```

--R      - 10%%CE1 - 10%%CEO - 1
--R      *
--R      log
--R      -
--R      ROOT
--R      2
--R      - 300%%CE1 + (- 200%%CEO - 20)%%CE1 - 300%%CEO - 20%%CEO
--R      +
--R      - 3
--R      +
--R      - 10%%CE1 - 10%%CEO + 2x - 1
--R      +
--R      +-----+
--R      |      2
--R      - \|- 300%%CD1 + (- 200%%CD0 + 20)%%CD1 - 300%%CD0 + 20%%CD0 - 3
--R      +
--R      - 10%%CD1 - 10%%CD0 + 1
--R      *
--R      log
--R      -
--R      ROOT
--R      2
--R      - 300%%CD1 + (- 200%%CD0 + 20)%%CD1 - 300%%CD0 + 20%%CD0
--R      +
--R      - 3
--R      +
--R      - 10%%CD1 - 10%%CD0 + 2x + 1
--R      +
--R      20%%CE1 log(10%%CE1 + x) + 20%%CD1 log(10%%CD1 + x)
--R      +
--R      20%%CEO log(10%%CEO + x) + 20%%CD0 log(10%%CD0 + x)
--R      +
--R      +-----+      +-----+      +-----+
--R      |  +-+      |  +-+      |  +-+
--R      x\|2\|5 + 10      x\|2\|5 + 10      x\|- 2\|5 + 10
--R      \|2\|5 + 10 atan(-----) + \|- 2\|5 + 10 atan(-----)
--R                           2                           2
--R                           2x - 2                           2x - 2
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+      +-+
--R      2log(x + 1) - 2log(x - 1) + (- \|5 - 1)atanh(-----)
--R                           2
--R                           2x + 2
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+      +-+
--R      (- \|5 + 1)atanh(-----) - 4atanh(x)
--R                           2
--R                           2x + 2

```

```

--R /
--R      20
--R
--E 378                                         Type: Expression(Integer)

--S 379 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 379                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 380 of 1369
t0:=x^4/sqrt(1-x^10)
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x^4}{\sqrt{-x^{10} + 1}}$$

--R
--E 380                                         Type: Expression(Integer)

--S 381 of 1369
r0:=1/5*asin(x^5)
--R
--R
--R      (2)  
$$\frac{\operatorname{asin}(x^5)}{5}$$

--R
--E 381                                         Type: Expression(Integer)

--S 382 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)  
$$\frac{2 \operatorname{atan}\left(\frac{\sqrt{-x^{10} + 1}}{x}\right)}{5}$$


```

```

--R      5
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 382

--S 383 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   10
--R      \|- x   + 1 - 1      5
--R      - 2atan(-----) - asin(x )
--R                           5
--R                           x
--R      (4)  -----
--R                           5
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 383

--S 384 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 384

)clear all

--S 385 of 1369
t0:=x^4/sqrt(-2+x^10)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1)  -----
--R      +-----+
--R      | 10
--R      \|x   - 2
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 385

--S 386 of 1369
r0:=1/5*atanh(x^5/sqrt(-2+x^10))
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      atanh(-----)
--R                  +-----+

```

```

--R          | 10
--R          \|x  - 2
--R  (2)  -----
--R                      5
--R
--E 386                                         Type: Expression(Integer)

--S 387 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R          +-----+
--R          | 10      5
--R          log(\|x  - 2 - x )
--R  (3)  -
--R                  5
--R
--E 387                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                        

--S 388 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R          +-----+      5
--R          | 10      5      x
--R          - log(\|x  - 2 - x ) - atanh(-----)
--R                                     +-----+
--R                                     | 10
--R                                     \|x  - 2
--R  (4)  -----
--R                  5
--R
--E 388                                         Type: Expression(Integer)

--S 389 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R  (5)  0
--R
--E 389                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 390 of 1369
t0:=x^5/(9+x^12)
--R
--R
--R          5
--R          x

```

```

--R   (1)  -----
--R           12
--R           x   + 9
--R
--E 390                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 391 of 1369
r0:=1/18*atan(1/3*x^6)
--R
--R
--R           6
--R           x
--R           atan(--)
--R           3
--R   (2)  -----
--R           18
--R
--E 391                                         Type: Expression(Integer)

--S 392 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R           6
--R           x
--R           atan(--)
--R           3
--R   (3)  -----
--R           18
--R
--E 392                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 393 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--E 393                                         Type: Expression(Integer)

--S 394 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 394                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

```

```

--S 395 of 1369
t0:=x^5/(9-x^12)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1)  - -----
--R              12
--R      x   - 9
--R
--E 395                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 396 of 1369
r0:=1/18*atanh(1/3*x^6)
--R
--R
--R      6
--R      x
--R      atanh(--)
--R              3
--R      (2)  -----
--R              18
--R
--E 396                                         Type: Expression(Integer)

--S 397 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      6      6
--R      log(x + 3) - log(x - 3)
--R      (3)  -----
--R              36
--R
--E 397                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 398 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      6      6      x
--R      log(x + 3) - log(x - 3) - 2atanh(--)
--R              3
--R      (4)  -----
--R              36
--R
--E 398                                         Type: Expression(Integer)

--S 399 of 1369

```

```

d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 399                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 400 of 1369
t0:=x^5*sqrt(9+x^12)
--R
--R
--R      +-----+
--R      5 | 12
--R      (1)  x \|x    + 9
--R
--E 400                                         Type: Expression(Integer)

--S 401 of 1369
r0:=3/4*asinh(1/3*x^6)+1/12*x^6*sqrt(9+x^12)
--R
--R
--R      +-----+      6
--R      6 | 12          x
--R      x \|x    + 9  + 9asinh(--)
--R                               3
--R      (2)  -----
--R                               12
--R
--E 401                                         Type: Expression(Integer)

--S 402 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-----+      +-----+
--R      6 | 12      12      | 12      6
--R      (- 18x \|x    + 9  + 18x    + 81)log(\|x    + 9  - x )
--R      +
--R      +-----+
--R      18      6 | 12      24      12
--R      (- 2x    - 9x )\|x    + 9  + 2x    + 18x
--R      /
--R      +-----+
--R      6 | 12      12
--R      24x \|x    + 9  - 24x    - 108
--R
--E 402                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 403 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      +-----+          6
--R      | 12          6          x
--R      - 3log(\|x  + 9 - x ) - 3asinh(--)
--R                                         3
--R      (4)  -----
--R                                         4
--R
--E 403                                         Type: Expression(Integer)

--S 404 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 404                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 405 of 1369
t0:=(a+b/x)*x^6
--R
--R
--R      6          5
--R      (1)  a x  + b x
--R
--E 405                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 406 of 1369
r0:=1/6*b*x^6+1/7*a*x^7
--R
--R
--R      1          7          1          6
--R      (2)  - a x  + - b x
--R      7          6
--R
--E 406                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 407 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      7          6
--R      6a x  + 7b x
--R      (3)  -----

```

```

--R          42
--R
--E 407                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--S 408 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 408                                         Type: Expression(Integer)

--S 409 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 409                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 410 of 1369
t0:=(a+b/x)*x^5
--R
--R
--R      5      4
--R      (1)  a x  + b x
--R
--E 410                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 411 of 1369
r0:=1/5*b*x^5+1/6*a*x^6
--R
--R
--R      1      6      1      5
--R      (2)  - a x  + - b x
--R      6      5
--R
--E 411                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 412 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      6      5
--R      5a x  + 6b x
--R      (3)  -----
--R                  30
--R
--E 412                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--E 412

--S 413 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 413                                         Type: Expression(Integer)

--S 414 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 414                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 415 of 1369
t0:=(a+b/x)*x^4
--R
--R
--R      4      3
--R      (1)  a x  + b x
--R
--E 415                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 416 of 1369
r0:=1/4*b*x^4+1/5*a*x^5
--R
--R
--R      1      5      1      4
--R      (2)  - a x  + - b x
--R      5          4
--R
--E 416                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 417 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      5      4
--R      4a x  + 5b x
--R      (3)  -----
--R                  20
--R
--E 417                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 418 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 418                                         Type: Expression(Integer)

--S 419 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 419                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 420 of 1369
t0:=(a+b/x)*x^3
--R
--R
--R      3      2
--R      (1)  a x  + b x
--R
--E 420                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 421 of 1369
r0:=1/3*b*x^3+1/4*a*x^4
--R
--R
--R      1      4      1      3
--R      (2)  - a x  + - b x
--R      4      3
--R
--E 421                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 422 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      4      3
--R      3a x  + 4b x
--R      (3)  -----
--R                  12
--R
--E 422                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 423 of 1369
m0:=a0-r0

```

```

--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 423                                         Type: Expression(Integer)

--S 424 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 424                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 425 of 1369
t0:=(a+b/x)*x^2
--R
--R
--R      2
--R      (1)  a x + b x
--R
--E 425                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 426 of 1369
r0:=1/2*b*x^2+1/3*a*x^3
--R
--R
--R      1   3   1   2
--R      (2) - a x + - b x
--R      3       2
--R
--E 426                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 427 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3   2
--R      2a x + 3b x
--R      (3) -----
--R                  6
--R
--E 427                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 428 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R

```

```

--R   (4)  0
--R
--E 428                                         Type: Expression(Integer)

--S 429 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 429                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 430 of 1369
t0:=(a+b/x)*x
--R
--R
--R   (1)  a x + b
--R
--E 430                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 431 of 1369
r0:=b*x+1/2*a*x^2
--R
--R
--R   (2)  - a x    + b x
--R          2
--R
--E 431                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 432 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)  a x    + 2b x
--R          2
--R
--E 432                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

--S 433 of 1369  
m0:=a0-r0  
--R  
--R  
--R (4) 0
--R
--E 433 Type: Expression(Integer)

```

--S 434 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 434                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 435 of 1369
t0:=a+b/x
--R
--R
--R      a x + b
--R      (1)  -----
--R              x
--R
--E 435                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 436 of 1369
r0:=a*x+b*log(x)
--R
--R
--R      (2)  b log(x) + a x
--R
--E 436                                         Type: Expression(Integer)

--S 437 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)  b log(x) + a x
--R
--E 437                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--R

--S 438 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 438                                         Type: Expression(Integer)

--S 439 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 439

)clear all

--S 440 of 1369
t0:=(a+b/x)/x
--R
--R
--R      a x + b
--R      (1)  -----
--R                  2
--R                  x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 440

--S 441 of 1369
r0:=-b/x+a*log(x)
--R
--R
--R      a x log(x) - b
--R      (2)  -----
--R                  x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 441

--S 442 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      a x log(x) - b
--R      (3)  -----
--R                  x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 442

--S 443 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 443

--S 444 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 444

)clear all

--S 445 of 1369
t0:=(a+b/x)/x^2
--R
--R
--R      a x + b
--R      (1)  -----
--R                  3
--R                  x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 445

--S 446 of 1369
r0:=-1/2*b/x^2-a/x
--R
--R
--R      1
--R      - a x - - b
--R      2
--R      (2)  -----
--R                  2
--R                  x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 446

--S 447 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      - 2a x - b
--R      (3)  -----
--R                  2
--R                  2x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 447

--S 448 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 448

--S 449 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 449                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 450 of 1369
t0:=(a+b/x)/x^3
--R
--R
--R      a x + b
--R      (1)  -----
--R                  4
--R                  x
--R
--E 450                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 451 of 1369
r0:=-1/3*b/x^3-1/2*a/x^2
--R
--R
--R      1      1
--R      - - a x - - b
--R      2      3
--R      (2)  -----
--R                  3
--R                  x
--R
--E 451                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

--S 452 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      - 3a x - 2b
--R      (3)  -----
--R                  3
--R                  6x
--R
--E 452                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

--S 453 of 1369  
m0:=a0-r0  
--R  
--R
--R (4) 0
--R
--E 453 Type: Expression(Integer)

```

--S 454 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 454                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 455 of 1369
t0:=(a+b/x)/x^4
--R
--R
--R      a x + b
--R      (1)  -----
--R                  5
--R                  x
--R
--E 455                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 456 of 1369
r0:=-1/4*b/x^4-1/3*a/x^3
--R
--R
--R      1      1
--R      - - a x - - b
--R      3      4
--R      (2)  -----
--R                  4
--R                  x
--R
--E 456                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

--S 457 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      - 4a x - 3b
--R      (3)  -----
--R                  4
--R                  12x
--R
--E 457                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 458 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 458

--S 459 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 459

)clear all

--S 460 of 1369
t0:=(a+b/x)/x^5
--R
--R
--R      a x + b
--R      (1)  -----
--R                  6
--R                  x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 460

--S 461 of 1369
r0:=-1/5*b/x^5-1/4*a/x^4
--R
--R
--R      1      1
--R      - - a x - - b
--R      4      5
--R      (2)  -----
--R                  5
--R                  x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 461

--S 462 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      - 5a x - 4b
--R      (3)  -----
--R                  5
--R                  20x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 462

--S 463 of 1369
m0:=a0-r0

```

```

--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 463                                         Type: Expression(Integer)

--S 464 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 464                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 465 of 1369
t0:=(a+b/x)/x^6
--R
--R
--R      a x + b
--R      (1)  -----
--R                  7
--R                  x
--R
--E 465                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 466 of 1369
r0:=-1/6*b/x^6-1/5*a/x^5
--R
--R
--R      1      1
--R      - - a x - - b
--R      5      6
--R      (2)  -----
--R                  6
--R                  x
--R
--E 466                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

--S 467 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      - 6a x - 5b
--R      (3)  -----
--R                  6
--R                  30x
--R
--E 467                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 468 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 468                                         Type: Expression(Integer)

--S 469 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 469                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 470 of 1369
t0:=(a+b/x)^2*x^6
--R
--R
--R      2 6          5          2 4
--R      (1)  a x + 2a b x + b x
--R
--E 470                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 471 of 1369
r0:=1/5*b^2*x^5+1/3*a*b*x^6+1/7*a^2*x^7
--R
--R
--R      1 2 7    1          6    1 2 5
--R      (2)  - a x + - a b x + - b x
--R      7          3          5
--R
--E 471                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 472 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 7          6          2 5
--R      15a x + 35a b x + 21b x
--R      (3)  -----
--R                  105
--R
--E 472                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

--S 473 of 1369

```

m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 473                                         Type: Expression(Integer)

--S 474 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 474                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 475 of 1369
t0:=(a+b/x)^2*x^5
--R
--R
--R      2 5          4          2 3
--R      (1)  a x + 2a b x + b x
--R
--E 475                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 476 of 1369
r0:=1/4*b^2*x^4+2/5*a*b*x^5+1/6*a^2*x^6
--R
--R
--R      1 2 6    2          5      1 2 4
--R      (2)  - a x + - a b x + - b x
--R      6          5          4
--R
--E 476                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 477 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 6          5          2 4
--R      10a x + 24a b x + 15b x
--R      (3)  -----
--R                  60
--R
--E 477                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 478 of 1369
m0:=a0-r0
--R

```

```

--R
--R      (4)  0
--R
--E 478                                         Type: Expression(Integer)

--S 479 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 479                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 480 of 1369
t0:=(a+b/x)^2*x^4
--R
--R
--R      2 4          3      2 2
--R      (1)  a x + 2a b x + b x
--R
--E 480                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 481 of 1369
r0:=1/3*b^2*x^3+1/2*a*b*x^4+1/5*a^2*x^5
--R
--R
--R      1 2 5    1      4    1 2 3
--R      (2) - a x + - a b x + - b x
--R      5        2            3
--R
--E 481                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 482 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 5          4      2 3
--R      6a x + 15a b x + 10b x
--R      (3) -----
--R                  30
--R
--E 482                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 483 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 483

--S 484 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 484

)clear all

--S 485 of 1369
t0:=(a+b/x)^2*x^3
--R
--R
--R      2 3          2      2
--R      (1)  a x + 2a b x + b x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 485

--S 486 of 1369
r0:=1/2*b^2*x^2+2/3*a*b*x^3+1/4*a^2*x^4
--R
--R
--R      1 2 4      2          3      1 2 2
--R      (2)  - a x + - a b x + - b x
--R      4          3          2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 486

--S 487 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 4          3      2 2
--R      3a x + 8a b x + 6b x
--R      (3)  -----
--R                  12
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 487

--S 488 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 488

```

```

--S 489 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 489                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 490 of 1369
t0:=(a+b/x)^2*x^2
--R
--R
--R      2 2
--R      (1)  a x + 2a b x + b
--R
--E 490                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 491 of 1369
r0:=1/3*(a+b/x)^3*x^3/a
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R      (2)  -----
--R                  3a
--R
--E 491                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 492 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 3      2      2
--R      a x + 3a b x + 3b x
--R      (3)  -----
--R                  3
--R
--E 492                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

--S 493 of 1369  
m0:=a0-r0  
--R  
--R  
--R 3  
--R b  
--R (4) - --  
--R 3a

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 493

--S 494 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 494

)clear all

--S 495 of 1369
t0:=(a+b/x)^2*x
--R
--R
--R      2 2                  2
--R      a x + 2a b x + b
--R      (1)  -----
--R                  x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 495

--S 496 of 1369
r0:=2*a*b*x+1/2*a^2*x^2+b^2*log(x)
--R
--R
--R      2                  2 2
--R      2b log(x) + a x + 4a b x
--R      (2)  -----
--R                  2
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 496

--S 497 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2                  2 2
--R      2b log(x) + a x + 4a b x
--R      (3)  -----
--R                  2
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 497

--S 498 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R

```

```

--R   (4)  0
--R
--E 498                                         Type: Expression(Integer)

--S 499 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 499                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 500 of 1369
t0:=(a+b/x)^2
--R
--R
--R   2 2
--R   a x + 2a b x + b
--R   (1)  -----
--R           2
--R           x
--R
--E 500                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 501 of 1369
r0:=-b^2/x+a^2*x+2*a*b*log(x)
--R
--R
--R   2 2      2
--R   2a b x log(x) + a x - b
--R   (2)  -----
--R           x
--R
--E 501                                         Type: Expression(Integer)

--S 502 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   2 2      2
--R   2a b x log(x) + a x - b
--R   (3)  -----
--R           x
--R
--E 502                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

--S 503 of 1369  
m0:=a0-r0

```

--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 503                                         Type: Expression(Integer)

--S 504 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 504                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 505 of 1369
t0:=(a+b/x)^2/x
--R
--R
--R      2 2           2
--R      a x + 2a b x + b
--R      (1)  -----
--R                  3
--R                  x
--R
--E 505                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 506 of 1369
r0:=-1/2*b^2/x^2-2*a*b/x+a^2*log(x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      2a x log(x) - 4a b x - b
--R      (2)  -----
--R                  2
--R                  2x
--R
--E 506                                         Type: Expression(Integer)

--S 507 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      2a x log(x) - 4a b x - b
--R      (3)  -----
--R                  2
--R                  2x
--R
--E 507                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--E 507

--S 508 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 508

--S 509 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 509

)clear all

--S 510 of 1369
t0:=(a+b/x)^2/x^2
--R
--R
--R      2 2                  2
--R      a x  + 2a b x + b
--R      (1)  -----
--R                  4
--R                  x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 510

--S 511 of 1369
r0:=-1/3*(a+b/x)^3/b
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      - a x  - 3a b x  - 3a b x - b
--R      (2)  -----
--R                  3
--R                  3b x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 511

--S 512 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2                  2
--R      - 3a x  - 3a b x - b

```

```

--R   (3)  -----
--R           3
--R           3x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 512

--S 513 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R           3
--R           a
--R   (4)  --
--R           3b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 513

--S 514 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 514

)clear all

--S 515 of 1369
t0:=(a+b/x)^2/x^3
--R
--R
--R           2 2           2
--R           a x + 2a b x + b
--R   (1)  -----
--R                   5
--R                   x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 515

--S 516 of 1369
r0:=-1/4*b^2/x^4-2/3*a*b/x^3-1/2*a^2/x^2
--R
--R
--R           1 2 2   2           1 2
--R           - - a x - - a b x - - b
--R           2       3       4
--R   (2)  -----
--R                   4
--R                   x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

```

```

--E 516

--S 517 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      - 6a x  - 8a b x  - 3b
--R      (3)  -----
--R                  4
--R                  12x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 517

--S 518 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 518

--S 519 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 519

)clear all

--S 520 of 1369
t0:=(a+b/x)^2/x^4
--R
--R
--R      2 2           2
--R      a x  + 2a b x  + b
--R      (1)  -----
--R                  6
--R                  x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 520

--S 521 of 1369
r0:=-1/5*b^2/x^5-1/2*a*b/x^4-1/3*a^2/x^3
--R
--R
--R      1 2 2   1           1 2
--R      - - a x  - - a b x  - - b

```

```

--R      3      2      5
--R      (2)  -----
--R                  5
--R                  x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 521

--S 522 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2      2
--R      - 10a x  - 15a b x  - 6b
--R      (3)  -----
--R                  5
--R                  30x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 522

--S 523 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 523

--S 524 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 524

)clear all

--S 525 of 1369
t0:=(a+b/x)^2/x^5
--R
--R
--R      2 2      2
--R      a x  + 2a b x  + b
--R      (1)  -----
--R                  7
--R                  x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 525

--S 526 of 1369

```

```

r0:=-1/6*b^2/x^6-2/5*a*b/x^5-1/4*a^2/x^4
--R
--R
--R      1 2 2   2           1 2
--R      - - a x  - - a b x - - b
--R      4         5           6
--R      (2) -----
--R                  6
--R                  x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 526

--S 527 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      - 15a x  - 24a b x - 10b
--R      (3) -----
--R                  6
--R                  60x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 527

--S 528 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 528

--S 529 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 529

)clear all

--S 530 of 1369
t0:=(a+b/x)^2/x^6
--R
--R
--R      2 2           2
--R      a x  + 2a b x + b
--R      (1) -----
--R                  8

```

```

--R          x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 530

--S 531 of 1369
r0:=-1/7*b^2/x^7-1/3*a*b/x^6-1/5*a^2/x^5
--R
--R
--R      1 2 2   1           1 2
--R      - - a x  - - a b x - - b
--R      5       3           7
--R      (2)  -----
--R                           7
--R                           x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 531

--S 532 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      - 21a x  - 35a b x - 15b
--R      (3)  -----
--R                           7
--R                           105x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 532

--S 533 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 533

--S 534 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 534

)clear all

--S 535 of 1369
t0:=(a+b/x)^3*x^6
--R

```

```

--R
--R      3 6      2 5      2 4      3 3
--R      (1) a x + 3a b x + 3a b x + b x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 535

--S 536 of 1369
r0:=1/4*b^3*x^4+3/5*a*b^2*x^5+1/2*a^2*b*x^6+1/7*a^3*x^7
--R
--R
--R      1 3 7      1 2 6      3      2 5      1 3 4
--R      (2) - a x + - a b x + - a b x + - b x
--R      7          2          5          4
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 536

--S 537 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 7      2 6      2 5      3 4
--R      20a x + 70a b x + 84a b x + 35b x
--R      (3) -----
--R                           140
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 537

--S 538 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4) 0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 538

--S 539 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5) 0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 539

)clear all

--S 540 of 1369
t0:=(a+b/x)^3*x^5
--R
--R
--R      3 5      2 4      2 3      3 2

```

```

--R      (1)  a x + 3a b x + 3a b x + b x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 540

--S 541 of 1369
r0:=1/3*b^3*x^3+3/4*a*b^2*x^4+3/5*a^2*b*x^5+1/6*a^3*x^6
--R
--R
--R      1 3 6   3 2   5   3   2 4   1 3 3
--R      (2) - a x + - a b x + - a b x + - b x
--R      6       5       4       3
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 541

--S 542 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 6     2   5     2 4     3 3
--R      10a x + 36a b x + 45a b x + 20b x
--R      (3) -----
--R                  60
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 542

--S 543 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 543

--S 544 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 544

)clear all

--S 545 of 1369
t0:=(a+b/x)^3*x^4
--R
--R
--R      3 4     2   3     2 2     3
--R      (1)  a x + 3a b x + 3a b x + b x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--E 545

--S 546 of 1369
r0:=-1/4*b*(b+a*x)^4/a^2+1/5*(b+a*x)^5/a^2
--R
--R
--R      1 5 5   3 4   4   3 2 3   1 2 3 2   1 5
--R      - a x + - a b x + a b x + - a b x - -- b
--R      5           4                   2           20
--R      (2) -----
--R                               2
--R                               a
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 546

--S 547 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 5       2 4       2 3       3 2
--R      4a x + 15a b x + 20a b x + 10b x
--R      (3) -----
--R                               20
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 547

--S 548 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      5
--R      b
--R      (4) -----
--R      2
--R      20a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 548

--S 549 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 549

)clear all

--S 550 of 1369
t0:=(a+b/x)^3*x^3

```

```

--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      (1) a x + 3a b x + 3a b x + b
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 550

--S 551 of 1369
r0:=1/4*(a+b/x)^4*x^4/a
--R
--R
--R      4 4      3 3      2 2 2      3      4
--R      a x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + b
--R      (2) -----
--R                               4a
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 551

--S 552 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 4      2 3      2 2      3
--R      a x + 4a b x + 6a b x + 4b x
--R      (3) -----
--R                               4
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 552

--S 553 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      4
--R      b
--R      (4) - --
--R           4a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 553

--S 554 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 554

)clear all

```

```

--S 555 of 1369
t0:=(a+b/x)^3*x^2
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R      (1) -----
--R                           x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 555

--S 556 of 1369
r0:=3*a*b^2*x+3/2*a^2*b*x^2+1/3*a^3*x^3+b^3*log(x)
--R
--R
--R      3      3 3      2 2      2
--R      6b log(x) + 2a x + 9a b x + 18a b x
--R      (2) -----
--R                           6
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 556

--S 557 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3      3 3      2 2      2
--R      6b log(x) + 2a x + 9a b x + 18a b x
--R      (3) -----
--R                           6
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 557

--S 558 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 558

--S 559 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 559

)clear all

```

```

--S 560 of 1369
t0:=(a+b/x)^3*x
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R      (1) -----
--R                           2
--R                           x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 560

--S 561 of 1369
r0:=-b^3/x+3*a^2*b*x+1/2*a^3*x^2+3*a*b^2*log(x)
--R
--R
--R      2      3 3      2 2      3
--R      6a b x log(x) + a x + 6a b x - 2b
--R      (2) -----
--R                           2x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 561

--S 562 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2      3 3      2 2      3
--R      6a b x log(x) + a x + 6a b x - 2b
--R      (3) -----
--R                           2x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 562

--S 563 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 563

--S 564 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 564

```

```

)clear all

--S 565 of 1369
t0:=(a+b/x)^3
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R      (1) -----
--R                           3
--R                           x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 565

--S 566 of 1369
r0:=-1/2*b^3/x^2-3*a*b^2/x+a^3*x+3*a^2*b*log(x)
--R
--R
--R      2 2      3 3      2      3
--R      6a b x log(x) + 2a x - 6a b x - b
--R      (2) -----
--R                           2
--R                           2x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 566

--S 567 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2      3 3      2      3
--R      6a b x log(x) + 2a x - 6a b x - b
--R      (3) -----
--R                           2
--R                           2x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 567

--S 568 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 568

--S 569 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 569                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 570 of 1369
t0:=(a+b/x)^3/x
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R      (1) -----
--R                           4
--R                           x
--R
--E 570                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 571 of 1369
r0:=-1/3*b^3/x^3-3/2*a*b^2/x^2-3*a^2*b/x+a^3*log(x)
--R
--R
--R      3 3          2 2      2      3
--R      6a x log(x) - 18a b x - 9a b x - 2b
--R      (2) -----
--R                           3
--R                           6x
--R
--E 571                                         Type: Expression(Integer)

--S 572 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3          2 2      2      3
--R      6a x log(x) - 18a b x - 9a b x - 2b
--R      (3) -----
--R                           3
--R                           6x
--R
--E 572                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--S 573 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 573                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 574 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 574                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 575 of 1369
t0:=(a+b/x)^3/x^2
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R      (1) -----
--R                  5
--R                  x
--R
--E 575                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 576 of 1369
r0:=-1/4*(a+b/x)^4/b
--R
--R
--R      4 4      3 3      2 2 2      3      4
--R      - a x - 4a b x - 6a b x - 4a b x - b
--R      (2) -----
--R                  4
--R                  4b x
--R
--E 576                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 577 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      - 4a x - 6a b x - 4a b x - b
--R      (3) -----
--R                  4
--R                  4x
--R
--E 577                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 578 of 1369
m0:=a0-r0
--R

```

```

--R
--R      4
--R      a
--R      (4)  --
--R      4b
--R
--E 578                                         Type: Expression(Integer)

--S 579 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 579                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 580 of 1369
t0:=(a+b/x)^3/x^3
--R
--R
--R      3 3      2 2      2 3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R      (1) -----
--R                           6
--R                           x
--R
--E 580                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 581 of 1369
r0:=-1/5*b^3/x^5-3/4*a*b^2/x^4-a^2*b/x^3-1/2*a^3/x^2
--R
--R
--R      1 3 3      2 2 3      2 1 3
--R      - - a x - a b x - - a b x - - b
--R      2                  4                  5
--R      (2) -----
--R                           5
--R                           x
--R
--E 581                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

--S 582 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2 3
--R      - 10a x - 20a b x - 15a b x - 4b
--R      (3) -----

```

```

--R      5
--R      20x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 582

--S 583 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 583

--S 584 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 584

)clear all

--S 585 of 1369
t0:=(a+b/x)^3/x^4
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R      (1) -----
--R                           7
--R                           x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 585

--S 586 of 1369
r0:=-1/6*b^3/x^6-3/5*a*b^2/x^5-3/4*a^2*b/x^4-1/3*a^3/x^3
--R
--R
--R      1 3 3      3 2      2      3      2      1 3
--R      - - a x - - a b x - - a b x - - b
--R      3          4          5          6
--R      (2) -----
--R                           6
--R                           x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 586

--S 587 of 1369
a0:=integrate(t0,x)

```

```

--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      - 20a x  - 45a b x  - 36a b x  - 10b
--R      (3) -----
--R                           6
--R                           60x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 587

--S 588 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 588

--S 589 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 589

)clear all

--S 590 of 1369
t0:=(a+b/x)^3/x^5
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x  + 3a b x  + 3a b x  + b
--R      (1) -----
--R                           8
--R                           x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 590

--S 591 of 1369
r0:=-1/7*b^3/x^7-1/2*a*b^2/x^6-3/5*a^2*b/x^5-1/4*a^3/x^4
--R
--R
--R      1 3 3      3 2      2      1      2      1      3
--R      - - a x  - - a b x  - - a b x  - - b
--R      4          5          2          7
--R      (2) -----
--R                           7
--R                           x

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 591

--S 592 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      - 35a x  - 84a b x  - 70a b x  - 20b
--R      (3) -----
--R                           7
--R                           140x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 592

--S 593 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 593

--S 594 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 594

)clear all

--S 595 of 1369
t0:=(a+b/x)^3/x^6
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x  + 3a b x  + 3a b x  + b
--R      (1) -----
--R                           9
--R                           x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 595

--S 596 of 1369
r0:=-1/8*b^3/x^8-3/7*a*b^2/x^7-1/2*a^2*b/x^6-1/5*a^3/x^5
--R
--R
--R      1 3 3   1 2   2   3   2   1   3

```

```

--R      - - a x  - - a b x  - - a b x  - - b
--R      5          2          7          8
--R      (2) -----
--R                           8
--R                           x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 596

--S 597 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      - 56a x  - 140a b x  - 120a b x  - 35b
--R      (3) -----
--R                           8
--R                           280x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 597

--S 598 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 598

--S 599 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 599

)clear all

--S 600 of 1369
t0:=x^4/(a+b/x)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1) -----
--R      a x + b
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 600

--S 601 of 1369

```

```

r0:=b^4*x/a^5-1/2*b^3*x^2/a^4+1/3*b^2*x^3/a^3-1/4*b*x^4/a^2+_
1/5*x^5/a-b^5*log(b+a*x)/a^6
--R
--R
--R      5           5 5       4 4       3 2 3       2 3 2       4
--R      - 60b log(a x + b) + 12a x  - 15a b x  + 20a b x  - 30a b x  + 60a b x
--R      (2) -----
--R                               6
--R                               60a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 601

--S 602 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      5           5 5       4 4       3 2 3       2 3 2       4
--R      - 60b log(a x + b) + 12a x  - 15a b x  + 20a b x  - 30a b x  + 60a b x
--R      (3) -----
--R                               6
--R                               60a
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 602

--S 603 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 603

--S 604 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 604

)clear all

--S 605 of 1369
t0:=x^3/(a+b/x)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1) -----
--R      a x + b

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 605

--S 606 of 1369
r0:=-b^3*x/a^4+1/2*b^2*x^2/a^3-1/3*b*x^3/a^2+1/4*x^4/a+b^4*log(b+a*x)/a^5
--R
--R
--R      4          4 4      3   3      2 2 2      3
--R      12b log(a x + b) + 3a x - 4a b x + 6a b x - 12a b x
--R      (2) -----
--R                               5
--R                               12a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 606

--S 607 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      4          4 4      3   3      2 2 2      3
--R      12b log(a x + b) + 3a x - 4a b x + 6a b x - 12a b x
--R      (3) -----
--R                               5
--R                               12a
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 607

--S 608 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 608

--S 609 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 609

)clear all

--S 610 of 1369
t0:=x^2/(a+b/x)
--R
--R
--R      3

```

```

--R      x
--R  (1)  -----
--R          a x + b
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 610

--S 611 of 1369
r0:=b^2*x/a^3-1/2*b*x^2/a^2+1/3*x^3/a-b^3*log(b+a*x)/a^4
--R
--R
--R      3           3 3       2   2       2
--R      - 6b log(a x + b) + 2a x - 3a b x + 6a b x
--R  (2)  -----
--R                               4
--R                               6a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 611

--S 612 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3           3 3       2   2       2
--R      - 6b log(a x + b) + 2a x - 3a b x + 6a b x
--R  (3)  -----
--R                               4
--R                               6a
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 612

--S 613 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R  (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 613

--S 614 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R  (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 614

)clear all

--S 615 of 1369
t0:=x/(a+b/x)

```

```

--R
--R
--R      2
--R      x
--R (1)  -----
--R          a x + b
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 615

--S 616 of 1369
r0:=-b*x/a^2+1/2*x^2/a+b^2*log(b+a*x)/a^3
--R
--R
--R      2           2 2
--R      2b log(a x + b) + a x - 2a b x
--R (2)  -----
--R                      3
--R                      2a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 616

--S 617 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2           2 2
--R      2b log(a x + b) + a x - 2a b x
--R (3)  -----
--R                      3
--R                      2a
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 617

--S 618 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 618

--S 619 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 619

)clear all

```

```

--S 620 of 1369
t0:=1/(a+b/x)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R              a x + b
--R
--E 620                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 621 of 1369
r0:=x/a-b*log(b+a*x)/a^2
--R
--R
--R      - b log(a x + b) + a x
--R      (2)  -----
--R                  2
--R                  a
--R
--E 621                                         Type: Expression(Integer)

--S 622 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      - b log(a x + b) + a x
--R      (3)  -----
--R                  2
--R                  a
--R
--E 622                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 623 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 623                                         Type: Expression(Integer)

--S 624 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 624                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

```

```

--S 625 of 1369
t0:=1/((a+b/x)*x)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              a x + b
--R
--E 625                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 626 of 1369
r0:=log(b+a*x)/a
--R
--R
--R      log(a x + b)
--R      (2)  -----
--R              a
--R
--E 626                                         Type: Expression(Integer)

--S 627 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      log(a x + b)
--R      (3)  -----
--R              a
--R
--E 627                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 628 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 628                                         Type: Expression(Integer)

--S 629 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 629                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 630 of 1369

```

```

t0:=1/((a+b/x)*x^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           2
--R           a x + b x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 630

--S 631 of 1369
r0:=-log(a+b/x)/b
--R
--R
--R      a x + b
--R      log(-----)
--R           x
--R      (2)  - -----
--R           b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 631

--S 632 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      - log(a x + b) + log(x)
--R      (3)  -----
--R           b
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 632

--S 633 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      a x + b
--R      - log(a x + b) + log(x) + log(-----)
--R                                         x
--R      (4)  -----
--R           b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 633

--S 634 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 634

)clear all

--S 635 of 1369
t0:=1/((a+b/x)*x^3)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R            3      2
--R            a x  + b x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 635

--S 636 of 1369
r0:=(-1)/(b*x)-a*log(x)/b^2+a*log(b+a*x)/b^2
--R
--R
--R      a x log(a x + b) - a x log(x) - b
--R      (2)  -----
--R                  2
--R                  b x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 636

--S 637 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      a x log(a x + b) - a x log(x) - b
--R      (3)  -----
--R                  2
--R                  b x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 637

--S 638 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 638

--S 639 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 639

)clear all

--S 640 of 1369
t0:=1/((a+b/x)*x^4)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              4      3
--R      a x  + b x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 640

--S 641 of 1369
r0:=(-1/2)/(b*x^2)+a/(b^2*x)+a^2*log(x)/b^3-a^2*log(b+a*x)/b^3
--R
--R
--R      2 2          2 2          2
--R      - 2a x log(a x + b) + 2a x log(x) + 2a b x - b
--R      (2)  -----
--R                      3 2
--R                      2b x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 641

--S 642 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2          2 2          2
--R      - 2a x log(a x + b) + 2a x log(x) + 2a b x - b
--R      (3)  -----
--R                      3 2
--R                      2b x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 642

--S 643 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 643

--S 644 of 1369
d0:=D(m0,x)

```

```

--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 644                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 645 of 1369
t0:=1/((a+b/x)*x^5)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              5      4
--R              a x  + b x
--R
--E 645                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 646 of 1369
r0:=(-1/3)/(b*x^3)+1/2*a/(b^2*x^2)-a^2/(b^3*x)-a^3*log(x)/b^4+_
a^3*log(b+a*x)/b^4
--R
--R
--R      3 3            3 3            2 2            2 2            3
--R      6a x log(a x + b) - 6a x log(x) - 6a b x  + 3a b x - 2b
--R      (2)  -----
--R                           4 3
--R                           6b x
--R
--E 646                                         Type: Expression(Integer)

--S 647 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3            3 3            2 2            2 2            3
--R      6a x log(a x + b) - 6a x log(x) - 6a b x  + 3a b x - 2b
--R      (3)  -----
--R                           4 3
--R                           6b x
--R
--E 647                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 647

--S 648 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 648                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 648

--S 649 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 649

)clear all

--S 650 of 1369
t0:=1/((a+b/x)*x^6)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              6      5
--R          a x  + b x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 650

--S 651 of 1369
r0:=(-1/4)/(b*x^4)+1/3*a/(b^2*x^3)-1/2*a^2/(b^3*x^2)+a^3/(b^4*x)+_
a^4*log(x)/b^5-a^4*log(b+a*x)/b^5
--R
--R
--R      (2)
--R          4 4           4 4           3   3           2 2 2           3   4
--R      - 12a x log(a x + b) + 12a x log(x) + 12a b x - 6a b x + 4a b x - 3b
--R
--R      -----
--R
--R          5 4
--R          12b x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 651

--S 652 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R          4 4           4 4           3   3           2 2 2           3   4
--R      - 12a x log(a x + b) + 12a x log(x) + 12a b x - 6a b x + 4a b x - 3b
--R
--R      -----
--R
--R          5 4
--R          12b x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 652

```

```

--S 653 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 653                                         Type: Expression(Integer)

--S 654 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 654                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 655 of 1369
t0:=1/((a+b/x)*x^7)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  1
--R                  7      6
--R      a x  + b x
--R
--E 655                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 656 of 1369
r0:=(-1/5)/(b*x^5)+1/4*a/(b^2*x^4)-1/3*a^2/(b^3*x^3)+_
1/2*a^3/(b^4*x^2)-a^4/(b^5*x)-a^5*log(x)/b^6+a^5*log(b+a*x)/b^6
--R
--R
--R      (2)
--R      5 5           5 5           4   4           3 2 3           2 3 2
--R      60a x log(a x + b) - 60a x log(x) - 60a b x  + 30a b x  - 20a b x
--R      +
--R      4           5
--R      15a b x - 12b
--R      /
--R      6 5
--R      60b x
--R
--E 656                                         Type: Expression(Integer)

--S 657 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)
--R      5 5           5 5           4 4           3 2 3           2 3 2
--R      60a x log(a x + b) - 60a x log(x) - 60a b x + 30a b x - 20a b x
--R      +
--R      4 5
--R      15a b x - 12b
--R   /
--R      6 5
--R      60b x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 657

--S 658 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 658

--S 659 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 659

)clear all

--S 660 of 1369
t0:=x^5/(a+b/x)^2
--R
--R
--R      7
--R      x
--R   (1)  -----
--R      2 2           2
--R      a x + 2a b x + b
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 660

--S 661 of 1369
r0:=-6*b^5*x/a^7+5/2*b^4*x^2/a^6-4/3*b^3*x^3/a^5+3/4*b^2*x^4/a^4-
2/5*b*x^5/a^3+1/6*x^6/a^2+b^7/(a^8*(b+a*x))+7*b^6*log(b+a*x)/a^8
--R
--R
--R   (2)
--R      6           7           7 7           6 6           5 2 5           4 3 4
--R      (420a b x + 420b )log(a x + b) + 10a x - 14a b x + 21a b x - 35a b x

```

```

--R      +
--R      3 4 3      2 5 2      6      7
--R      70a b x - 210a b x - 360a b x + 60b
--R      /
--R      9      8
--R      60a x + 60a b
--R
--E 661                                         Type: Expression(Integer)

--S 662 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      6      7      7 7      6 6      5 2 5      4 3 4
--R      (420a b x + 420b )log(a x + b) + 10a x - 14a b x + 21a b x - 35a b x
--R      +
--R      3 4 3      2 5 2      6      7
--R      70a b x - 210a b x - 360a b x + 60b
--R      /
--R      9      8
--R      60a x + 60a b
--R
--E 662                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 663 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 663                                         Type: Expression(Integer)

--S 664 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 664                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 665 of 1369
t0:=x^4/(a+b/x)^2
--R
--R
--R      6
--R      x
--R      (1)  -----

```

```

--R      2 2          2
--R      a x + 2a b x + b
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 665

--S 666 of 1369
r0:=5*b^4*x/a^6-2*b^3*x^2/a^5+b^2*x^3/a^4-1/2*b*x^4/a^3+1/5*x^5/a^2-
b^6/(a^7*(b+a*x))-6*b^5*log(b+a*x)/a^7
--R
--R
--R      (2)
--R      5      6          6 6      5 5      4 2 4      3 3 3
--R      (- 60a b x - 60b )log(a x + b) + 2a x - 3a b x + 5a b x - 10a b x
--R      +
--R      2 4 2      5      6
--R      30a b x + 50a b x - 10b
--R      /
--R      8      7
--R      10a x + 10a b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 666

--S 667 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      5      6          6 6      5 5      4 2 4      3 3 3
--R      (- 60a b x - 60b )log(a x + b) + 2a x - 3a b x + 5a b x - 10a b x
--R      +
--R      2 4 2      5      6
--R      30a b x + 50a b x - 10b
--R      /
--R      8      7
--R      10a x + 10a b
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 667

--S 668 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 668

--S 669 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R
--E 669                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 670 of 1369
t0:=x^3/(a+b/x)^2
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^5}{a^2 x^2 + 2 a b x + b^2}$$

--R
--E 670                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 671 of 1369
r0:=-4*b^3*x/a^5+3/2*b^2*x^2/a^4-2/3*b*x^3/a^3+1/4*x^4/a^2+_
b^5/(a^6*(b+a*x))+5*b^4*log(b+a*x)/a^6
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\frac{(60a^4b^5x^4 + 60b^5) \log(a^4x^4 + b^5) + 3a^5x^5 - 5a^4b^4x^4 + 10a^3b^3x^3 - 30a^2b^2x^2}{12a^7x^7 + 12a^6b^6}$$

--R
--E 671                                         Type: Expression(Integer)

--S 672 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   
$$\frac{(60a^4b^5x^4 + 60b^5) \log(a^4x^4 + b^5) + 3a^5x^5 - 5a^4b^4x^4 + 10a^3b^3x^3 - 30a^2b^2x^2}{12a^7x^7 + 12a^6b^6}$$

--R
--E 672                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 673 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 673                                         Type: Expression(Integer)

--S 674 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 674                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 675 of 1369
t0:=x^2/(a+b/x)^2
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x^4}{a^2 x^2 + 2 a b x + b^2}$$

--E 675                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 676 of 1369
r0:=3*b^2*x/a^4-b*x^2/a^3+1/3*x^3/a^2-b^4/(a^5*(b+a*x))-4*b^3*log(b+a*x)/a^5
--R
--R
--R      (2)  
$$\frac{(-12a^3b^3x^3 - 12b^4)\log(a^3x^3 + b^4) + a^4x^4 - 2a^3b^3x^3 + 6a^2b^2x^2 + 9a^3bx^3 - 3b^5}{3a^6x^6 + 3a^5b^5}$$

--E 676                                         Type: Expression(Integer)

--S 677 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)  
$$\frac{3}{a^3}x^3 + \frac{4}{a^4}x^4$$


```

```

--R      (- 12a b x - 12b )log(a x + b) + a x  - 2a b x  + 6a b x  + 9a b x - 3b
--R      -----
--R                           6      5
--R                           3a x  + 3a b
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 677

--S 678 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 678

--S 679 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 679

)clear all

--S 680 of 1369
t0:=x/(a+b/x)^2
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  -----
--R           2 2            2
--R           a x  + 2a b x + b
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 680

--S 681 of 1369
r0:=-2*b*x/a^3+1/2*x^2/a^2+b^3/(a^4*(b+a*x))+3*b^2*log(b+a*x)/a^4
--R
--R
--R      2      3            3 3      2      2            2      3
--R      (6a b x  + 6b )log(a x + b) + a x  - 3a b x  - 4a b x + 2b
--R      (2)  -----
--R                           5      4
--R                           2a x  + 2a b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 681

--S 682 of 1369

```

```

a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2      3          3 3      2      2      2      3
--R      (6a b x + 6b )log(a x + b) + a x - 3a b x - 4a b x + 2b
--R      (3) -----
--R                               5      4
--R                               2a x + 2a b
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 682

--S 683 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 683

--S 684 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 684

)clear all

--S 685 of 1369
t0:=1/(a+b/x)^2
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1) -----
--R      2 2          2
--R      a x + 2a b x + b
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 685

--S 686 of 1369
r0:=x/a^2-b^2/(a^3*(b+a*x))-2*b*log(b+a*x)/a^3
--R
--R
--R      2          2 2          2
--R      (- 2a b x - 2b )log(a x + b) + a x + a b x - b
--R      (2) -----
--R                  4      3
--R                  a x + a b

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 686

--S 687 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2          2 2          2
--R      (- 2a b x - 2b )log(a x + b) + a x  + a b x - b
--R      (3)  -----
--R                           4      3
--R                           a x + a b
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 687

--S 688 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 688

--S 689 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 689

)clear all

--S 690 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R           2 2          2
--R           a x  + 2a b x + b
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 690

--S 691 of 1369
r0:=b/(a^2*(b+a*x))+log(b+a*x)/a^2
--R
--R
--R      (a x + b)log(a x + b) + b
--R      (2)  -----

```

```

--R      3      2
--R      a x + a b
--R
--E 691                                         Type: Expression(Integer)

--S 692 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (a x + b)log(a x + b) + b
--R      (3)  -----
--R                  3      2
--R                  a x + a b
--R
--E 692                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 693 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 693                                         Type: Expression(Integer)

--S 694 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 694                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 695 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R          2 2           2
--R          a x + 2a b x + b
--R
--E 695                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 696 of 1369
r0:=1/(b*(a+b/x))
--R
--R
--R      x

```

```

--R      (2)  -----
--R                  2
--R                  a b x + b
--R
--E 696                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 697 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)  - -----
--R                  2
--R                  a x + a b
--R
--E 697                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 698 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  - ---
--R                  1
--R                  a b
--R
--E 698                                         Type: Expression(Integer)

--S 699 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 699                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 700 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^3)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  1
--R                  2 3           2   2
--R                  a x + 2a b x + b x
--R
--E 700                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 701 of 1369
r0:=1/(b*(b+a*x))+log(x)/b^2-log(b+a*x)/b^2

```

```

--R
--R
--R      (- a x - b)log(a x + b) + (a x + b)log(x) + b
--R      (2)  -----
--R                           2      3
--R                           a b x + b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 701

--S 702 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (- a x - b)log(a x + b) + (a x + b)log(x) + b
--R      (3)  -----
--R                           2      3
--R                           a b x + b
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 702

--S 703 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 703

--S 704 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 704

)clear all

--S 705 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^4)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R           2 4      3      2 2
--R           a x + 2a b x + b x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 705

--S 706 of 1369

```

```

r0:=(-1)/(b^2*x)-a/(b^2*(b+a*x))-2*a*log(x)/b^3+2*a*log(b+a*x)/b^3
--R
--R
--R      2 2                                2 2                                2
--R      (2a x + 2a b x)log(a x + b) + (- 2a x - 2a b x)log(x) - 2a b x - b
--R      (2) -----
--R                                         3 2      4
--R                                         a b x + b x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 706

--S 707 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2                                2 2                                2
--R      (2a x + 2a b x)log(a x + b) + (- 2a x - 2a b x)log(x) - 2a b x - b
--R      (3) -----
--R                                         3 2      4
--R                                         a b x + b x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 707

--S 708 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 708

--S 709 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 709

)clear all

--S 710 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^5)
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      2 5      4      2 3
--R      a x + 2a b x + b x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--E 710

--S 711 of 1369
r0:=(-1/2)/(b^2*x^2)+2*a/(b^3*x)+a^2/(b^3*(b+a*x))+3*a^2*log(x)/b^4-
    3*a^2*log(b+a*x)/b^4
--R
--R
--R   (2)
--R      3 3      2 2          3 3      2 2          2 2
--R      (- 6a x - 6a b x )log(a x + b) + (6a x + 6a b x )log(x) + 6a b x
--R      +
--R      2      3
--R      3a b x - b
--R   /
--R      4 3      5 2
--R      2a b x + 2b x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 711

--S 712 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R      3 3      2 2          3 3      2 2          2 2
--R      (- 6a x - 6a b x )log(a x + b) + (6a x + 6a b x )log(x) + 6a b x
--R      +
--R      2      3
--R      3a b x - b
--R   /
--R      4 3      5 2
--R      2a b x + 2b x
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 712

--S 713 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 713

--S 714 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 714

```

```

)clear all

--S 715 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^6)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           2 6      5   2 4
--R           a x + 2a b x + b x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 715

--S 716 of 1369
r0:=(-1/3)/(b^2*x^3)+a/(b^3*x^2)-3*a^2/(b^4*x)-a^3/(b^4*(b+a*x))-_
4*a^3*log(x)/b^5+4*a^3*log(b+a*x)/b^5
--R
--R
--R      (2)
--R           4 4      3   3
--R           (12a x + 12a b x )log(a x + b) + (- 12a x - 12a b x )log(x) - 12a b x
--R
--R           +
--R           2 2 2      3   4
--R           - 6a b x + 2a b x - b
--R
--R           /
--R           5 4      6 3
--R           3a b x + 3b x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 716

--S 717 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R           4 4      3   3
--R           (12a x + 12a b x )log(a x + b) + (- 12a x - 12a b x )log(x) - 12a b x
--R
--R           +
--R           2 2 2      3   4
--R           - 6a b x + 2a b x - b
--R
--R           /
--R           5 4      6 3
--R           3a b x + 3b x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 717

--S 718 of 1369
m0:=a0-r0
--R

```

```

--R
--R      (4)  0
--R
--E 718                                         Type: Expression(Integer)

--S 719 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 719                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 720 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^7)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              1
--R          2 7      6      2 5
--R          a x + 2a b x + b x
--R
--E 720                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 721 of 1369
r0:=(-1/4)/(b^2*x^4)+2/3*a/(b^3*x^3)-3/2*a^2/(b^4*x^2)+4*a^3/(b^5*x)+_
a^4/(b^5*(b+a*x))+5*a^4*log(x)/b^6-5*a^4*log(b+a*x)/b^6
--R
--R
--R      (2)
--R          5 5      4 4                  5 5      4 4                  4 4
--R          (- 60a x - 60a b x )log(a x + b) + (60a x + 60a b x )log(x) + 60a b x
--R
--R      +
--R          3 2 3      2 3 2      4      5
--R          30a b x - 10a b x + 5a b x - 3b
--R
--R      /
--R          6 5      7 4
--R          12a b x + 12b x
--R
--E 721                                         Type: Expression(Integer)

--S 722 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R          5 5      4 4                  5 5      4 4                  4 4
--R          (- 60a x - 60a b x )log(a x + b) + (60a x + 60a b x )log(x) + 60a b x

```

```

--R      +
--R      3 2 3      2 3 2      4      5
--R      30a b x - 10a b x + 5a b x - 3b
--R      /
--R      6 5      7 4
--R      12a b x + 12b x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 722

--S 723 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 723

--S 724 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 724

)clear all

--S 725 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^8)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R      2 8      7      2 6
--R      a x + 2a b x + b x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 725

--S 726 of 1369
r0:=(-1/5)/(b^2*x^5)+1/2*a/(b^3*x^4)-a^2/(b^4*x^3)+2*a^3/(b^5*x^2)-
5*a^4/(b^6*x)-a^5/(b^6*(b+a*x))-6*a^5*log(x)/b^7+6*a^5*log(b+a*x)/b^7
--R
--R
--R      (2)
--R      6 6      5 5
--R      (60a x + 60a b x )log(a x + b) + (- 60a x - 60a b x )log(x) - 60a b x
--R      +
--R      4 2 4      3 3 3      2 4 2      5      6
--R      - 30a b x + 10a b x - 5a b x + 3a b x - 2b
--R      /

```

```

--R      7 6      8 5
--R      10a b x + 10b x
--R
--E 726                                         Type: Expression(Integer)

--S 727 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      6 6      5 5      6 6      5 5      5 5
--R      (60a x + 60a b x )log(a x + b) + (- 60a x - 60a b x )log(x) - 60a b x
--R      +
--R      4 2 4      3 3 3      2 4 2      5      6
--R      - 30a b x + 10a b x - 5a b x + 3a b x - 2b
--R      /
--R      7 6      8 5
--R      10a b x + 10b x
--R
--E 727                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer),...)

--S 728 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 728                                         Type: Expression(Integer)

--S 729 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 729                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 730 of 1369
t0:=x^4/(a+b/x)^3
--R
--R
--R      7
--R      x
--R      (1)  -----
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R
--E 730                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--S 731 of 1369
r0:=15*b^4*x/a^7-5*b^3*x^2/a^6+2*b^2*x^3/a^5-3/4*b*x^4/a^4+1/5*x^5/a^3+_
1/2*b^7/(a^8*(b+a*x)^2)-7*b^6/(a^8*(b+a*x))-21*b^5*log(b+a*x)/a^8
--R
--R
--R   (2)
--R   2 5 2      6      7      7 7      6      6      5 2 5
--R   (- 420a b x - 840a b x - 420b )log(a x + b) + 4a x - 7a b x + 14a b x
--R   +
--R   4 3 4      3 4 3      2 5 2      6      7
--R   - 35a b x + 140a b x + 500a b x + 160a b x - 130b
--R   /
--R   10 2      9      8 2
--R   20a x + 40a b x + 20a b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 731

--S 732 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   2 5 2      6      7      7 7      6      6      5 2 5
--R   (- 420a b x - 840a b x - 420b )log(a x + b) + 4a x - 7a b x + 14a b x
--R   +
--R   4 3 4      3 4 3      2 5 2      6      7
--R   - 35a b x + 140a b x + 500a b x + 160a b x - 130b
--R   /
--R   10 2      9      8 2
--R   20a x + 40a b x + 20a b
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 732

--S 733 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 733

--S 734 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 734

```

```

)clear all

--S 735 of 1369
t0:=x^3/(a+b/x)^3
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^6}{a^3 x^3 + 3 a^2 b x^2 + 3 a b^2 x + b^3}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 735

--S 736 of 1369
r0:=-10*b^3*x/a^6+3*b^2*x^2/a^5-b*x^3/a^4+1/4*x^4/a^3-
1/2*b^6/(a^7*(b+a*x)^2)+6*b^5/(a^7*(b+a*x))+15*b^4*log(b+a*x)/a^7
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(60a^2b^2x^2 + 120a^2bx^3 + 60b^3)\log(a^2x^2 + b^2) + a^6x^6 - 2a^5bx^5 + 5a^4b^2x^4}{(60a^3b^2x^3 + 120a^3bx^4 + 60b^4)x^9 + 8a^2b^2x^8 + 4a^2b^2}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 736

--S 737 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{(60a^2b^2x^2 + 120a^2bx^3 + 60b^3)\log(a^2x^2 + b^2) + a^6x^6 - 2a^5bx^5 + 5a^4b^2x^4}{(60a^3b^2x^3 + 120a^3bx^4 + 60b^4)x^9 + 8a^2b^2x^8 + 4a^2b^2}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 737

--S 738 of 1369
m0:=a0-r0
--R

```

```

--R
--R      (4)  0
--R
--E 738                                         Type: Expression(Integer)

--S 739 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 739                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 740 of 1369
t0:=x^2/(a+b/x)^3
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  5
--R                  x
--R      3 3      2 2      2 3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R
--E 740                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 741 of 1369
r0:=6*b^2*x/a^5-3/2*b*x^2/a^4+1/3*x^3/a^3+1/2*b^5/(a^6*(b+a*x)^2)-
5*b^4/(a^6*(b+a*x))-10*b^3*log(b+a*x)/a^6
--R
--R
--R      (2)
--R      2 3 2      4      5      5 5      4 4      3 2 3
--R      (- 60a b x - 120a b x - 60b )log(a x + b) + 2a x - 5a b x + 20a b x
--R      +
--R      2 3 2      4      5
--R      63a b x + 6a b x - 27b
--R      /
--R      8 2      7      6 2
--R      6a x + 12a b x + 6a b
--R
--E 741                                         Type: Expression(Integer)

--S 742 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      2 3 2      4      5      5 5      4 4      3 2 3

```

```

--R      (- 60a b x  - 120a b x - 60b )log(a x + b) + 2a x  - 5a b x  + 20a b x
--R      +
--R      2 3 2      4      5
--R      63a b x  + 6a b x - 27b
--R      /
--R      8 2      7      6 2
--R      6a x  + 12a b x + 6a b
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 742

--S 743 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 743

--S 744 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 744

)clear all

--S 745 of 1369
t0:=x/(a+b/x)^3
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  4
--R                  x
--R      (1)  -----
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x  + 3a b x  + 3a b x + b
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 745

--S 746 of 1369
r0:=-3*b*x/a^4+1/2*x^2/a^3-1/2*b^4/(a^5*(b+a*x)^2)+4*b^3/(a^5*(b+a*x))+_
6*b^2*log(b+a*x)/a^5
--R
--R
--R      (2)
--R      2 2 2      3      4      4 4      3 3      2 2 2
--R      (12a b x  + 24a b x + 12b )log(a x + b) + a x  - 4a b x  - 11a b x
--R      +
--R      3      4

```

```

--R      2a b x + 7b
--R /
--R      7 2      6      5 2
--R      2a x  + 4a b x + 2a b
--R
--E 746                                         Type: Expression(Integer)

--S 747 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      2 2 2      3      4      4 4      3 3      2 2 2
--R      (12a b x  + 24a b x + 12b )log(a x + b) + a x  - 4a b x  - 11a b x
--R      +
--R      3      4
--R      2a b x + 7b
--R /
--R      7 2      6      5 2
--R      2a x  + 4a b x + 2a b
--R
--E 747                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 748 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 748                                         Type: Expression(Integer)

--S 749 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 749                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 750 of 1369
t0:=1/(a+b/x)^3
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  -----
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x  + 3a b x  + 3a b x + b

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 750

--S 751 of 1369
r0:=x/a^3+1/2*b^3/(a^4*(b+a*x)^2)-3*b^2/(a^4*(b+a*x))-3*b*log(b+a*x)/a^4
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\frac{(-6a^2b^2x^2 - 12a^2bx^3 - 6b^3)\log(a^3x^3 + b^3) + 2a^3x^3 + 4a^2b^2x^2 - 4a^2bx^3 - 5b^3}{2a^6x^2 + 4a^5bx^5 + 2a^4b^2}$$

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 751

--S 752 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   
$$\frac{(-6a^2b^2x^2 - 12a^2bx^3 - 6b^3)\log(a^3x^3 + b^3) + 2a^3x^3 + 4a^2b^2x^2 - 4a^2bx^3 - 5b^3}{2a^6x^2 + 4a^5bx^5 + 2a^4b^2}$$

--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 752

--S 753 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 753

--S 754 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 754

)clear all

--S 755 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^3*x)
--R

```

```

--R
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  2
--R                  x
--R      (1)  -----
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 755

--S 756 of 1369
r0:=-1/2*b^2/(a^3*(b+a*x)^2)+2*b/(a^3*(b+a*x))+log(b+a*x)/a^3
--R
--R
--R      2 2            2
--R      (2a x + 4a b x + 2b )log(a x + b) + 4a b x + 3b
--R      (2)  -----
--R
--R      5 2      4      3 2
--R      2a x + 4a b x + 2a b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 756

--S 757 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2            2
--R      (2a x + 4a b x + 2b )log(a x + b) + 4a b x + 3b
--R      (3)  -----
--R
--R      5 2      4      3 2
--R      2a x + 4a b x + 2a b
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 757

--S 758 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 758

--S 759 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 759

)clear all

```

```

--S 760 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^3*x^2)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R           3 3   2   2   2   3
--R           a x + 3a b x + 3a b x + b
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 760

--S 761 of 1369
r0:=1/2/(b*(a+b/x)^2)
--R
--R
--R      (2)  -----
--R           2
--R           x
--R           2   2   2   3
--R           2a b x + 4a b x + 2b
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 761

--S 762 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)  -----
--R           - 2a x - b
--R           4 2   3   2 2
--R           2a x + 4a b x + 2a b
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 762

--S 763 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  - -----
--R           2
--R           2a b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 763

--S 764 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R
--E 764                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 765 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^3*x^3)
--R
--R
--R   (1)  -----
--R           1
--R           3 3      2 2      2      3
--R           a x + 3a b x + 3a b x + b
--R
--E 765                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 766 of 1369
r0:=(-1/2)/(a*(a+b/x)^2*x^2)
--R
--R
--R   (2)  -
--R           1
--R           3 2      2      2
--R           2a x + 4a b x + 2a b
--R
--E 766                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 767 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)  -
--R           1
--R           3 2      2      2
--R           2a x + 4a b x + 2a b
--R
--E 767                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

--S 768 of 1369  
m0:=a0-r0  
--R  
--R  
--R (4) 0
--R
--E 768 Type: Expression(Integer)

--S 769 of 1369  
d0:=D(m0,x)  
--R

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 769                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 770 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^3*x^4)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              1
--R          3 4      2   3      2 2      3
--R          a x + 3a b x + 3a b x + b x
--R
--E 770                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 771 of 1369
r0:=1/2/(b*(b+a*x)^2)+1/(b^2*(b+a*x))+log(x)/b^3-log(b+a*x)/b^3
--R
--R
--R      (2)
--R          2 2           2           2 2           2
--R          (- 2a x - 4a b x - 2b )log(a x + b) + (2a x + 4a b x + 2b )log(x)
--R
--R          +
--R          2
--R          2a b x + 3b
--R
--R      /
--R          2 3 2       4       5
--R          2a b x + 4a b x + 2b
--R
--E 771                                         Type: Expression(Integer)

--S 772 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R          2 2           2           2 2           2
--R          (- 2a x - 4a b x - 2b )log(a x + b) + (2a x + 4a b x + 2b )log(x)
--R
--R          +
--R          2
--R          2a b x + 3b
--R
--R      /
--R          2 3 2       4       5
--R          2a b x + 4a b x + 2b
--R
--E 772                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 773 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 773                                         Type: Expression(Integer)

--S 774 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 774                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 775 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^3*x^5)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  1
--R                  3 5      2 4      2 3      3 2
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b x
--R
--E 775                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 776 of 1369
r0:=(-1)/(b^3*x)-1/2*a/(b^2*(b+a*x)^2)-2*a/(b^3*(b+a*x))-3*a*log(x)/b^4+_
3*a*log(b+a*x)/b^4
--R
--R
--R      (2)
--R      3 3      2 2      2
--R      (6a x + 12a b x + 6a b x)log(a x + b)
--R      +
--R      3 3      2 2      2
--R      (- 6a x - 12a b x - 6a b x)log(x) - 6a b x - 9a b x - 2b
--R      /
--R      2 4 3      5 2      6
--R      2a b x + 4a b x + 2b x
--R
--E 776                                         Type: Expression(Integer)

--S 777 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)
--R      3 3      2 2      2
--R      (6a x + 12a b x + 6a b x)log(a x + b)
--R      +
--R      3 3      2 2      2      2 2      2      3
--R      (- 6a x - 12a b x - 6a b x)log(x) - 6a b x - 9a b x - 2b
--R      /
--R      2 4 3      5 2      6
--R      2a b x + 4a b x + 2b x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 777

--S 778 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 778

--S 779 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 779

)clear all

--S 780 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^3*x^6)
--R
--R
--R   (1)  -----
--R           1
--R           3 6      2 5      2 4      3 3
--R           a x + 3a b x + 3a b x + b x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 780

--S 781 of 1369
r0:=(-1/2)/(b^3*x^2)+3*a/(b^4*x)+1/2*a^2/(b^3*(b+a*x)^2)+_
3*a^2/(b^4*(b+a*x))+6*a^2*log(x)/b^5-6*a^2*log(b+a*x)/b^5
--R
--R
--R   (2)
--R      4 4      3 3      2 2 2
--R      (- 12a x - 24a b x - 12a b x )log(a x + b)
--R      +

```

```

--R      4 4      3   3      2 2 2      3   3      2 2 2      3   4
--R      (12a x + 24a b x + 12a b x )log(x) + 12a b x + 18a b x + 4a b x - b
--R /
--R      2 5 4      6 3      7 2
--R      2a b x + 4a b x + 2b x
--R
--E 781                                         Type: Expression(Integer)

--S 782 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      4 4      3   3      2 2 2
--R      (- 12a x - 24a b x - 12a b x )log(a x + b)
--R +
--R      4 4      3   3      2 2 2      3   3      2 2 2      3   4
--R      (12a x + 24a b x + 12a b x )log(x) + 12a b x + 18a b x + 4a b x - b
--R /
--R      2 5 4      6 3      7 2
--R      2a b x + 4a b x + 2b x
--R
--E 782                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 782

--S 783 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 783                                         Type: Expression(Integer)

--S 784 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 784                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 785 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^3*x^7)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R      3 7      2   6      2 5      3 4
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b x

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 785

--S 786 of 1369
r0:=(-1/3)/(b^3*x^3)+3/2*a/(b^4*x^2)-6*a^2/(b^5*x)-
    1/2*a^3/(b^4*(b+a*x)^2)-4*a^3/(b^5*(b+a*x))-10*a^3*log(x)/b^6+_
    10*a^3*log(b+a*x)/b^6
--R
--R
--R   (2)
--R      5 5      4 4      3 2 3
--R      (60a x + 120a b x + 60a b x )log(a x + b)
--R      +
--R      5 5      4 4      3 2 3      4 4      3 2 3      2 3 2
--R      (- 60a x - 120a b x - 60a b x )log(x) - 60a b x - 90a b x - 20a b x
--R      +
--R      4      5
--R      5a b x - 2b
--R   /
--R      2 6 5      7 4      8 3
--R      6a b x + 12a b x + 6b x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 786

--S 787 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R      5 5      4 4      3 2 3
--R      (60a x + 120a b x + 60a b x )log(a x + b)
--R      +
--R      5 5      4 4      3 2 3      4 4      3 2 3      2 3 2
--R      (- 60a x - 120a b x - 60a b x )log(x) - 60a b x - 90a b x - 20a b x
--R      +
--R      4      5
--R      5a b x - 2b
--R   /
--R      2 6 5      7 4      8 3
--R      6a b x + 12a b x + 6b x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 787

--S 788 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 788

```

```

--S 789 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 789

)clear all

--S 790 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^3*x^8)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              1
--R          3 8      2 7      2 6      3 5
--R          a x + 3a b x + 3a b x + b x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 790

--S 791 of 1369
r0:=(-1/4)/(b^3*x^4)+a/(b^4*x^3)-3*a^2/(b^5*x^2)+10*a^3/(b^6*x)+_
1/2*a^4/(b^5*(b+a*x)^2)+5*a^4/(b^6*(b+a*x))+15*a^4*log(x)/b^7-_
15*a^4*log(b+a*x)/b^7
--R
--R
--R      (2)
--R          6 6      5 5      4 2 4
--R          (- 60a x - 120a b x - 60a b x )log(a x + b)
--R          +
--R          6 6      5 5      4 2 4           5 5      4 2 4      3 3 3
--R          (60a x + 120a b x + 60a b x )log(x) + 60a b x + 90a b x + 20a b x
--R          +
--R          2 4 2      5      6
--R          - 5a b x + 2a b x - b
--R          /
--R          2 7 6      8 5      9 4
--R          4a b x + 8a b x + 4b x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 791

--S 792 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R          6 6      5 5      4 2 4
--R          (- 60a x - 120a b x - 60a b x )log(a x + b)

```

```

--R      +
--R      6 6      5 5      4 2 4      5 5      4 2 4      3 3 3
--R      (60a x + 120a b x + 60a b x )log(x) + 60a b x + 90a b x + 20a b x
--R      +
--R      2 4 2      5 6
--R      - 5a b x + 2a b x - b
--R      /
--R      2 7 6      8 5      9 4
--R      4a b x + 8a b x + 4b x
--R
--E 792                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--S 793 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 793                                         Type: Expression(Integer)

--S 794 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 794                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 795 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^3*x^9)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R      1
--R      3 9      2 8      2 7      3 6
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b x
--R
--E 795                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 796 of 1369
r0:=(-1/5)/(b^3*x^5)+3/4*a/(b^4*x^4)-2*a^2/(b^5*x^3)+5*a^3/(b^6*x^2)-
15*a^4/(b^7*x)-1/2*a^5/(b^6*(b+a*x)^2)-6*a^5/(b^7*(b+a*x))-_
21*a^5*log(x)/b^8+21*a^5*log(b+a*x)/b^8
--R
--R
--R      (2)
--R      7 7      6 6      5 2 5
--R      (420a x + 840a b x + 420a b x )log(a x + b)

```

```

--R      +
--R      7 7      6 6      5 2 5      6 6      5 2 5
--R      (- 420a x - 840a b x - 420a b x )log(x) - 420a b x - 630a b x
--R      +
--R      4 3 4      3 4 3      2 5 2      6      7
--R      - 140a b x + 35a b x - 14a b x + 7a b x - 4b
--R      /
--R      2 8 7      9 6      10 5
--R      20a b x + 40a b x + 20b x
--R
--E 796                                         Type: Expression(Integer)

--S 797 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      7 7      6 6      5 2 5
--R      (420a x + 840a b x + 420a b x )log(a x + b)
--R      +
--R      7 7      6 6      5 2 5      6 6      5 2 5
--R      (- 420a x - 840a b x - 420a b x )log(x) - 420a b x - 630a b x
--R      +
--R      4 3 4      3 4 3      2 5 2      6      7
--R      - 140a b x + 35a b x - 14a b x + 7a b x - 4b
--R      /
--R      2 8 7      9 6      10 5
--R      20a b x + 40a b x + 20b x
--R
--E 797                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 797

--S 798 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 798                                         Type: Expression(Integer)

--S 799 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 799                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 800 of 1369

```

```

t0:=x^3*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      3 |a x + b
--R      (1) x |-----
--R              \| x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 800

--S 801 of 1369
r0:=-5/64*b^4*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(7/2)+5/64*b^3*x*_
sqrt(a+b/x)/a^3-5/96*b^2*x^2*sqrt(a+b/x)/a^2+1/24*b*x^3*_
sqrt(a+b/x)/a+1/4*x^4*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----+
--R      4      \| x      3 4      2   3      2 2      3   +-+ |a x + b
--R - 15b atanh(-----) + (48a x  + 8a b x  - 10a b x  + 15b x)\|a |-----+
--R      +-+
--R      \|a
--R -----
--R      3 +-+
--R      192a \|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 801

--S 802 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      [
--R      +-----+
--R      4      |a x + b      +-+
--R      15b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R                  \| x
--R      +
--R      +-----+
--R      3 4      2   3      2 2      3   +-+ |a x + b
--R      (96a x  + 16a b x  - 20a b x  + 30b x)\|a |-----+
--R                  \| x
--R      /
--R      3 +-+
--R      384a \|a
--R ,
--R

```

```

--R          +-----+
--R          +---+ |a x + b
--R          \|- a |-----
--R          4           \| x
--R - 15b atan(-----)
--R                      a
--R +
--R          +-----+
--R          3 4      2   3      2 2      3   +---+ |a x + b
--R          (48a x  + 8a b x  - 10a b x  + 15b x)\|- a |-----
--R                                         \| x
--R /
--R          3 +---+
--R          192a \|- a
--R ]
--R
--R                                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 802

--S 803 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R          +-----+          +-----+
--R          |a x + b          |a x + b
--R          |-----|          |-----|
--R          4           |a x + b          ++      4           \| x
--R          \| x           +--+ +--+ \|a ) + 10b atanh(-----)
--R
--R          (4) -----
--R
--R          3 ++
--R          128a \|a
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 803

--S 804 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R          (5)  0
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 804

--S 805 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R          +-----+          +-----+
--R          |a x + b          +---+ |a x + b
--R          |-----|          \|- a |-----|

```

```

--R      4 +---+      \| x      4 +-+      \| x
--R      5b \|- a atanh(-----) - 5b \|a atan(-----)
--R                           +-+
--R                           \|a
--R      (6) -----
--R                           3 +---+ +-+
--R                           64a \|- a \|a
--R
--E 805                                         Type: Expression(Integer)

--S 806 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 806                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 807 of 1369
t0:=x^2*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 |a x + b
--R      (1) x |-----
--R                  \| x
--R
--E 807                                         Type: Expression(Integer)

--S 808 of 1369
r0:=1/8*b^3*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/8*b^2*x*_
sqrt(a+b/x)/a^2+1/12*b*x^2*sqrt(a+b/x)/a+1/3*x^3*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |----- +-----+
--R      3      \| x      2 3      2      2      2 +-+ |a x + b
--R      3b atanh(-----) + (8a x + 2a b x - 3b x)\|a |-----
--R                           +-+
--R                           \|a
--R      (2) -----
--R                           2 +-+
--R                           24a \|a
--R
--E 808                                         Type: Expression(Integer)

--S 809 of 1369

```

```

a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
--R      +-----+
--R      3      |a x + b           +-+
--R      3b log(2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R          \| x
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      2 3      2      2   +-+ |a x + b
--R      (16a x  + 4a b x - 6b x)\|a |-----+
--R                                     \| x
--R
--R      /
--R      2 +-+
--R      48a \|a
--R
--R      ,
--R      +-----+
--R      +---+ |a x + b
--R      \|- a |-----+
--R      3      \| x      2 3      2      2   +-+ |a x + b
--R      3b atan(-----) + (8a x  + 2a b x - 3b x)\|- a |-----+
--R                  a                                     \| x
--R
--R      -----
--R      2 +-+
--R      24a \|- a
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 809

--S 810 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b           |-----+
--R      3      |a x + b           +-+      3      \| x
--R      b log(2a x |----- + (2a x + b)\|a ) - 2b atanh(-----)
--R          \| x                                     +-+
--R
--R      (4) -----
--R
--R      2 +-+
--R      16a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 810

--S 811 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 811                                         Type: Expression(Integer)

--S 812 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      |a x + b      +---+ |a x + b
--R      |-----      \| - a |-----
--R      3 +---+ \|- x      3 +-+ \|- x
--R      - b \|- a atanh(-----) + b \|a atan(-----)
--R                           +-+           a
--R                           \|a
--R      (6)  -----
--R                           2 +---+ +-+
--R                           8a \|- a \|a
--R
--E 812                                         Type: Expression(Integer)

--S 813 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 813                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 814 of 1369
t0:=x*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      (1)  x |-----
--R              \|- x
--R
--E 814                                         Type: Expression(Integer)

--S 815 of 1369
r0:=-1/4*b^2*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(3/2)+1/4*b*x*sqrt(a+b/x)/a+_
1/2*x^2*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b

```

```

--R      |-----+ +-----+
--R      2 \|- x      2 +-+ |a x + b
--R      - b atanh(-----) + (2a x  + b x)\|a |-----+
--R      +-+                               \| x
--R      \|a
--R      (2) -----
--R                           +-+
--R                           4a\|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 815

--S 816 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-----+ +-----+
--R      2 |a x + b      +-+ 2 +-+ |a x + b
--R      b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a ) + (4a x  + 2b x)\|a |-----+
--R      \| x                               \| x
--R      [-----,
--R                           +-+
--R                           8a\|a
--R      +-----+
--R      +--+ |a x + b
--R      \|- a |-----+ +-----+
--R      2 \|- x      2 +--+ |a x + b
--R      - b atan(-----) + (2a x  + b x)\|- a |-----+
--R      a                               \| x
--R      -----]
--R                           +-+
--R                           4a\|- a
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 816

--S 817 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-----+ +-----+
--R      |a x + b      |-----+
--R      2 |a x + b      +-+ 2 \|- x
--R      b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a ) + 2b atanh(-----)
--R      \| x                               +-+
--R                                         \|a
--R      (4) -----
--R                           +-+
--R                           8a\|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 817

--S 818 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 818

--S 819 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R   +-----+ +-----+
--R   |a x + b      |a x + b
--R   |-----| +---+ |-----|
--R   2 +---+ \|- x      2 +-+ \|- a |-----|
--R   b \|- a atanh(-----) - b \|a atan(-----)
--R   +--+
--R   \|a
--R   (6)  -----
--R   +--+ +-+
--R   4a\|- a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 819

--S 820 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R   (7)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 820

)clear all

--S 821 of 1369
t0:=sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R   +-----+
--R   |a x + b
--R   (1)  |-----|
--R   \|- x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 821

--S 822 of 1369
r0:=b*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/sqrt(a)+x*sqrt(a+b/x)

```

```

--R
--R
--R
$$\frac{b \operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{a} x + b}{\sqrt{a}}\right) + x \sqrt{a} \sqrt{\frac{a x + b}{x}}}{\sqrt{a}}$$

--R
--R (2) -----
--R
--R                                         +-+
--R                                         \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 822

--S 823 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
$$\left[ \frac{b \log\left(2 a x \sqrt{\frac{a x + b}{x}} + (2 a x + b) \sqrt{a}\right) + 2 x \sqrt{a} \sqrt{\frac{a x + b}{x}}}{2 \sqrt{a}}, \right.$$

--R
$$\left. \frac{b \operatorname{atan}\left(\frac{\sqrt{-a} \sqrt{\frac{a x + b}{x}} + x \sqrt{-a} \sqrt{\frac{a x + b}{x}}}{a}\right)}{\sqrt{-a}} \right]$$

--R
--R                                         +-+
--R                                         \| -a
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 823

--S 824 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
$$\frac{b \log\left(2 a x \sqrt{\frac{a x + b}{x}} + (2 a x + b) \sqrt{a}\right) - 2 b \operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{a x + b}}{\sqrt{a}}\right)}{\sqrt{a}}$$


```

```

--R   (4)  -----
--R                               ++
--R                               2\|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 824

--S 825 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 825

--S 826 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R   +-----+           +-----+
--R   | a x + b           | a x + b
--R   |-----+           \|- a |-----+
--R   +---+ \|- x           ++ \|- x
--R   - b\|- a atanh(-----) + b\|a atan(-----)
--R                           ++ a
--R                           \|a
--R
--R   (6)  -----
--R               +---+ ++
--R               \|- a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 826

--S 827 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R   (7)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 827

)clear all

--S 828 of 1369
t0:=sqrt(a+b/x)/x
--R
--R
--R   +-----+
--R   | a x + b
--R   |-----+
--R   \|- x
--R
--R   (1)  -----

```

```

--R          x
--R
--E 828                                         Type: Expression(Integer)

--S 829 of 1369
r0:=2*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))*sqrt(a)-2*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R          +-----+
--R          |a x + b
--R          |----- +-----+
--R          +-+ \|- x |a x + b
--R (2)  2\|a atanh(-----) - 2 |----- +
--R                  +-+ \|- x
--R
--R          \|a
--R
--E 829                                         Type: Expression(Integer)

--S 830 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R          +-----+          +-----+
--R          +-+ +-+ |a x + b          |a x + b
--R [\|a log(2x\|a |----- + 2a x + b) - 2 |-----,
--R          \|- x          \|- x
--R          +-----+
--R          |a x + b
--R          |----- +-----+
--R          +-+ \|- x |a x + b
--R 2\|- a atan(-----) - 2 |-----]
--R
--R          +-+ \|- x
--R          \|- a
--R
--E 830                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 830

--S 831 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R          +-----+
--R          |a x + b
--R          |-----+
--R          +-+ +-+ |a x + b          +-+ \|- x
--R (4)  \|a log(2x\|a |----- + 2a x + b) - 2\|a atanh(-----)
--R          \|- x          +-+
--R
--R          \|a
--R
--E 831                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 832 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 832                                         Type: Expression(Integer)

--S 833 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      |a x + b      |a x + b
--R      |-----|      |-----|
--R      +-+ \|- x      +--+ \|- x
--R      (6) - 2\|a atanh(-----) + 2\|- a atan(-----)
--R                  +-+      +--+  

--R                  \|a      \|- a
--R
--E 833                                         Type: Expression(Integer)

--S 834 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 834                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 835 of 1369
t0:=sqrt(a+b/x)/x^2
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----|
--R      \|- x
--R      (1) -----
--R                  2
--R                  x
--R
--E 835                                         Type: Expression(Integer)

--S 836 of 1369
r0:=-2/3*(a+b/x)^(3/2)/b
--R

```



```

--R      3
--R      x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 840

--S 841 of 1369
r0:=2/3*a*(a+b/x)^(3/2)/b^2-2/5*(a+b/x)^(5/2)/b^2
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 2          2 | a x + b
--R      (4a x - 2a b x - 6b ) | -----
--R                                \| x
--R      (2)  -----
--R                  2 2
--R                  15b x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 841

--S 842 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 2          2 | a x + b
--R      (4a x - 2a b x - 6b ) | -----
--R                                \| x
--R      (3)  -----
--R                  2 2
--R                  15b x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 842

--S 843 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 843

--S 844 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 844

)clear all

```

```

--S 845 of 1369
t0:=sqrt(a+b/x)/x^4
--R
--R
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R      (1) -----
--R                  4
--R                  x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 845

--S 846 of 1369
r0:=-2/3*a^2*(a+b/x)^(3/2)/b^3+4/5*a*(a+b/x)^(5/2)/b^3-2/7*(a+b/x)^(7/2)/b^3
--R
--R
--R      +-----+
--R      3 3      2 2      2      3 | a x + b
--R      (- 16a x  + 8a b x  - 6a b x - 30b ) |-----
--R                                         \| x
--R      (2) -----
--R
--R                  3 3
--R                  105b x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 846

--S 847 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      3 3      2 2      2      3 | a x + b
--R      (- 16a x  + 8a b x  - 6a b x - 30b ) |-----
--R                                         \| x
--R      (3) -----
--R
--R                  3 3
--R                  105b x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 847

--S 848 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 848

```

```

--S 849 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 849

)clear all

--S 850 of 1369
t0:=sqrt(a+b/x)/x^5
--R
--R
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R      (1) -----
--R                  5
--R                  x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 850

--S 851 of 1369
r0:=2/3*a^3*(a+b/x)^(3/2)/b^4-6/5*a^2*(a+b/x)^(5/2)/b^4+6/7*_
a*(a+b/x)^(7/2)/b^4-2/9*(a+b/x)^(9/2)/b^4
--R
--R
--R
--R      +-----+
--R      4 4      3 3      2 2 2      3      4 | a x + b
--R      (32a x  - 16a b x  + 12a b x  - 10a b x - 70b ) |-----
--R                                         \| x
--R      (2) -----
--R
--R                  4 4
--R                  315b x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 851

--S 852 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R      +-----+
--R      4 4      3 3      2 2 2      3      4 | a x + b
--R      (32a x  - 16a b x  + 12a b x  - 10a b x - 70b ) |-----
--R                                         \| x
--R      (3) -----
--R
--R                  4 4

```

```

--R          315b x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 852

--S 853 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 853

--S 854 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 854

)clear all

--S 855 of 1369
t0:=sqrt(a+b/x)/x^6
--R
--R
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R      (1) -----
--R                  6
--R                  x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 855

--S 856 of 1369
r0:=-2/3*a^4*(a+b/x)^(3/2)/b^5+8/5*a^3*(a+b/x)^(5/2)/b^5-
    12/7*a^2*(a+b/x)^(7/2)/b^5+8/9*a*(a+b/x)^(9/2)/b^5-2/11*_
    (a+b/x)^(11/2)/b^5
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+
--R      5 5      4 4      3 2 3      2 3 2      4      5 | a x + b
--R      (- 256a x  + 128a b x  - 96a b x  + 80a b x  - 70a b x - 630b ) |-----
--R                                         \| x
--R      -----
--R                  5 5
--R                  3465b x

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 856

--S 857 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      +-----+
--R      5 5      4 4      3 2 3      2 3 2      4      5 |a x + b
--R      (- 256a x  + 128a b x  - 96a b x  + 80a b x  - 70a b x - 630b ) |-----
--R
--R      \|- x
--R
--R      5 5
--R      3465b x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 857

--S 858 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 858

--S 859 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 859

)clear all

--S 860 of 1369
t0:=(a+b/x)^(3/2)*x^3
--R
--R
--R      +-----+
--R      3      2 |a x + b
--R      (1)  (a x  + b x ) |-----
--R
--R      \|- x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 860

--S 861 of 1369
r0:=1/4*(a+b/x)^(3/2)*x^4+3/64*b^4*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(5/2)-
3/64*b^3*x*sqrt(a+b/x)/a^2+1/32*b^2*x^2*sqrt(a+b/x)/a+_

```

```

1/8*b*x^3*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R (2)
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      4      \| x      3 4      2   3      2 2      3   +-+ |a x + b
--R 3b atanh(-----) + (16a x  + 24a b x  + 2a b x - 3b x)\|a |-----
--R      +-+
--R      \|a
--R -----
--R      2 +-+
--R      64a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 861

--S 862 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R      +-----+
--R      4      |a x + b      +-+
--R 3b log(2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R      \| x
--R +
--R      3 4      2   3      2 2      3   +-+ |a x + b
--R (32a x  + 48a b x  + 4a b x - 6b x)\|a |-----
--R      \| x
--R /
--R      2 +-+
--R      128a \|a
--R ,
--R
--R      +-----+
--R      +--+ |a x + b
--R      \|- a |-----
--R      4      \| x
--R 3b atan(-----)
--R      a
--R +
--R      3 4      2   3      2 2      3   +-+ |a x + b
--R (16a x  + 24a b x  + 2a b x - 3b x)\|- a |-----
--R      \| x
--R /
--R      2 +-+-

```

```

--R      64a \|- a
--R      ]
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 862

--S 863 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----+
--R      4      |a x + b           +-+      4      \| x
--R      3b log(2a x |----- + (2a x + b)\|a ) - 6b atanh(-----)
--R                  \| x                               +-+
--R                                         \|a
--R      (4) -----
--R                                         2 +-+
--R                                         128a \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 863

--S 864 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 864

--S 865 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+           +-----+
--R      |a x + b           +---+ |a x + b
--R      |-----           \| - a |-----+
--R      4 +---+ \| x           4 +-+     \| x
--R      - 3b \|- a atanh(-----) + 3b \|a atan(-----)
--R                                         +-+           a
--R                                         \|a
--R      (6) -----
--R                                         2 +---+ +-+
--R                                         64a \|- a \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 865

--S 866 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R

```

```

--R
--R      (7)  0
--R
--E 866                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 867 of 1369
t0:=(a+b/x)^(3/2)*x^2
--R
--R
--R      +-----+
--R      2      |a x + b
--R      (1)  (a x  + b x) |-----
--R                           \| x
--R
--E 867                                         Type: Expression(Integer)

--S 868 of 1369
r0:=1/3*(a+b/x)^(3/2)*x^3-1/8*b^3*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(3/2)+_
1/8*b^2*x*sqrt(a+b/x)/a+1/4*b*x^2*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      3      \| x           2 3           2      2      +-+ |a x + b
--R      - 3b atanh(-----) + (8a x  + 14a b x  + 3b x)\|a |-----
--R                               +-+
--R                               \| x
--R      \|\a
--R      (2) -----
--R
--R
--R      +-+
--R      24a\|a
--R
--E 868                                         Type: Expression(Integer)

--S 869 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      [
--R
--R      +-----+
--R      3      |a x + b           +-+
--R      3b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R                           \| x
--R      +
--R
--R      +-----+
--R      2 3           2      2      +-+ |a x + b
--R      (16a x  + 28a b x  + 6b x)\|a |-----

```

```

--R          \|  x
--R      /
--R      +++
--R      48a\|a
--R ,
--R      +-----+
--R      +---+ |a x + b
--R      \|- a |-----
--R      3      \|  x      2 3      2      2      +---+ |a x + b
--R      - 3b atan(-----) + (8a x  + 14a b x  + 3b x)\|- a |-----
--R                  a      \|  x
--R      -----
--R      +---+
--R      24a\|- a
--R
--R                                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 869

--S 870 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      3      |a x + b      +-+      3      \|  x
--R      b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a ) + 2b atanh(-----)
--R                  \|  x      +-+
--R                                         \|a
--R      (4) -----
--R                                         +-+
--R                                         16a\|a
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 870

--S 871 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 871

--S 872 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      |a x + b      +---+ |a x + b
--R      |-----      \|- a |-----
--R      3 +---+      \|  x      3 +-+      \|  x

```

```

--R      b \|- a atanh(-----) - b \|a atan(-----)
--R                           +-+                               a
--R                           \|a
--R (6)  -----
--R                           +---+ +-+
--R                           8a\|- a \|a
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 872

--S 873 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)  0
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 873

)clear all

--S 874 of 1369
t0:=(a+b/x)^(3/2)*x
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R (1)  (a x + b) |-----
--R                  \| x
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 874

--S 875 of 1369
r0:=1/2*(a+b/x)^(3/2)*x^2+3/4*b^2*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/sqrt(a)+_
3/4*b*x*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----          +-----+
--R      2      \| x          2          +-+ |a x + b
--R      3b atanh(-----) + (2a x + 5b x)\|a |-----
--R
--R
--R      +-+          +-----+
--R      \|a          \| x
--R
--R (2)  -----
--R
--R
--R                                          +-+
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 875

--S 876 of 1369
a0:=integrate(t0,x)

```





```

--S 883 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      +-+   +-+ |a x + b
--R      |a x + b
--R      3b\|a log(2x\|a |----- + 2a x + b) + (2a x - 4b) |----- +
--R      \| x           \| x
--R      [-----,
--R                           2
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |----- +-----+
--R      +--+   \|- x |a x + b
--R      3b\|- a atan(-----) + (a x - 2b) |----- ]
--R      +--+           \|- x
--R      \|- a
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 883

--S 884 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----+
--R      +-+   +-+ |a x + b
--R      +-+   \|- x
--R      3b\|a log(2x\|a |----- + 2a x + b) - 6b\|a atanh(-----)
--R
--R      +-+           +-+
--R      \|- a
--R
--R (4)  -----
--R
--R                                         2
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 884

--S 885 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 885

--S 886 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R

```

```

--R          +-----+          +-----+
--R          |a x + b          |a x + b
--R          |-----          |-----
--R          +-+ \|- x          +--+ \|- x
--R      (6) - 3b\|a atanh(-----) + 3b\|- a atan(-----)
--R                      +-+          +--+ 
--R                      \|a          \|- a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 886

--S 887 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 887

)clear all

--S 888 of 1369
t0:=(a+b/x)^(3/2)/x
--R
--R
--R          +-----+
--R          |a x + b
--R      (a x + b) |-----+
--R          \|- x
--R      (1) -----
--R                  2
--R                  x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 888

--S 889 of 1369
r0:=-2/3*(a+b/x)^(3/2)+2*a^(3/2)*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))-2*a*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R          +-----+
--R          |a x + b
--R          |-----+
--R          +-+ \|- x          |a x + b
--R      6a x\|a atanh(-----) + (- 8a x - 2b) |-----+
--R          +-+          \|- x
--R          \|a
--R      (2) -----
--R                  3x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 889

```

```

--S 890 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R
--R      +-----+          +-----+
--R      +-+      +-+ |a x + b          |a x + b
--R      3a x\|a log(2x\|a |----- + 2a x + b) + (- 8a x - 2b) |-----+
--R          \|- x          \|- x
--R      [-----,
--R                  3x
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----          +-----+
--R      +-+      \|- x          |a x + b
--R      6a x\|- a atan(-----) + (- 8a x - 2b) |-----+
--R          +---+          \|- x
--R          \|- a
--R      -----]
--R                  3x
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 890

--S 891 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----+
--R      +-+      +-+ |a x + b          +-+      \|- x
--R      (4)  a\|a log(2x\|a |----- + 2a x + b) - 2a\|a atanh(-----)
--R          \|- x          +-+
--R                                     \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 891

--S 892 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 892

--S 893 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+          +-----+

```

```

--R          |a x + b          |a x + b
--R          |-----          |-----
--R          +-+ \|- x          +---+ \|- x
--R (6) - 2a\|a atanh(-----) + 2a\|- a atan(-----)
--R                      +-+          +---+
--R                      \|a          \|- a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 893

--S 894 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 894

)clear all

--S 895 of 1369
t0:=(a+b/x)^(3/2)/x^2
--R
--R
--R          +-----+
--R          |a x + b
--R (a x + b) |-----+
--R          \|- x
--R (1) -----
--R          3
--R          x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 895

--S 896 of 1369
r0:=-2/5*(a+b/x)^(5/2)/b
--R
--R
--R          +-----+
--R          2 2          2 |a x + b
--R (- 2a x  - 4a b x  - 2b ) |-----+
--R                                     \|- x
--R (2) -----
--R          2
--R          5b x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 896

--S 897 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R

```

```

--R
--R
--R      2 2           2 | a x + b
--R      (- 2a x  - 4a b x - 2b ) |-----
--R                                         \| x
--R      (3) -----
--R                                         2
--R                                         5b x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 897

--S 898 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 898

--S 899 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 899

)clear all

--S 900 of 1369
t0:=(a+b/x)^(3/2)/x^3
--R
--R
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      (a x + b) |-----
--R             \| x
--R      (1) -----
--R             4
--R             x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 900

--S 901 of 1369
r0:=2/5*a*(a+b/x)^(5/2)/b^2-2/7*(a+b/x)^(7/2)/b^2
--R
--R
--R      +-----+
--R      3 3     2   2       2       3 | a x + b
--R      (4a x  - 2a b x  - 16a b x - 10b ) |-----

```

```

--R          \|
--R      (2)  -----
--R                  2 3
--R                  35b x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 901

--S 902 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3 |a x + b
--R      (4a x - 2a b x - 16a b x - 10b ) |-----
--R                                         \|
--R      (3)  -----
--R                  2 3
--R                  35b x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 902

--S 903 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 903

--S 904 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 904

)clear all

--S 905 of 1369
t0:=(a+b/x)^(3/2)/x^4
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      (a x + b) |-----
--R             \|
--R      (1)  -----
--R                  5
--R                  x

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 905

--S 906 of 1369
r0:=-2/5*a^2*(a+b/x)^(5/2)/b^3+4/7*a*(a+b/x)^(7/2)/b^3-2/9*(a+b/x)^(9/2)/b^3
--R
--R
--R
--R      4 4      3   3      2 2 2      3      4 | a x + b
--R      (- 16a x  + 8a b x  - 6a b x  - 100a b x - 70b ) |-----
--R                                         \| x
--R      (2)  -----
--R                                         3 4
--R                                         315b x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 906

--S 907 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R      4 4      3   3      2 2 2      3      4 | a x + b
--R      (- 16a x  + 8a b x  - 6a b x  - 100a b x - 70b ) |-----
--R                                         \| x
--R      (3)  -----
--R                                         3 4
--R                                         315b x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 907

--S 908 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 908

--S 909 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 909

)clear all

--S 910 of 1369

```

```

t0:=(a+b/x)^(3/2)/x^5
--R
--R
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      (a x + b) |-----
--R      \|   x
--R      (1) -----
--R                  6
--R                  x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 910

--S 911 of 1369
r0:=2/5*a^3*(a+b/x)^(5/2)/b^4-6/7*a^2*(a+b/x)^(7/2)/b^4+2/3*a*_
(a+b/x)^(9/2)/b^4-2/11*(a+b/x)^(11/2)/b^4
--R
--R
--R      +-----+
--R      5 5      4 4      3 2 3      2 3 2      4      5 | a x + b
--R      (32a x - 16a b x + 12a b x - 10a b x - 280a b x - 210b ) |-----
--R                                         \|   x
--R      (2) -----
--R
--R                  4 5
--R                  1155b x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 911

--S 912 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      5 5      4 4      3 2 3      2 3 2      4      5 | a x + b
--R      (32a x - 16a b x + 12a b x - 10a b x - 280a b x - 210b ) |-----
--R                                         \|   x
--R      (3) -----
--R
--R                  4 5
--R                  1155b x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 912

--S 913 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 913

```

```

--S 914 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 914                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 915 of 1369
t0:=(a+b/x)^(3/2)/x^6
--R
--R
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      (a x + b) |-----
--R                  \| x
--R      (1) -----
--R                  7
--R                  x
--R
--E 915                                         Type: Expression(Integer)

--S 916 of 1369
r0:=-2/5*a^4*(a+b/x)^(5/2)/b^5+8/7*a^3*(a+b/x)^(7/2)/b^5-
4/3*a^2*(a+b/x)^(9/2)/b^5+8/11*a*(a+b/x)^(11/2)/b^5-
2/13*(a+b/x)^(13/2)/b^5
--R
--R
--R      (2)
--R      6 6      5 5      4 2 4      3 3 3      2 4 2      5
--R      - 256a x + 128a b x - 96a b x + 80a b x - 70a b x - 2940a b x
--R      +
--R      6
--R      - 2310b
--R      *
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R      /
--R      5 6
--R      15015b x
--R
--E 916                                         Type: Expression(Integer)

--S 917 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R

```

```

--R
--R      (3)
--R      - 256a6x6 + 128a5b5x5 - 96a4b4x4 + 80a3b3x3 - 70a2b2x2 - 2940a5b5x5
--R      +
--R      - 2310b6
--R      *
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R      /
--R      15015b5x6
--R
--E 917                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--S 918 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 918                                         Type: Expression(Integer)

--S 919 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 919                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 920 of 1369
t0:=(a+b/x)^(3/2)/x^7
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      (a x + b) |-----
--R      \| x
--R      (1) -----
--R                  8
--R                  x
--R
--E 920                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 921 of 1369
r0:=2/5*a^5*(a+b/x)^(5/2)/b^6-10/7*a^4*(a+b/x)^(7/2)/b^6+_
20/9*a^3*(a+b/x)^(9/2)/b^6-20/11*a^2*(a+b/x)^(11/2)/b^6+_
10/13*a*(a+b/x)^(13/2)/b^6-2/15*(a+b/x)^(15/2)/b^6
--R
--R
--R      (2)
--R      7 7      6 6      5 2 5      4 3 4      3 4 3      2 5 2
--R      512a x - 256a b x + 192a b x - 160a b x + 140a b x - 126a b x
--R      +
--R      6      7
--R      - 7392a b x - 6006b
--R      *
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R      /
--R      6 7
--R      45045b x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 921

--S 922 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      7 7      6 6      5 2 5      4 3 4      3 4 3      2 5 2
--R      512a x - 256a b x + 192a b x - 160a b x + 140a b x - 126a b x
--R      +
--R      6      7
--R      - 7392a b x - 6006b
--R      *
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R      /
--R      6 7
--R      45045b x
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 922

--S 923 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 923

--S 924 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 924

)clear all

--S 925 of 1369
t0:=(a+b/x)^(5/2)*x^3
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 3      2 2 |a x + b
--R      (1)  (a x  + 2a b x  + b x ) |-----
--R                                         \| x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 925

--S 926 of 1369
r0:=5/24*b*(a+b/x)^(3/2)*x^3+1/4*(a+b/x)^(5/2)*x^4-
5/64*b^4*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(3/2)+5/64*b^3*x*_
sqrt(a+b/x)/a+5/32*b^2*x^2*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      4      \| x
--R      - 15b atanh(-----)
--R                           +-+
--R                           \|a
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      3 4      2 3      2 2      3  +-+ |a x + b
--R      (48a x  + 136a b x  + 118a b x  + 15b x)\|a |-----
--R                                         \| x
--R
--R      /
--R      +-+
--R      192a\|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 926

--S 927 of 1369
a0:=integrate(t0,x)

```

```

--R
--R
--R (3)
--R [
--R
--R           +-----+
--R           4           | a x + b
--R           15b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R                           \| x
--R
--R +
--R           +-----+
--R           3 4      2   3      2 2      3   +-+ | a x + b
--R           (96a x + 272a b x + 236a b x + 30b x)\|a |-----+
--R                           \| x
--R
--R /
--R           +-+
--R           384a\|a
--R
--R ,
--R
--R           +-----+
--R           +---+ | a x + b
--R           \|- a |-----+
--R           4           \| x
--R           - 15b atan(-----)
--R                           a
--R
--R +
--R           +-----+
--R           3 4      2   3      2 2      3   +---+ | a x + b
--R           (48a x + 136a b x + 118a b x + 15b x)\|- a |-----+
--R                           \| x
--R
--R /
--R           +---+
--R           192a\|- a
--R
--R ]
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 927

--S 928 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
--R           +-----+ | a x + b
--R           +-----+ |-----+
--R           4           | a x + b           +-+           4           \| x
--R           5b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a ) + 10b atanh(-----)
--R                           \| x                               +-+
--R
--R           (4) -----
--R
--R           +++
--R           128a\|a

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 928

--S 929 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 929

--S 930 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+           +-----+
--R      |a x + b           +---+ |a x + b
--R      |-----           \|- a |-----
--R      4 +---+   \| x      4 +-+   \| x
--R      5b \|- a atanh(-----) - 5b \|a atan(-----)
--R                           +-+
--R                           a
--R                           \|a
--R      (6)  -----
--R                           +---+ +-+
--R                           64a\|- a \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 930

--S 931 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 931

)clear all

--S 932 of 1369
t0:=(a+b/x)^(5/2)*x^2
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 2           2 |a x + b
--R      (1)  (a x + 2a b x + b ) |-----
--R                           \| x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 932

--S 933 of 1369

```

```

r0:=5/12*b*(a+b/x)^(3/2)*x^2+1/3*(a+b/x)^(5/2)*x^3+5/8*b^3*_
atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/sqrt(a)+5/8*b^2*x*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      |-----+
--R      3      \| x      2 3      2      2      +-+ | a x + b
--R      15b atanh(-----) + (8a x + 26a b x + 33b x)\|a |-----+
--R                  +-+                               \| x
--R      \a
--R      (2) -----
--R                                         +-+
--R                                         24\|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 933

--S 934 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      [
--R      +-----+
--R      3      | a x + b      +-+
--R      15b log(2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R                  \| x
--R      +
--R      +-----+
--R      2 3      2      2      +-+ | a x + b
--R      (16a x + 52a b x + 66b x)\|a |-----+
--R                                         \| x
--R      /
--R      +-+
--R      48\|a
--R
--R      ,
--R      +-----+
--R      +--+ | a x + b
--R      \|- a |-----+
--R      3      \| x      2 3      2      2      +-+ | a x + b
--R      15b atan(-----) + (8a x + 26a b x + 33b x)\|- a |-----+
--R                  a                               \| x
--R      -----
--R                                         +-+
--R                                         24\|- a
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 934

--S 935 of 1369
m0a:=a0.1-r0

```



```

--S 939 of 1369
t0:=(a+b/x)^(5/2)*x
--R
--R
--R
$$(1) \frac{(ax^2 + 2abx + b^2)\sqrt{ax + b}}{x}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 939

--S 940 of 1369
r0:=5/4*b*(a+b/x)^(3/2)*x+1/2*(a+b/x)^(5/2)*x^2+15/4*b^2*_
      atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))*sqrt(a)-15/4*b^2*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{15b\sqrt{a}\operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{ax + b}}{\sqrt{a}}\right) + (2ax^2 + 9abx - 8b^2)\sqrt{ax + b}}{4\sqrt{x}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 940

--S 941 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \left[ \frac{15b\sqrt{a}\log(2x\sqrt{a})\sqrt{ax^2 + 2ax + b} + (4ax^2 + 18abx - 16b^2)\sqrt{ax + b}}{8\sqrt{x}} \right]$$

--R

```

```

--R          |-----+          +-----+
--R          2 +---+ \|- x          2 2          2 |a x + b
--R          15b \|- a atan(-----) + (2a x  + 9a b x - 8b ) |-----+
--R          +---+          \|- x
--R          \|- a
--R          -----
--R          4
--R          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 941

--S 942 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R          +-----+          +-----+
--R          |a x + b          |a x + b
--R          2 +-+ +--+ |a x + b          2 +-+ \|- x
--R          15b \|a log(2x\|a |----- + 2a x + b) - 30b \|a atanh(-----)
--R          \|- x          \|- a
--R          (4) -----
--R          8
--R          Type: Expression(Integer)
--E 942

--S 943 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R          (5)  0
--R          Type: Expression(Integer)
--E 943

--S 944 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R          +-----+          +-----+
--R          |a x + b          |a x + b
--R          |-----          |-----+
--R          2 +-+ \|- x          2 +---+ \|- x
--R          - 15b \|a atanh(-----) + 15b \|- a atan(-----)
--R          +--+          +---+
--R          \|- a          \|- a
--R          (6) -----
--R          4
--R          Type: Expression(Integer)
--E 944

```

```

--S 945 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 945                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 946 of 1369
t0:=(a+b/x)^(5/2)
--R
--R
--R      2 2           2 |a x + b
--R      (a x + 2a b x + b ) |-----
--R                           \| x
--R      (1) -----
--R                  2
--R                  x
--R
--E 946                                         Type: Expression(Integer)

--S 947 of 1369
r0:=-5/3*b*(a+b/x)^(3/2)+(a+b/x)^(5/2)*x+5*a^(3/2)*b*_
atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))-5*a*b*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----+-----+
--R      +-+ \ | x           2 2           2 |a x + b
--R      15a b x\|a atanh(-----) + (3a x - 14a b x - 2b ) |-----
--R      +-+                               \| x
--R      \|a
--R      (2) -----
--R
--R
--E 947                                         Type: Expression(Integer)

--S 948 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      [
--R      +-----+
--R      +-+ +-+ |a x + b
--R      15a b x\|a log(2x\|a |----- + 2a x + b)

```

```

--R          \|  x
--R      +
--R          +-----+
--R          2 2           2 |a x + b
--R      (6a x  - 28a b x - 4b ) |-----
--R                               \|  x
--R      /
--R      6x
--R      ,
--R          +-----+
--R          |a x + b
--R          |-----
--R          +---+   \|  x           2 2           2 |a x + b
--R      15a b x\|- a atan(-----) + (3a x  - 14a b x - 2b ) |-----
--R          +---+                               \|  x
--R          \|- a
--R      -----
--R          3x
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 948

--S 949 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R          +-----+
--R          |a x + b
--R          +-----+
--R          +-+   +-+ |a x + b           +-+   \|  x
--R      5a b\|a log(2x\|a |----- + 2a x + b) - 10a b\|a atanh(-----)
--R          \|  x                           +-+
--R          \a
--R      (4) -----
--R
--R          2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 949

--S 950 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 950

--S 951 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R          +-----+           +-----+

```

```

--R          |a x + b          |a x + b
--R          |-----          |-----
--R          +-+ \|- x          +---+ \|- x
--R (6) - 5a b\|a atanh(-----) + 5a b\|- a atan(-----)
--R          +-+ \|- a          +---+
--R          \|- a
--R
--E 951                                         Type: Expression(Integer)

--S 952 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)  0
--R
--E 952                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 953 of 1369
t0:=(a+b/x)^(5/2)/x
--R
--R
--R          +---+
--R          2 2          2 |a x + b
--R          (a x  + 2a b x + b ) |-----+
--R                               \|- x
--R (1) -----
--R                               3
--R                               x
--R
--E 953                                         Type: Expression(Integer)

--S 954 of 1369
r0:=-2/3*a*(a+b/x)^(3/2)-2/5*(a+b/x)^(5/2)+2*a^(5/2)*_
atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))-2*a^2*sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R          +---+
--R          |a x + b
--R          |-----+
--R          2 2 +-+ \|- x          2 2          2 |a x + b
--R          30a x \|- a atanh(-----) + (- 46a x  - 22a b x - 6b ) |-----+
--R          +-+ \|- a
--R
--R (2) -----
--R                               2
--R                               15x
--R
--E 954                                         Type: Expression(Integer)

```



```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 957                                         Type: Expression(Integer)

--S 958 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      |a x + b      |a x + b
--R      |-----      |-----
--R      2 +-+ \|- x      2 +--+ \|- x
--R      - 2a \|a atanh(-----) + 2a \|- a atan(-----)
--R                               +-+      +---+
--R                               \|a          \|- a
--R
--E 958                                         Type: Expression(Integer)

--S 959 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 959                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 960 of 1369
t0:=(a+b/x)^(5/2)/x^2
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 2      2 |a x + b
--R      (a x  + 2a b x + b ) |-----+
--R                           \|- x
--R      (1)  -----
--R                           4
--R                           x
--R
--E 960                                         Type: Expression(Integer)

--S 961 of 1369
r0:=-2/7*(a+b/x)^(7/2)/b
--R
--R
--R      +-----+
--R      3 3      2 2      2      3 |a x + b
--R      (- 2a x  - 6a b x  - 6a b x - 2b ) |-----+

```

```

--R          \|
--R      (2)  -----
--R                  3
--R                  7b x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 961

--S 962 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R          +-----+
--R          3 3      2 2      2      3 |a x + b
--R      (- 2a x - 6a b x - 6a b x - 2b ) |-----
--R                                         \|
--R      (3)  -----
--R                  3
--R                  7b x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 962

--S 963 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 963

--S 964 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 964

)clear all

--S 965 of 1369
t0:=(a+b/x)^(5/2)/x^3
--R
--R
--R          +-----+
--R          2 2      2 |a x + b
--R      (a x + 2a b x + b ) |-----
--R                                         \|
--R      (1)  -----
--R                  5
--R                  x

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 965

--S 966 of 1369
r0:=2/7*a*(a+b/x)^(7/2)/b^2-2/9*(a+b/x)^(9/2)/b^2
--R
--R
--R
--R      4 4      3   3      2 2 2      3      4 |a x + b
--R      (4a x - 2a b x - 30a b x - 38a b x - 14b ) |-----
--R                                         \|
--R      (2)  -----
--R                                         2 4
--R                                         63b x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 966

--S 967 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R      4 4      3   3      2 2 2      3      4 |a x + b
--R      (4a x - 2a b x - 30a b x - 38a b x - 14b ) |-----
--R                                         \|
--R      (3)  -----
--R                                         2 4
--R                                         63b x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 967

--S 968 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 968

--S 969 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 969

)clear all

--S 970 of 1369

```

```

t0:=(a+b/x)^(5/2)/x^4
--R
--R
--R
--R      2 2           2 |a x + b
--R      (a x  + 2a b x + b ) |-----
--R                               \| x
--R      (1) -----
--R                           6
--R                           x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 970

--S 971 of 1369
r0:=-2/7*a^2*(a+b/x)^(7/2)/b^3+4/9*a*(a+b/x)^(9/2)/b^3-2/11*(a+b/x)^(11/2)/b^3
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      5 5     4   4     3 2 3     2 3 2     4     5 |a x + b
--R      (- 16a x  + 8a b x  - 6a b x  - 226a b x  - 322a b x - 126b ) |-----
--R                                         \| x
--R
--R
--R
--R      3 5
--R      693b x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 971

--S 972 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      5 5     4   4     3 2 3     2 3 2     4     5 |a x + b
--R      (- 16a x  + 8a b x  - 6a b x  - 226a b x  - 322a b x - 126b ) |-----
--R                                         \| x
--R
--R
--R      3 5
--R      693b x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 972

--S 973 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 973

```

```

--S 974 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 974                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 975 of 1369
t0:=(a+b/x)^(5/2)/x^5
--R
--R
--R      2 2           2 |a x + b
--R      (a x + 2a b x + b ) |-----
--R                                \| x
--R      (1)  -----
--R                               7
--R                               x
--R
--E 975                                         Type: Expression(Integer)

--S 976 of 1369
r0:=2/7*a^3*(a+b/x)^(7/2)/b^4-2/3*a^2*(a+b/x)^(9/2)/b^4-
6/11*a*(a+b/x)^(11/2)/b^4-2/13*(a+b/x)^(13/2)/b^4
--R
--R
--R      (2)
--R      6 6      5 5      4 2 4      3 3 3      2 4 2      5      6
--R      (32a x - 16a b x + 12a b x - 10a b x - 742a b x - 1134a b x - 462b )
--R      *
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R      /
--R      4 6
--R      3003b x
--R
--E 976                                         Type: Expression(Integer)

--S 977 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      6 6      5 5      4 2 4      3 3 3      2 4 2      5      6

```

```

--R      (32a x  - 16a b x  + 12a b x  - 10a b x  - 742a b x  - 1134a b x - 462b )
--R      *
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R   /
--R      4 6
--R      3003b x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 977

--S 978 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 978

--S 979 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 979

)clear all

--S 980 of 1369
t0:=(a+b/x)^(5/2)/x^6
--R
--R
--R      2 2           2 |a x + b
--R      (a x  + 2a b x + b ) |-----
--R                               \| x
--R      (1)  -----
--R                               8
--R                               x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 980

--S 981 of 1369
r0:=-2/7*a^4*(a+b/x)^(7/2)/b^5+8/9*a^3*(a+b/x)^(9/2)/b^5-
    12/11*a^2*(a+b/x)^(11/2)/b^5+8/13*a*(a+b/x)^(13/2)/b^5-
    2/15*(a+b/x)^(15/2)/b^5
--R
--R

```

```

--R      (2)
--R      7 7      6 6      5 2 5      4 3 4      3 4 3      2 5 2
--R      - 256a x + 128a b x - 96a b x + 80a b x - 70a b x - 8946a b x
--R      +
--R      6      7
--R      - 14322a b x - 6006b
--R      *
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R      /
--R      5 7
--R      45045b x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 981

--S 982 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      7 7      6 6      5 2 5      4 3 4      3 4 3      2 5 2
--R      - 256a x + 128a b x - 96a b x + 80a b x - 70a b x - 8946a b x
--R      +
--R      6      7
--R      - 14322a b x - 6006b
--R      *
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R      /
--R      5 7
--R      45045b x
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 982

--S 983 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 983

--S 984 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R
--E 984                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 985 of 1369
t0:=x^3/sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^3}{\sqrt{ax + b}}$$

--R
--E 985                                         Type: Expression(Integer)

--S 986 of 1369
r0:=35/64*b^4*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(9/2)-35/64*b^3*x*_
sqrt(a+b/x)/a^4+35/96*b^2*x^2*sqrt(a+b/x)/a^3-7/24*b*x^3*_
sqrt(a+b/x)/a^2+1/4*x^4*sqrt(a+b/x)/a
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\frac{105b \operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{ax + b}}{\sqrt{a}}\right)}{192a \sqrt{a}}$$

--R
--R   +
--R   
$$\frac{(48a^3 x^4 - 56a^2 b x^3 + 70a b^2 x^2 - 105b^3 x)\sqrt{a} \sqrt{ax + b}}{192a \sqrt{a}}$$

--R
--E 986                                         Type: Expression(Integer)

--S 987 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)

```

```

--R   [
--R   +-----+
--R   4      |a x + b          +-+
--R   105b log(2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R   \| x
--R   +
--R   +-----+
--R   3 4      2 3      2 2      3  +-+ |a x + b
--R   (96a x - 112a b x + 140a b x - 210b x)\|a |-----+
--R   \| x
--R   /
--R   4 +-+
--R   384a \|a
--R   ,
--R
--R   +-----+
--R   +---+ |a x + b
--R   \|- a |-----+
--R   4      \| x
--R   105b atan(-----)
--R   a
--R   +
--R   +-----+
--R   3 4      2 3      2 2      3  +-+ |a x + b
--R   (48a x - 56a b x + 70a b x - 105b x)\|- a |-----+
--R   \| x
--R   /
--R   4 +---+
--R   192a \|- a
--R   ]
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 987

--S 988 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R   +-----+
--R   |a x + b
--R   |-----+
--R   4      |a x + b          +-+      4      \| x
--R   35b log(2a x |----- + (2a x + b)\|a ) - 70b atanh(-----)
--R   \| x
--R
--R   (4) -----
--R   4 +-+
--R   128a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 988

```

```

--S 989 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 989                                         Type: Expression(Integer)

--S 990 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R   (6)  
$$\frac{-35b \sqrt{-a} \operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{a}}\right) + 35b \sqrt{a} \operatorname{atan}\left(\frac{\sqrt{-a}}{\sqrt{x}}\right)}{64a \sqrt{-a} \sqrt{a}}$$

--R
--E 990                                         Type: Expression(Integer)

--S 991 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R   (7)  0
--R
--E 991                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 992 of 1369
t0:=x^2/sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^2}{\sqrt{ax + b}}$$

--R
--E 992                                         Type: Expression(Integer)

--S 993 of 1369

```

```

r0:=-5/8*b^3*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(7/2)+5/8*b^2*x*_
sqrt(a+b/x)/a^3-5/12*b*x^2*sqrt(a+b/x)/a^2+1/3*x^3*sqrt(a+b/x)/a
--R
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      3      \| x          2 3      2      2      +-+ |a x + b
--R      - 15b atanh(-----) + (8a x - 10a b x + 15b x)\|a |-----+
--R                               +-+
--R                               \| x
--R      \a
--R (2)  -----
--R                                         3 +-+
--R                                         24a \|a
--R
--E 993                                         Type: Expression(Integer)

--S 994 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
--R      +-----+
--R      3      |a x + b           +-+
--R      15b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R                  \| x
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      2 3      2      2      +-+ |a x + b
--R      (16a x - 20a b x + 30b x)\|a |-----+
--R                                         \| x
--R
--R      /
--R      3 +-+
--R      48a \|a
--R
--R      ,
--R      +-----+
--R      +--+ |a x + b
--R      \|- a |-----
--R      3      \| x          2 3      2      2      +-+ |a x + b
--R      - 15b atan(-----) + (8a x - 10a b x + 15b x)\|- a |-----+
--R                                         a                                         \| x
--R
--R      -----
--R                                         3 +-+
--R                                         24a \|- a
--R
--E 994                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)

```

--S 995 of 1369  
m0a:=a0.1-r0



```

--S 999 of 1369
t0:=x/sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      x
--R      -----
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----
--R      \| x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 999

--S 1000 of 1369
r0:=3/4*b^2*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(5/2)-3/4*b*x*_
sqrt(a+b/x)/a^2+1/2*x^2*sqrt(a+b/x)/a
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----          +-----+
--R      2      \| x      2          +-+ |a x + b
--R      3b atanh(-----) + (2a x - 3b x)\|a |-----+
--R                  +-+          \| x
--R                  \|a
--R      (2) -----
--R
--R
--R      2 +-+
--R      4a \|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1000

--S 1001 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      +-----+          +-----+
--R      2      |a x + b          +-+      2      +-+ |a x + b
--R      3b log(2a x |----- + (2a x + b)\|a ) + (4a x - 6b x)\|a |-----+
--R                  \| x          \| x
--R      [-----, 
--R
--R
--R      2 +-+
--R      8a \|a
--R
--R      +-----+
--R      +--+ |a x + b
--R      \|- a |-----          +-----+
--R      2      \| x          2      +-+ |a x + b
--R      3b atan(-----) + (2a x - 3b x)\|- a |-----+
--R                  a          \| x
--R      -----]

```

```

--R          2 +---+
--R          4a \|- a
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1001

--S 1002 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
--R          +-----+
--R          |a x + b
--R          |-----+
--R          2      |a x + b           +-+      2      \| x
--R          3b log(2a x |----- + (2a x + b)\|a ) - 6b atanh(-----)
--R          \| x                                     +-+
--R                                     \|a
--R          (4) -----
--R                                     2 +-+
--R                                     8a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1002

--S 1003 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R          (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1003

--S 1004 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R          +-----+          +-----+
--R          |a x + b          +---+ |a x + b
--R          |-----          \|- a |-----+
--R          2 +---+ \|- x      2 +-+ \|- x
--R          - 3b \|- a atanh(-----) + 3b \|a atan(-----)
--R                                     +-+                               a
--R                                     \|a
--R          (6) -----
--R                                     2 +---+ +-+
--R                                     4a \|- a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1004

--S 1005 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R

```

```

--R
--R      (7)  0
--R
--E 1005                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1006 of 1369
t0:=1/sqrt(a+b/x)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              | a x + b
--R              |-----
--R              \| x
--R
--E 1006                                         Type: Expression(Integer)

--S 1007 of 1369
r0:=-b*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(3/2)+x*sqrt(a+b/x)/a
--R
--R
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      |-----+-----+
--R      \| x      +-+ | a x + b
--R      - b atanh(-----) + x\|a |-----+
--R                           +-+           \| x
--R                           \|a
--R      (2)  -----
--R                           +-+
--R                           a\|a
--R
--E 1007                                         Type: Expression(Integer)

--S 1008 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-----+ +-----+
--R      | a x + b      +-+ +-+ | a x + b
--R      b log(- 2 a x |----- + (2 a x + b)\|a ) + 2 x\|a |-----+
--R      \| x                         \| x
--R      [-----,
--R                           +-+
--R                           2 a\|a
--R      +-----+

```

```

--R      +---+ |a x + b
--R      \|- a |-----      +-----+
--R      \|   x      +---+ |a x + b
--R      - b atan(-----) + x\|- a |-----+
--R      a                  \|   x
--R      -----
--R      +---+
--R      a\|- a
--R
--R                                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1008

--S 1009 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-----+ |a x + b
--R      |-----+
--R      |a x + b      +-+ \|- x
--R      b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a ) + 2b atanh(-----)
--R      \|- x          +-+ \|a
--R
--R      (4) -----
--R
--R      +-+
--R      2a\|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1009

--S 1010 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1010

--S 1011 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+ |a x + b      +-----+ |a x + b
--R      |-----+ \|- a |-----+ \|- a |-----+
--R      +---+ \|- x      +-+ \|- x
--R      b\|- a atanh(-----) - b\|a atan(-----)
--R
--R      +-+ a
--R      \|- a
--R
--R      (6) -----
--R
--R      +---+ +-+
--R      a\|- a \|- a

```

```

--R
--E 1011                                         Type: Expression(Integer)

--S 1012 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1012                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1013 of 1369
t0:=1/(x*sqrt(a+b/x))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           +-----+
--R           | a x + b
--R           x |-----
--R           \|  x
--R
--E 1013                                         Type: Expression(Integer)

--S 1014 of 1369
r0:=2*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/sqrt(a)
--R
--R
--R           +-----+
--R           | a x + b
--R           |-----
--R           \|  x
--R           2atanh(-----)
--R           +-+
--R           \|a
--R
--R      (2)  -----
--R           +-+
--R           \|a
--R
--E 1014                                         Type: Expression(Integer)

--S 1015 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R           +-----+
--R           +---+ | a x + b
--R           \|- a |-----

```

```

--R      |a x + b      +-+      \|  x
--R      log(2a x |----- + (2a x + b)\|a ) 2atan(-----)
--R      \|  x                               a
--R      (3)  [-----,-----]
--R                           +-+
--R                           \|a      +---+
--R                           \|- a
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1015

--S 1016 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----+
--R      |a x + b      +-+      \|  x
--R      log(2a x |----- + (2a x + b)\|a ) - 2atanh(-----)
--R      \|  x                               +-+
--R                                         \|\a
--R      (4)  -----
--R                           +-+
--R                           \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1016

--S 1017 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1017

--S 1018 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      |a x + b      +---+ |a x + b
--R      |-----      \|- a |-----+
--R      +---+ \|- x      +-+      \|  x
--R      - 2\|- a atanh(-----) + 2\|a atan(-----)
--R
--R                                         +-+
--R                                         a
--R                                         \|\a
--R      (6)  -----
--R                           +---+ +-+
--R                           \|- a \|\a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1018

```

```

--S 1019 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1019                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1020 of 1369
t0:=1/(x^2*sqrt(a+b/x))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  +---+
--R                  2 |a x + b
--R                  x  |-----
--R                  \|  x
--R
--E 1020                                         Type: Expression(Integer)

--S 1021 of 1369
r0:=-2*sqrt(a+b/x)/b
--R
--R
--R      +---+
--R      |a x + b
--R      2 |-----
--R      \|  x
--R      (2)  - -----
--R                  b
--R
--E 1021                                         Type: Expression(Integer)

--S 1022 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +---+
--R      |a x + b
--R      2 |-----
--R      \|  x
--R      (3)  - -----
--R                  b
--R
--E 1022                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 1023 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1023                                         Type: Expression(Integer)

--S 1024 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1024                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1025 of 1369
t0:=1/(x^3*sqrt(a+b/x))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  3 | a x + b
--R      x | -----
--R                  \| x
--R
--E 1025                                         Type: Expression(Integer)

--S 1026 of 1369
r0:=-2/3*(a+b/x)^(3/2)/b^2+2*a*sqrt(a+b/x)/b^2
--R
--R
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      (4a x - 2b) | -----
--R                  \| x
--R      (2)  -----
--R                  2
--R                  3b x
--R
--E 1026                                         Type: Expression(Integer)

--S 1027 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +-----+

```

```

--R          |a x + b
--R      (4a x - 2b) |-----
--R                  \| x
--R      (3) -----
--R                  2
--R                  3b x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1027

--S 1028 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1028

--S 1029 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1029

)clear all

--S 1030 of 1369
t0:=1/(x^4*sqrt(a+b/x))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              4 |a x + b
--R              x |-----
--R              \| x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1030

--S 1031 of 1369
r0:=4/3*a*(a+b/x)^(3/2)/b^3-2/5*(a+b/x)^(5/2)/b^3-2*a^2*sqrt(a+b/x)/b^3
--R
--R
--R      (2)  -----
--R              2 2           2 |a x + b
--R              (- 16a x  + 8a b x - 6b ) |-----
--R                                         \| x
--R
--R

```

```

--R          15b x
--R
--E 1031                                         Type: Expression(Integer)

--S 1032 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R          +-----+
--R          2 2           2 |a x + b
--R          (- 16a x  + 8a b x - 6b ) |-----
--R                                     \| x
--R          (3) -----
--R                      3 2
--R                      15b x
--R
--E 1032                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer),...)

--S 1033 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R          (4)  0
--R
--E 1033                                         Type: Expression(Integer)

--S 1034 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R          (5)  0
--R
--E 1034                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1035 of 1369
t0:=1/(x^5*sqrt(a+b/x))
--R
--R
--R          1
--R          (1) -----
--R          +-----+
--R          5 |a x + b
--R          x |-----
--R          \| x
--R
--E 1035                                         Type: Expression(Integer)

--S 1036 of 1369

```

```

r0:=-2*a^2*(a+b/x)^(3/2)/b^4+6/5*a*(a+b/x)^(5/2)/b^4-
      2/7*(a+b/x)^(7/2)/b^4+2*a^3*sqrt(a+b/x)/b^4
--R
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3 |a x + b
--R      (32a x - 16a b x + 12a b x - 10b ) |-----
--R                                         \| x
--R      (2) -----
--R
--R
--R      4 3
--R      35b x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1036

--S 1037 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3 |a x + b
--R      (32a x - 16a b x + 12a b x - 10b ) |-----
--R                                         \| x
--R      (3) -----
--R
--R      4 3
--R      35b x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1037

--S 1038 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1038

--S 1039 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1039

)clear all

--S 1040 of 1369
t0:=1/(x^6*sqrt(a+b/x))
--R
--R

```

```

--R      1
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              6 |a x + b
--R      x |-----
--R              \| x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1040

--S 1041 of 1369
r0:=8/3*a^3*(a+b/x)^(3/2)/b^5-12/5*a^2*(a+b/x)^(5/2)/b^5+_
8/7*a*(a+b/x)^(7/2)/b^5-2/9*(a+b/x)^(9/2)/b^5-2*a^4*sqrt(a+b/x)/b^5
--R
--R
--R      +-----+
--R      4 4      3   3      2 2 2      3      4 |a x + b
--R      (- 256a x  + 128a b x  - 96a b x  + 80a b x - 70b ) |-----
--R                                         \| x
--R      (2)  -----
--R
--R
--R      5 4
--R      315b x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1041

--S 1042 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      4 4      3   3      2 2 2      3      4 |a x + b
--R      (- 256a x  + 128a b x  - 96a b x  + 80a b x - 70b ) |-----
--R                                         \| x
--R      (3)  -----
--R
--R      5 4
--R      315b x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1042

--S 1043 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1043

--S 1044 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1044

)clear all

--S 1045 of 1369
t0:=x^2/(a+b/x)^(3/2)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^3}{(ax + b)\sqrt{x}}$$

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1045

--S 1046 of 1369
r0:=-35/8*b^3*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(9/2)-2*x^3/(a*sqrt(a+b/x))+_
35/8*b^2*x*sqrt(a+b/x)/a^4-35/12*b*x^2*sqrt(a+b/x)/a^3+_
7/3*x^3*sqrt(a+b/x)/a^2
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\frac{-105b^3 \operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{ax + b}}{\sqrt{a}}\right) + (8a^3x^3 - 14a^2bx^2 + 35abx + 105b^2)\sqrt{a}}{24a^4\sqrt{a}\sqrt{x}}$$

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1046

--S 1047 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   [
--R   
$$\left[ \frac{x^3 \operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{ax + b}}{\sqrt{a}}\right)^4}{24a^4\sqrt{a}\sqrt{x}} \right]$$


```

```

--R      105b  |----- log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R          \| x           \| x
--R      +
--R      3 3      2 2      2      3 +-+
--R      (16a x - 28a b x + 70a b x + 210b )\|a
--R      /
--R      +-----+
--R      4 +-+ |a x + b
--R      48a \|a |-----+
--R          \| x
--R      ,
--R
--R      +-----+
--R      +---+ |a x + b
--R      +-----+ \|- a |-----+
--R      3 |a x + b           \| x
--R      - 105b |----- atan(-----)
--R          \| x             a
--R      +
--R      3 3      2 2      2      3 +-+
--R      (8a x - 14a b x + 35a b x + 105b )\|- a
--R      /
--R      +-----+
--R      4 +-+ |a x + b
--R      24a \|- a |-----+
--R          \| x
--R      ]
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1047

--S 1048 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      +-----+
--R      3 |a x + b           +-+      3 \|- x
--R      35b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a ) + 70b atanh(-----)
--R          \| x               +-+ \|- a
--R
--R      (4) -----
--R                  4 +-+
--R                  16a \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1048

--S 1049 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 1049                                         Type: Expression(Integer)

--S 1050 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+          +-----+
--R      |a x + b          |a x + b
--R      |-----          +---+ |-----+
--R      3 +---+ \|- x      3 +-+ \|- a |-----+
--R      35b \|- a atanh(-----) - 35b \a atan(-----)
--R                  +-+           a
--R                  \|a
--R      (6) -----
--R                  4 +---+ +-+
--R                  8a \|- a \|a
--R
--E 1050                                         Type: Expression(Integer)

--S 1051 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1051                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1052 of 1369
t0:=x/(a+b/x)^(3/2)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1) -----
--R                  +-----+
--R                  |a x + b
--R      (a x + b) |-----+
--R                  \|- x
--R
--E 1052                                         Type: Expression(Integer)

--S 1053 of 1369
r0:=15/4*b^2*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(7/2)-2*x^2/(a*sqrt(a+b/x))-_
15/4*b*x*sqrt(a+b/x)/a^3+5/2*x^2*sqrt(a+b/x)/a^2
--R

```





```

--S 1059 of 1369
t0:=1/(a+b/x)^(3/2)
--R
--R
--R      x
--R      -----
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      (a x + b) |-----
--R                  \| x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1059

--S 1060 of 1369
r0:=-3*b*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(5/2)-2*x/(a*sqrt(a+b/x))+_
3*x*sqrt(a+b/x)/a^2
--R
--R
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      +-----+ |-----
--R      | a x + b      \| x          +-+
--R      - 3b |----- atanh(-----) + (a x + 3b)\|a
--R      \| x           +-+
--R                           \|a
--R      (2) -----
--R      +-----+
--R      2 +-+ | a x + b
--R      a \|a |-----+
--R                           \| x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1060

--S 1061 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-----+ +-----+
--R      | a x + b      | a x + b          +-+          +-+
--R      3b |----- log(- 2 a x |----- + (2 a x + b)\|a ) + (2 a x + 6b)\|a
--R      \| x           \| x
--R      [-----, ,
--R      +-----+
--R      2 +-+ | a x + b
--R      2a \|a |-----+
--R                           \| x
--R      +-----+
--R      +---+ | a x + b

```

```

--R      +-----+   \| - a |-----+
--R      |a x + b           \| x
--R      - 3b |----- atan(-----) + (a x + 3b)\| - a
--R      \| x             a
--R      -----
--R      +-----+
--R      2 +--+ |a x + b
--R      a \| - a |-----+
--R      \| x
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1061

--S 1062 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-----+   +-----+
--R      |a x + b           |a x + b
--R      +-----+           |-----+
--R      |a x + b           ++      \| x
--R      3b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\| a ) + 6b atanh(-----)
--R      \| x                   ++      \| a
--R
--R      (4) -----
--R                  2 ++
--R                  2a \| a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1062

--S 1063 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1063

--S 1064 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+   +-----+
--R      |a x + b           |a x + b
--R      +-----+           +--+ \| - a |-----+
--R      +--+     \| x           ++      \| x
--R      3b\| - a atanh(-----) - 3b\| a atan(-----)
--R
--R                  ++      a
--R                  \| a
--R
--R      (6) -----
--R                  2 +--+ ++

```

```

--R          a \| - a \|a
--R
--E 1064                                         Type: Expression(Integer)

--S 1065 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1065                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1066 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(3/2)*x)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  | a x + b
--R      (a x + b) |-----
--R                  \|   x
--R
--E 1066                                         Type: Expression(Integer)

--S 1067 of 1369
r0:=2*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(3/2)+(-2)/(a*sqrt(a+b/x))
--R
--R
--R      +-----+
--R      | a x + b
--R      +-----+ |-----+
--R      | a x + b      \|   x      ++
--R      2 |----- atanh(----- - 2\|a
--R      \|   x           ++
--R
--R      (2)  -----
--R                  +-----+
--R                  ++ | a x + b
--R                  a\|a |-----
--R                  \|   x
--R
--E 1067                                         Type: Expression(Integer)

--S 1068 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)
--R      +-----+      +-----+
--R      |a x + b      |a x + b      +-+      +-+
--R      |----- log(2a x |----- + (2a x + b)\|a ) - 2\|a
--R      \| x          \| x
--R      [-----,
--R                  +-----+
--R                  +-+ |a x + b
--R                  a\|a |-----+
--R                  \| x
--R                  +-----+
--R                  +-+ |a x + b
--R      +-----+ \|- a |-----+
--R      |a x + b      \| x      +---+
--R      2 |----- atan(----- - 2\|- a
--R      \| x           a
--R      -----]
--R                  +-----+
--R                  +-+ |a x + b
--R                  a\|- a |-----+
--R                  \| x
--R
--R                                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1068

--S 1069 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      |a x + b      |a x + b
--R      |-----      |-----+
--R      log(2a x |----- + (2a x + b)\|a ) - 2atanh(-----)
--R      \| x           \| x
--R      +-+
--R      \|a
--R   (4) -----
--R                  +-+
--R                  a\|a
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1069

--S 1070 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1070

--S 1071 of 1369

```



```

--E 1074

--S 1075 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2
--R      (3)  -----
--R              +-----+
--R              | a x + b
--R      b |-----
--R              \| x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1075

--S 1076 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1076

--S 1077 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1077

)clear all

--S 1078 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(3/2)*x^3)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  3      2  | a x + b
--R      (a x + b x ) |-----
--R                  \| x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1078

--S 1079 of 1369
r0:=-2*a/(b^2*sqrt(a+b/x))-2*sqrt(a+b/x)/b^2
--R
--R

```

```

--R      - 4a x - 2b
--R      (2)  -----
--R                  +-----+
--R                  2 |a x + b
--R      b x |-----
--R                  \|   x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1079

--S 1080 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      - 4a x - 2b
--R      (3)  -----
--R                  +-----+
--R                  2 |a x + b
--R      b x |-----
--R                  \|   x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1080

--S 1081 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1081

--S 1082 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1082

)clear all

--S 1083 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(3/2)*x^4)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  1
--R                  +-----+
--R                  4      3 |a x + b
--R      (a x + b x ) |-----
--R                  \|   x

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1083

--S 1084 of 1369
r0:=-2/3*(a+b/x)^(3/2)/b^3+2*a^2/(b^3*sqrt(a+b/x))+4*a*sqrt(a+b/x)/b^3
--R
--R
--R      2 2          2
--R      16a x  + 8a b x - 2b
--R      (2)  -----
--R                  +-----+
--R                  3 2 |a x + b
--R      3b x  |-----
--R                  \|   x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1084

--S 1085 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2          2
--R      16a x  + 8a b x - 2b
--R      (3)  -----
--R                  +-----+
--R                  3 2 |a x + b
--R      3b x  |-----
--R                  \|   x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1085

--S 1086 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1086

--S 1087 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1087

)clear all

--S 1088 of 1369

```

```

t0:=1/((a+b/x)^(3/2)*x^5)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R          5      4 |a x + b
--R      (a x + b x ) |-----
--R                  \| x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1088

--S 1089 of 1369
r0:=2*a*(a+b/x)^(3/2)/b^4-2/5*(a+b/x)^(5/2)/b^4-2*a^3/(b^4*sqrt(a+b/x))-_
6*a^2*sqrt(a+b/x)/b^4
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      - 32a x - 16a b x + 4a b x - 2b
--R      (2)  -----
--R                  +-----+
--R                  4 3 |a x + b
--R      5b x |-----
--R                  \| x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1089

--S 1090 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      - 32a x - 16a b x + 4a b x - 2b
--R      (3)  -----
--R                  +-----+
--R                  4 3 |a x + b
--R      5b x |-----
--R                  \| x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1090

--S 1091 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1091

--S 1092 of 1369

```

```

d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1092                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1093 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(3/2)*x^6)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R          6      5 |a x + b
--R      (a x  + b x ) |-----
--R                  \| x
--R
--E 1093                                         Type: Expression(Integer)

--S 1094 of 1369
r0:=-4*a^2*(a+b/x)^(3/2)/b^5+8/5*a*(a+b/x)^(5/2)/b^5-
2/7*(a+b/x)^(7/2)/b^5+2*a^4/(b^5*sqrt(a+b/x))+8*a^3*sqrt(a+b/x)/b^5
--R
--R
--R      4 4      3   3      2 2 2      3       4
--R      256a x  + 128a b x - 32a b x  + 16a b x - 10b
--R      (2) -----
--R              +-----+
--R          5 4 |a x + b
--R      35b x |-----
--R                  \| x
--R
--E 1094                                         Type: Expression(Integer)

--S 1095 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      4 4      3   3      2 2 2      3       4
--R      256a x  + 128a b x - 32a b x  + 16a b x - 10b
--R      (3) -----
--R              +-----+
--R          5 4 |a x + b
--R      35b x |-----
--R                  \| x
--R
--E 1095                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 1096 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1096                                         Type: Expression(Integer)

--S 1097 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1097                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1098 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(3/2)*x^7)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  7      6  | a x + b
--R      (a x  + b x ) | -----
--R                           \| x
--R
--E 1098                                         Type: Expression(Integer)

--S 1099 of 1369
r0:=20/3*a^3*(a+b/x)^(3/2)/b^6-4*a^2*(a+b/x)^(5/2)/b^6+_
10/7*a*(a+b/x)^(7/2)/b^6-2/9*(a+b/x)^(9/2)/b^6-
2*a^5/(b^6*sqrt(a+b/x))-10*a^4*sqrt(a+b/x)/b^6
--R
--R
--R      5 5      4 4      3 2 3      2 3 2      4      5
--R      - 512a x  - 256a b x  + 64a b x  - 32a b x  + 20a b x  - 14b
--R      (2)  -----
--R                  +-----+
--R                  6 5  | a x + b
--R      63b x  | -----
--R                           \| x
--R
--E 1099                                         Type: Expression(Integer)

--S 1100 of 1369
a0:=integrate(t0,x)

```

```

--R
--R
--R      5 5      4 4      3 2 3      2 3 2      4      5
--R      - 512a x  - 256a b x + 64a b x - 32a b x + 20a b x - 14b
--R      (3) -----
--R                           +-----+
--R                           6 5 |a x + b
--R      63b x  |-----
--R                           \| x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1100

--S 1101 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1101

--S 1102 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1102

)clear all

--S 1103 of 1369
t0:=x^2/(a+b/x)^(5/2)
--R
--R
--R      (1) -----
--R                           4
--R                           x
--R      (a x  + 2a b x + b ) |-----
--R                           2 2      2 |a x + b
--R                           \| x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1103

--S 1104 of 1369
r0:=-2/3*x^3/(a*(a+b/x)^(3/2))-105/8*b^3*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/_
a^(11/2)-6*x^3/(a^2*sqrt(a+b/x))+105/8*b^2*x*sqrt(a+b/x)/a^5-
35/4*b*x^2*sqrt(a+b/x)/a^4+7*x^3*sqrt(a+b/x)/a^3
--R
--R

```

```

--R      (2)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      +-----+
--R      3      4 |a x + b      \| x
--R      (- 315a b x - 315b ) |----- atanh(-----)
--R      \| x           +-+
--R                                         \|a
--R
--R      +
--R      4 4      3 3      2 2 2      3      4 +-+
--R      (8a x - 18a b x + 63a b x + 420a b x + 315b )\|a
--R
--R      /
--R
--R      +-----+
--R      6      5 +-+ |a x + b
--R      (24a x + 24a b)\|a |-----+
--R                                         \| x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1104

--S 1105 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      [
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      3      4 |a x + b      |a x + b      +-+
--R      (315a b x + 315b ) |----- log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R      \| x           \| x
--R
--R      +
--R      4 4      3 3      2 2 2      3      4 +-+
--R      (16a x - 36a b x + 126a b x + 840a b x + 630b )\|a
--R
--R      /
--R
--R      +-----+
--R      6      5 +-+ |a x + b
--R      (48a x + 48a b)\|a |-----+
--R                                         \| x
--R
--R      ,
--R
--R
--R      +-----+
--R      +----+ |a x + b
--R      +-----+ \|- a |-----+
--R      3      4 |a x + b      \| x
--R      (- 315a b x - 315b ) |----- atan(-----)
--R      \| x           a
--R
--R      +
--R      4 4      3 3      2 2 2      3      4 +-+
--R      (8a x - 18a b x + 63a b x + 420a b x + 315b )\|- a
--R
--R      /
--R
--R      +-----+

```

```

--R      6      5      +---+ |a x + b
--R      (24a x + 24a b)\|- a |-----
--R                                \| x
--R      ]
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1105

--S 1106 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
--R      +-----+
--R      |a x + b
--R      |-----+
--R      3      |a x + b           +-+      3      \|- x
--R      105b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a ) + 210b atanh(-----)
--R              \| x                         +-+
--R                                         \|a
--R      (4) -----
--R                                         5 +-+
--R                                         16a \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1106

--S 1107 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1107

--S 1108 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+           +-----+
--R      |a x + b           |a x + b
--R      |-----           |-----+
--R      3 +---+ \|- x           3 +-+ \|- x
--R      105b \|- a atanh(-----) - 105b \|a atan(-----)
--R                                         +-+           a
--R                                         \|a
--R      (6) -----
--R                                         5 +---+ +-+
--R                                         8a \|- a \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1108

--S 1109 of 1369

```

```

d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1109                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1110 of 1369
t0:=x/(a+b/x)^(5/2)
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x^3}{(ax^2 + 2abx + b^2)\sqrt{x}}$$

--R
--E 1110                                         Type: Expression(Integer)

--S 1111 of 1369
r0:=-2/3*x^2/(a*(a+b/x)^(3/2))+35/4*b^2*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/_
a^(9/2)-14/3*x^2/(a^2*sqrt(a+b/x))-35/4*b*x*sqrt(a+b/x)/a^4+_
35/6*x^2*sqrt(a+b/x)/a^3
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$\frac{(105a^2b^3x^3 + 105b^2x^2)\operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{a+b}}{\sqrt{x}}\right) + (6a^3x^3 - 21a^2b^2x^2 - 140a^2b^3x^2 - 105b^4)\sqrt{a}}{(12a^5x^4 + 12a^4b^4)\sqrt{a}\sqrt{x}}$$

--R
--E 1111                                         Type: Expression(Integer)

--S 1112 of 1369
a0:=integrate(t0,x)

```

```

--R
--R
--R (3)
--R [
--R
--R           +-----+      +-----+
--R           2      3 |a x + b      |a x + b      +-+
--R   (105a b x + 105b ) |----- log(2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R           \| x      \| x
--R
--R   +
--R           3 3      2 2      2      3 +-+
--R   (12a x - 42a b x - 280a b x - 210b )\|a
--R
--R   /
--R           +-----+
--R           5      4 +-+ |a x + b
--R   (24a x + 24a b)\|a |-----
--R           \| x
--R
--R   ,
--R
--R           +-----+
--R           +-----+      +---+ |a x + b
--R           2      3 |a x + b      \|- a |-----
--R   (105a b x + 105b ) |----- atan(-----)
--R           \| x          a
--R
--R   +
--R           3 3      2 2      2      3 +-+
--R   (6a x - 21a b x - 140a b x - 105b )\|- a
--R
--R   /
--R           +-----+
--R           5      4 +-+ |a x + b
--R   (12a x + 12a b)\|- a |-----
--R           \| x
--R
--R   ]
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1112

--S 1113 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R           +-----+      +-----+
--R           2      |a x + b      |a x + b
--R   35b log(2a x |----- + (2a x + b)\|a ) - 70b atanh(-----)
--R           \| x          +-+      2      \| x
--R                                         +---+
--R                                         \|a
--R
--R   (4) -----
--R           4 +-+
--R           8a \|a

```

```

--R
--E 1113                                         Type: Expression(Integer)

--S 1114 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1114                                         Type: Expression(Integer)

--S 1115 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+           +-----+
--R      |a x + b           +---+ |a x + b
--R      |-----           \|- a |-----
--R      2 +---+ \|- x      2 +-+ \|- x
--R      - 35b \|- a atanh(-----) + 35b \|a atan(-----)
--R
--R      +-+           a
--R      \|a
--R      (6) -----
--R
--R      4 +---+ +-+
--R      4a \|- a \|a
--R
--E 1115                                         Type: Expression(Integer)

--S 1116 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1116                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1117 of 1369
t0:=1/(a+b/x)^(5/2)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1) -----
--R
--R      +-----+
--R      2 2           2 |a x + b
--R      (a x + 2a b x + b ) |-----
--R
--R      \|- x
--R
--E 1117                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 1117

--S 1118 of 1369
r0:=-2/3*x/(a*(a+b/x)^(3/2))-5*b*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(7/2)-
    10/3*x/(a^2*sqrt(a+b/x))+5*x*sqrt(a+b/x)/a^3
--R
--R
--R   (2)
--R
--R   
$$\frac{(-15abx - 15b)\sqrt{x} \operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{ax + b}}{\sqrt{x}}\right) + (3ax^2 + 20abx + 15b)\sqrt{a}\sqrt{x}}{(3ax^4 + 3ab^2)\sqrt{a}\sqrt{x}}$$

--R
--R
--R   Type: Expression(Integer)
--E 1118

--S 1119 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   [
--R
--R   
$$\frac{(15abx^2 + 15b)\sqrt{x} \log(-2ax\sqrt{x} + (2ax + b)\sqrt{a}) + (6a^2x^2 + 40abx + 30b)\sqrt{a}}{(6a^4x^3 + 6a^3b^2)\sqrt{a}\sqrt{x}}$$

--R
--R   /
--R   
$$\frac{(-15abx^2 - 15b)\sqrt{x} \operatorname{atan}\left(\frac{\sqrt{ax + b}}{\sqrt{x}}\right)}{a}$$

--R

```

```

--R      2 2          2  +---+
--R      (3a x  + 20a b x + 15b )\|- a
--R      /
--R      +-----+
--R      4      3  +---+ |a x + b
--R      (3a x + 3a b)\|- a |-----
--R                           \| x
--R      ]
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1119

--S 1120 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-----+ |a x + b
--R      +-----+ |----- \| x
--R      |a x + b           +-+ \| x
--R      5b log(- 2a x |----- + (2a x + b)\|a ) + 10b atanh(-----)
--R           \| x           +-+ \|a
--R
--R      (4) -----
--R                         3 +-+
--R                         2a \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1120

--S 1121 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1121

--S 1122 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-----+ |a x + b
--R      +-----+ |a x + b
--R      |----- \|- a |----- \| x
--R      +-+ \| x           +-+ \| x
--R      5b\|- a atanh(-----) - 5b\|a atan(-----)
--R
--R           +-+ a
--R           \|a
--R
--R      (6) -----
--R                         3 +---+ +-+
--R                         a \|- a \|a

```

```

--R
--E 1122                                         Type: Expression(Integer)

--S 1123 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1123                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1124 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(5/2)*x)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  x
--R                  +---+
--R      2 2          2 | a x + b
--R      (a x  + 2a b x + b ) |-----
--R                                \| x
--R
--E 1124                                         Type: Expression(Integer)

--S 1125 of 1369
r0:=(-2/3)/(a*(a+b/x)^(3/2))+2*atanh(sqrt(a+b/x)/sqrt(a))/a^(5/2)+_
(-2)/(a^2*sqrt(a+b/x))
--R
--R
--R      +---+
--R      | a x + b
--R      +---+ |-----+
--R      | a x + b      \| x      ++
--R      (6a x + 6b) |----- atanh(-----) + (- 8a x - 6b)\|a
--R      \| x           ++
--R
--R      (2)  -----
--R
--R      +---+
--R      3      2  +-+ | a x + b
--R      (3a x  + 3a b)\|a |-----
--R
--R
--E 1125                                         Type: Expression(Integer)

--S 1126 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)
--R   [
--R           +-----+      +-----+
--R           |a x + b      |a x + b      +-+
--R   (3a x + 3b) |----- log(2a x |----- + (2a x + b)\|a )
--R           \| x          \| x
--R   +
--R           +-+
--R   (- 8a x - 6b)\|a
--R   /
--R           +-----+
--R           3      2      +-+ |a x + b
--R   (3a x + 3a b)\|a |-----+
--R           \| x
--R   ,
--R           +-----+
--R           +---+ |a x + b
--R           +-----+ \|- a |-----+
--R           |a x + b      \| x      +---+
--R   (6a x + 6b) |----- atan(-----) + (- 8a x - 6b)\|- a
--R           \| x             a
--R   -----
--R           +-----+
--R           3      2      +-+ |a x + b
--R   (3a x + 3a b)\|- a |-----+
--R           \| x
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1126

--S 1127 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R           +-----+
--R           |a x + b
--R           +-----+
--R           |a x + b      +-+      \| x
--R   log(2a x |----- + (2a x + b)\|a ) - 2atanh(-----)
--R           \| x           +-+      \|a
--R   (4)  -----
--R           2 +-+
--R           a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1127

--S 1128 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R
--E 1128                                         Type: Expression(Integer)

--S 1129 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R   +-----+ +-----+
--R   |a x + b      +---+ |a x + b
--R   |-----      \| - a |-----
--R   +---+ \|- x      ++ \|- x
--R   - 2\|- a atanh(-----) + 2\|a atan(-----)
--R
--R   +++
--R   \|a
--R   (6) -----
--R   2 +---+ ++
--R   a \|- a \|a
--R
--E 1129                                         Type: Expression(Integer)

--S 1130 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R   (7)  0
--R
--E 1130                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1131 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(5/2)*x^2)
--R
--R
--R   (1)  -----
--R   1
--R   +-----+
--R   2 2      2 |a x + b
--R   (a x + 2a b x + b ) |-----
--R
--R   \|- x
--R
--E 1131                                         Type: Expression(Integer)

--S 1132 of 1369
r0:=2/3/(b*(a+b/x)^(3/2))
--R
--R
--R   2x
--R   (2) -----

```

```

--R          +-----+
--R          2  | a x + b
--R      (3a b x + 3b ) |-----
--R                           \| x
--R
--E 1132                                         Type: Expression(Integer)

--S 1133 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R          2x
--R      (3)  -----
--R          +-----+
--R          2  | a x + b
--R      (3a b x + 3b ) |-----
--R                           \| x
--R
--E 1133                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 1134 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1134                                         Type: Expression(Integer)

--S 1135 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1135                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1136 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(5/2)*x^3)
--R
--R
--R          1
--R      (1)  -----
--R          +-----+
--R          2 3      2 2  | a x + b
--R      (a x + 2a b x + b x ) |-----
--R                           \| x
--R
--E 1136                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 1137 of 1369
r0:=-2/3*a/(b^2*(a+b/x)^(3/2))+2/(b^2*sqrt(a+b/x))
--R
--R
--R      4a x + 6b
--R      (2)  -----
--R                  +-----+
--R      2      3 |a x + b
--R      (3a b x + 3b ) |-----
--R                           \| x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1137

--S 1138 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      4a x + 6b
--R      (3)  -----
--R                  +-----+
--R      2      3 |a x + b
--R      (3a b x + 3b ) |-----
--R                           \| x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1138

--S 1139 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1139

--S 1140 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1140

)clear all

--S 1141 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(5/2)*x^4)
--R
--R
--R

```

```

--R      (1)  -----
--R                           +----+
--R      2 4           3   2 2 |a x + b
--R      (a x  + 2a b x  + b x ) |-----
--R                                         \| x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1141

--S 1142 of 1369
r0:=2/3*a^2/(b^3*(a+b/x)^(3/2))-4*a/(b^3*sqrt(a+b/x))-2*sqrt(a+b/x)/b^3
--R
--R
--R      2 2           2
--R      - 16a x  - 24a b x - 6b
--R      (2)  -----
--R                           +----+
--R      3 2           4 |a x + b
--R      (3a b x  + 3b x ) |-----
--R                                         \| x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1142

--S 1143 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      - 16a x  - 24a b x - 6b
--R      (3)  -----
--R                           +----+
--R      3 2           4 |a x + b
--R      (3a b x  + 3b x ) |-----
--R                                         \| x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1143

--S 1144 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1144

--S 1145 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 1145

)clear all

--S 1146 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(5/2)*x^5)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           +-----+
--R           2 5      4      2 3 |a x + b
--R           (a x + 2a b x + b x ) |-----
--R                                         \| x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1146

--S 1147 of 1369
r0:=-2/3*a^3/(b^4*(a+b/x)^(3/2))-2/3*(a+b/x)^(3/2)/b^4+_
6*a^2/(b^4*sqrt(a+b/x))+6*a*sqrt(a+b/x)/b^4
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      32a x + 48a b x + 12a b x - 2b
--R      (2)  -----
--R           +-----+
--R           4 3      5 2 |a x + b
--R           (3a b x + 3b x ) |-----
--R                                         \| x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1147

--S 1148 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      32a x + 48a b x + 12a b x - 2b
--R      (3)  -----
--R           +-----+
--R           4 3      5 2 |a x + b
--R           (3a b x + 3b x ) |-----
--R                                         \| x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1148

--S 1149 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R

```

```

--R   (4)  0
--R
--E 1149                                         Type: Expression(Integer)

--S 1150 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 1150                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1151 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(5/2)*x^6)
--R
--R
--R   (1)  -----
--R           +-----+
--R           2 6      5      2 4 |a x + b
--R           (a x + 2a b x + b x ) |-----
--R                                     \| x
--R
--E 1151                                         Type: Expression(Integer)

--S 1152 of 1369
r0:=2/3*a^4/(b^5*(a+b/x)^(3/2))+8/3*a*(a+b/x)^(3/2)/b^5-
2/5*(a+b/x)^(5/2)/b^5-8*a^3/(b^5*sqrt(a+b/x))-12*a^2*sqrt(a+b/x)/b^5
--R
--R
--R   (2)  -----
--R           4 4      3 3      2 2 2      3      4
--R           - 256a x - 384a b x - 96a b x + 16a b x - 6b
--R
--R           +-----+
--R           5 4      6 3 |a x + b
--R           (15a b x + 15b x ) |-----
--R                                     \| x
--R
--E 1152                                         Type: Expression(Integer)

--S 1153 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)  -----
--R           4 4      3 3      2 2 2      3      4
--R           - 256a x - 384a b x - 96a b x + 16a b x - 6b

```

```

--R      5 4      6 3  |a x + b
--R      (15a b x  + 15b x ) |-----
--R                                         \| x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1153

--S 1154 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1154

--S 1155 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1155

)clear all

--S 1156 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^(5/2)*x^7)
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R                  +-----+
--R      2 7      6      2 5  |a x + b
--R      (a x  + 2a b x  + b x ) |-----
--R                                         \| x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1156

--S 1157 of 1369
r0:=-2/3*a^5/(b^6*(a+b/x)^(3/2))-20/3*a^2*(a+b/x)^(3/2)/b^6+_
2*a*(a+b/x)^(5/2)/b^6-2/7*(a+b/x)^(7/2)/b^6+_
10*a^4/(b^6*sqrt(a+b/x))+20*a^3*sqrt(a+b/x)/b^6
--R
--R
--R      5 5      4 4      3 2 3      2 3 2      4      5
--R      512a x  + 768a b x  + 192a b x  - 32a b x  + 12a b x - 6b
--R      (2) -----
--R                  +-----+
--R      6 5      7 4  |a x + b
--R      (21a b x  + 21b x ) |-----
--R                                         \| x

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1157

--S 1158 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      5 5      4 4      3 2 3      2 3 2      4      5
--R      512a x  + 768a b x  + 192a b x  - 32a b x  + 12a b x - 6b
--R      (3) -----
--R                                         +-----+
--R                                         6 5      7 4 |a x + b
--R      (21a b x  + 21b x ) |-----
--R                                         \| x
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1158

--S 1159 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1159

--S 1160 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1160

)clear all

--S 1161 of 1369
t0:=(a+b/x)*x^(5/2)
--R
--R
--R      2      +-+
--R      (1)  (a x  + b x)\|x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1161

--S 1162 of 1369
r0:=2/5*b*x^(5/2)+2/7*a*x^(7/2)
--R
--R
--R      3      2  +-+
--R      (10a x  + 14b x )\|x

```

```

--R   (2)  -----
--R           35
--R
--E 1162                                         Type: Expression(Integer)

--S 1163 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R           3      2  +-+
--R           (10a x  + 14b x )\|x
--R   (3)  -----
--R           35
--R
--E 1163                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 1164 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--E 1164                                         Type: Expression(Integer)

--S 1165 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 1165                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1166 of 1369
t0:=(a+b/x)*x^(3/2)
--R
--R
--R           +-+
--R   (1)  (a x  + b)\|x
--R
--E 1166                                         Type: Expression(Integer)

--S 1167 of 1369
r0:=2/3*b*x^(3/2)+2/5*a*x^(5/2)
--R
--R
--R           2      +-+
--R           (6a x  + 10b x )\|x
--R   (2)  -----

```

```

--R          15
--R
--E 1167                                         Type: Expression(Integer)

--S 1168 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R          2          +-+
--R          (6a x  + 10b x)\|x
--R  (3)  -----
--R                      15
--R
--E 1168                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 1169 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R  (4)  0
--R
--E 1169                                         Type: Expression(Integer)

--S 1170 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R  (5)  0
--R
--E 1170                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1171 of 1369
t0:=(a+b/x)*x^(1/2)
--R
--R
--R          +-+
--R          (a x + b)\|x
--R  (1)  -----
--R                      x
--R
--E 1171                                         Type: Expression(Integer)

--S 1172 of 1369
r0:=2/3*a*x^(3/2)+2*b*sqrt(x)
--R
--R
--R          +-+
--R          (2a x + 6b)\|x

```

```

--R      (2)  -----
--R                  3
--R
--E 1172                                         Type: Expression(Integer)

--S 1173 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)  -----
--R      (2a x + 6b)\|x
--R      3
--R
--E 1173                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 1174 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1174                                         Type: Expression(Integer)

--S 1175 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1175                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1176 of 1369
t0:=(a+b/x)/x^(1/2)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R      (a x + b)\|x
--R
--E 1176                                         Type: Expression(Integer)

--S 1177 of 1369
r0:=-2*b/sqrt(x)+2*a*sqrt(x)
--R
--R
--R      2a x - 2b

```

```

--R      (2)  -----
--R              +-+
--R              \|x
--R
--E 1177                                         Type: Expression(Integer)

--S 1178 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2a x - 2b
--R      (3)  -----
--R              +-+
--R              \|x
--R
--E 1178                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 1179 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1179                                         Type: Expression(Integer)

--S 1180 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1180                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1181 of 1369
t0:=(a+b/x)/x^(3/2)
--R
--R
--R      a x + b
--R      (1)  -----
--R              2 +-+
--R              x \|x
--R
--E 1181                                         Type: Expression(Integer)

--S 1182 of 1369
r0:=-2/3*b/x^(3/2)-2*a/sqrt(x)
--R
--R

```

```

--R      - 6a x - 2b
--R      (2) -----
--R           +-+
--R           3x\|x
--R
--E 1182                                         Type: Expression(Integer)

--S 1183 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      - 6a x - 2b
--R      (3) -----
--R           +-+
--R           3x\|x
--R
--E 1183                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 1184 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1184                                         Type: Expression(Integer)

--S 1185 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1185                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1186 of 1369
t0:=(a+b/x)/x^(5/2)
--R
--R
--R      a x + b
--R      (1) -----
--R           3 +-+
--R           x \|x
--R
--E 1186                                         Type: Expression(Integer)

--S 1187 of 1369
r0:=-2/5*b/x^(5/2)-2/3*a/x^(3/2)
--R

```

```

--R
--R      - 10a x - 6b
--R      (2)  -----
--R                  2 +-+
--R                  15x \|x
--R
--E 1187                                         Type: Expression(Integer)

--S 1188 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      - 10a x - 6b
--R      (3)  -----
--R                  2 +-+
--R                  15x \|x
--R
--E 1188                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 1189 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1189                                         Type: Expression(Integer)

--S 1190 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1190                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1191 of 1369
t0:=(a+b/x)^2*x^(5/2)
--R
--R
--R      2 2           2 +-+
--R      (1)  (a x + 2a b x + b )\|x
--R
--E 1191                                         Type: Expression(Integer)

--S 1192 of 1369
r0:=2/3*b^2*x^(3/2)+4/5*a*b*x^(5/2)+2/7*a^2*x^(7/2)
--R
--R

```

```

--R      2 3      2      2    +-+
--R      (30a x  + 84a b x  + 70b x)\|x
--R      (2) -----
--R                           105
--R
--E 1192                                         Type: Expression(Integer)

--S 1193 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 3      2      2    +-+
--R      (30a x  + 84a b x  + 70b x)\|x
--R      (3) -----
--R                           105
--R
--E 1193                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 1194 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1194                                         Type: Expression(Integer)

--S 1195 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1195                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1196 of 1369
t0:=(a+b/x)^2*x^(3/2)
--R
--R
--R      2 2      2    +-+
--R      (a x  + 2a b x + b )\|x
--R      (1) -----
--R                           x
--R
--E 1196                                         Type: Expression(Integer)

--S 1197 of 1369
r0:=4/3*a*b*x^(3/2)+2/5*a^2*x^(5/2)+2*b^2*sqrt(x)
--R

```

```

--R
--R      2 2           2  +-+
--R      (6a x + 20a b x + 30b )\|x
--R      (2) -----
--R                           15
--R
--E 1197                                         Type: Expression(Integer)

--S 1198 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2           2  +-+
--R      (6a x + 20a b x + 30b )\|x
--R      (3) -----
--R                           15
--R
--E 1198                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 1199 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1199                                         Type: Expression(Integer)

--S 1200 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1200                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1201 of 1369
t0:=(a+b/x)^2*x^(1/2)
--R
--R
--R      2 2           2  +-+
--R      (a x + 2a b x + b )\|x
--R      (1) -----
--R                           2
--R                           x
--R
--E 1201                                         Type: Expression(Integer)

--S 1202 of 1369

```

```

r0:=2/3*a^2*x^(3/2)-2*b^2/sqrt(x)+4*a*b*sqrt(x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      2a x + 12a b x - 6b
--R      (2) -----
--R                  +-+
--R                  3\|x
--R
--E 1202                                         Type: Expression(Integer)

--S 1203 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      2a x + 12a b x - 6b
--R      (3) -----
--R                  +-+
--R                  3\|x
--R
--E 1203                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 1204 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1204                                         Type: Expression(Integer)

--S 1205 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1205                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1206 of 1369
t0:=(a+b/x)^2/x^(1/2)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      a x + 2a b x + b
--R      (1) -----
--R                  2 +-+
--R                  x \|x

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1206

--S 1207 of 1369
r0:=-2/3*b^2/x^(3/2)-4*a*b/sqrt(x)+2*a^2*sqrt(x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      6a x - 12a b x - 2b
--R      (2)  -----
--R                  +-+
--R                  3x\|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1207

--S 1208 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      6a x - 12a b x - 2b
--R      (3)  -----
--R                  +-+
--R                  3x\|x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1208

--S 1209 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1209

--S 1210 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1210

)clear all

--S 1211 of 1369
t0:=(a+b/x)^2/x^(3/2)
--R
--R
--R      2 2           2

```

```

--R      a x  + 2a b x + b
--R      (1) -----
--R                  3 +-+
--R                  x \|x
--R
--E 1211                                         Type: Expression(Integer)

--S 1212 of 1369
r0:=-2/5*b^2/x^(5/2)-4/3*a*b/x^(3/2)-2*a^2/sqrt(x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      - 30a x  - 20a b x - 6b
--R      (2) -----
--R                  2 +-+
--R                  15x \|x
--R
--E 1212                                         Type: Expression(Integer)

--S 1213 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      - 30a x  - 20a b x - 6b
--R      (3) -----
--R                  2 +-+
--R                  15x \|x
--R
--E 1213                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 1214 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1214                                         Type: Expression(Integer)

--S 1215 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1215                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1216 of 1369

```

```

t0:=(a+b/x)^2/x^(5/2)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      a x  + 2a b x + b
--R      (1) -----
--R                  4 +-+
--R                  x \|x
--R
--E 1216                                         Type: Expression(Integer)

--S 1217 of 1369
r0:=-2/7*b^2/x^(7/2)-4/5*a*b/x^(5/2)-2/3*a^2/x^(3/2)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      - 70a x  - 84a b x - 30b
--R      (2) -----
--R                  3 +-+
--R                  105x \|x
--R
--E 1217                                         Type: Expression(Integer)

--S 1218 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2 2           2
--R      - 70a x  - 84a b x - 30b
--R      (3) -----
--R                  3 +-+
--R                  105x \|x
--R
--E 1218                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 1219 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1219                                         Type: Expression(Integer)

--S 1220 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1220                                         Type: Expression(Integer)

```

```

)clear all

--S 1221 of 1369
t0:=(a+b/x)^3*x^(5/2)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3 +-+
--R      (a x + 3a b x + 3a b x + b )\|x
--R      (1) -----
--R                           x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1221

--S 1222 of 1369
r0:=2*a^2*x^(3/2)+6/5*a^2*b*x^(5/2)+2/7*a^3*x^(7/2)+2*b^3*sqrt(x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3 +-+
--R      (10a x + 42a b x + 70a b x + 70b )\|x
--R      (2) -----
--R                           35
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1222

--S 1223 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3 +-+
--R      (10a x + 42a b x + 70a b x + 70b )\|x
--R      (3) -----
--R                           35
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1223

--S 1224 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1224

--S 1225 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 1225

)clear all

--S 1226 of 1369
t0:=(a+b/x)^3*x^(3/2)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3 +-+
--R      (a x + 3a b x + 3a b x + b )\|x
--R      (1) -----
--R                  2
--R                  x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1226

--S 1227 of 1369
r0:=2*a^2*b*x^(3/2)+2/5*a^3*x^(5/2)-2*b^3/sqrt(x)+6*a*b^2*sqrt(x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      2a x + 10a b x + 30a b x - 10b
--R      (2) -----
--R                  +-+
--R                  5\|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1227

--S 1228 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      2a x + 10a b x + 30a b x - 10b
--R      (3) -----
--R                  +-+
--R                  5\|x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1228

--S 1229 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1229

--S 1230 of 1369
d0:=D(m0,x)

```

```

--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1230                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1231 of 1369
t0:=(a+b/x)^3*x^(1/2)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3  +-+
--R      (a x + 3a b x + 3a b x + b )\|x
--R      (1) -----
--R                  3
--R                  x
--R
--E 1231                                         Type: Expression(Integer)

--S 1232 of 1369
r0:=-2/3*b^3/x^(3/2)+2/3*a^3*x^(3/2)-6*a*b^2/sqrt(x)+6*a^2*b*sqrt(x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      2a x + 18a b x - 18a b x - 2b
--R      (2) -----
--R                  +-+
--R                  3x\|x
--R
--E 1232                                         Type: Expression(Integer)

--S 1233 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      2a x + 18a b x - 18a b x - 2b
--R      (3) -----
--R                  +-+
--R                  3x\|x
--R
--E 1233                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

--S 1234 of 1369

m0:=a0-r0

--R

--R

--R (4) 0
--R

--E 1234 Type: Expression(Integer)

```

--E 1234

--S 1235 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1235

)clear all

--S 1236 of 1369
t0:=(a+b/x)^3/x^(1/2)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R      (1) -----
--R                  3 +-+
--R                  x \|x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1236

--S 1237 of 1369
r0:=-2/5*b^3/x^(5/2)-2*a*b^2/x^(3/2)-6*a^2*b/sqrt(x)+2*a^3*sqrt(x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      10a x - 30a b x - 10a b x - 2b
--R      (2) -----
--R                  2 +-+
--R                  5x \|x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1237

--S 1238 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      10a x - 30a b x - 10a b x - 2b
--R      (3) -----
--R                  2 +-+
--R                  5x \|x
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1238

--S 1239 of 1369
m0:=a0-r0

```

```

--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 1239                                         Type: Expression(Integer)

--S 1240 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1240                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1241 of 1369
t0:=(a+b/x)^3/x^(3/2)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2 3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R      (1) -----
--R                  4 +-+
--R                  x \|x
--R
--E 1241                                         Type: Expression(Integer)

--S 1242 of 1369
r0:=-2/7*b^3/x^(7/2)-6/5*a*b^2/x^(5/2)-2*a^2*b/x^(3/2)-2*a^3/sqrt(x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2 3
--R      - 70a x - 70a b x - 42a b x - 10b
--R      (2) -----
--R                  3 +-+
--R                  35x \|x
--R
--E 1242                                         Type: Expression(Integer)

--S 1243 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2 3
--R      - 70a x - 70a b x - 42a b x - 10b
--R      (3) -----
--R                  3 +-+
--R                  35x \|x
--R
--E 1243                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--E 1243

--S 1244 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1244

--S 1245 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1245

)clear all

--S 1246 of 1369
t0:=(a+b/x)^3/x^(5/2)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      a x + 3a b x + 3a b x + b
--R      (1) -----
--R                  5 +-+
--R                  x \|x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1246

--S 1247 of 1369
r0:=-2/9*b^3/x^(9/2)-6/7*a*b^2/x^(7/2)-6/5*a^2*b/x^(5/2)-2/3*a^3/x^(3/2)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      - 210a x - 378a b x - 270a b x - 70b
--R      (2) -----
--R                  4 +-+
--R                  315x \|x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1247

--S 1248 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3 3      2 2      2      3
--R      - 210a x - 378a b x - 270a b x - 70b

```

```

--R      (3)  -----
--R                           4 +-+
--R                           315x \|x
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1248

--S 1249 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1249

--S 1250 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1250

)clear all

--S 1251 of 1369
t0:=x^(5/2)/(a+b/x)
--R
--R
--R      3 +-+
--R      x \|x
--R      (1)  -----
--R      a x + b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1251

--S 1252 of 1369
r0:=2/3*b^2*x^(3/2)/a^3-2/5*b*x^(5/2)/a^2+2/7*x^(7/2)/a+2*b^(7/2)*_
atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))/a^(9/2)-2*b^3*sqrt(x)/a^4
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+ +-+
--R      3 +-+   \|a \|x      3 3      2   2      2      3  +-+ +-+
--R      210b \|b atan(-----) + (30a x - 42a b x + 70a b x - 210b )\|a \|x
--R      +-+
--R      \|b
--R
--R      -----
--R                           4 +-+
--R                           105a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 1252

--S 1253 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [  

--R           +---+
--R           | b +-+
--R           +---+   2a |- - \x + a x - b
--R           3 | b     \| a
--R           105b |- - log(-----)
--R           \| a             a x + b
--R
--R +
--R           3 3      2 2      2      3 +-+
--R           (30a x - 42a b x + 70a b x - 210b )\x
--R /
--R           4
--R           105a
--R
--R ,
--R           +-+      +-+
--R           3 |b     \|x      3 3      2 2      2      3 +-+
--R           210b |- atan(----) + (30a x - 42a b x + 70a b x - 210b )\x
--R           \|a      +-+
--R           |b
--R           |-  

--R           \|a
--R -----
--R           4
--R           105a
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1253

--S 1254 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R           +---+
--R           | b +-+
--R           +---+   2a |- - \x + a x - b           +-+ +-+
--R           3 | b +-+     \| a           3 +-+     \|a \|x
--R           b |- - \|a log(-----) - 2b \|b atan(-----)
--R           \| a             a x + b           +-+
--R           \|b
--R (4) -----
--R
--R           4 +-+
--R           a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1254

```

```

--S 1255 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1255

--S 1256 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +--+ +--+
--R      3 +--+ |b      \|x      3 +--+ \|\a \|x +--+ +--+
--R      2b \|\a |- atan(-----) - 2b \|\b atan(-----)
--R                  +--+
--R                  \|a          |b
--R
--R                  +--+
--R                  \|b
--R
--R      (6)  -----
--R
--R                  4 +--+
--R                  a \|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1256

--S 1257 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1257

)clear all

--S 1258 of 1369
t0:=x^(3/2)/(a+b/x)
--R
--R
--R      2 +--+
--R      x \|x
--R      (1)  -----
--R      a x + b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1258

--S 1259 of 1369
r0:=-2/3*b*x^(3/2)/a^2+2/5*x^(5/2)/a-2*b^(5/2)*atan(sqrt(a)*_
sqrt(x)/sqrt(b))/a^(7/2)+2*b^2*sqrt(x)/a^3

```



```

--R
--R      (4)  -----
--R                                3 +-+
--R                                a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1261

--S 1262 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1262

--S 1263 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      2 +-+   +-+   +-+ +-+
--R      - 2b \|a | - atan(---) + 2b \|b atan(-----)
--R                  \|a   +-+           +-+
--R                  \|b           \|b
--R
--R                  |-
--R
--R                  \|a
--R      (6)  -----
--R                                3 +-+
--R                                a \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1263

--S 1264 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1264

)clear all

--S 1265 of 1369
t0:=x^(1/2)/(a+b/x)
--R
--R
--R      +-+
--R      x\|x
--R      (1)  -----
--R      a x + b

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1265

--S 1266 of 1369
r0:=2/3*x^(3/2)/a+2*b^(3/2)*atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))/a^(5/2)-
2*b*sqrt(x)/a^2
--R
--R
--R      +-+ +-+
--R      +-+ \|a \|x           +-+ +-+
--R      6b\|b atan(-----) + (2a x - 6b)\|a \|x
--R      +-+
--R      \|b
--R (2)  -----
--R                  2 +-+
--R                  3a \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1266

--S 1267 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      +---+
--R      | b +-+
--R      +---+ 2a | - - \|x + a x - b
--R      | b     \| a
--R      3b | - - log(-----) + (2a x - 6b)\|x
--R      \| a             a x + b
--R      [-----,
--R                  2
--R                  3a
--R      +-+ +-+
--R      |b     \|x           +-+
--R      6b | - atan(----) + (2a x - 6b)\|x
--R      \|a      +-+
--R      |b
--R      |-
--R      \|a
--R      -----]
--R                  2
--R                  3a
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1267

--S 1268 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R

```

```

--R          +---+
--R          | b +-+
--R          +---+      2a |- - \x + a x - b           +-+ +-+
--R          | b +-+      \| a                         \|a \|x
--R          b |- - \|a log(-----) - 2b\|b atan(-----)
--R          \| a             a x + b           +-+
--R                                         \|b
--R (4) -----
--R                                         2 +-+
--R                                         a \|a
--R
--E 1268                                         Type: Expression(Integer)

--S 1269 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--E 1269                                         Type: Expression(Integer)

--S 1270 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R          +-+      +-+           +-+ +-+
--R          +-+ |b      \|x           +-+ \|a \|x
--R          2b\|a |- atan(----) - 2b\|b atan(-----)
--R          \|a           +-+           +-+
--R                      |b           \|b
--R                      |-           \|a
--R (6) -----
--R                                         2 +-+
--R                                         a \|a
--R
--E 1270                                         Type: Expression(Integer)

--S 1271 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)  0
--R
--E 1271                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1272 of 1369
t0:=1/((a+b/x)*x^(1/2))

```

```

--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R                  +-+
--R                  (a x + b)\|x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1272

--S 1273 of 1369
r0:=-2*atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))*sqrt(b)/a^(3/2)+2*sqrt(x)/a
--R
--R
--R      +-+ +-+
--R      +-+ \|a \|x      +-+ +-+
--R      - 2\|b atan(-----) + 2\|a \|x
--R                  +-+
--R                  \|b
--R      (2)  -----
--R                  +-+
--R                  a\|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1273

--S 1274 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      +--+      +-+      +-+
--R      | b +-+      |b      \|x      +-+
--R      +--+      - 2a | - - \|x + a x - b      - 2 | - atan(---- + 2\|x
--R      | b      \| a      \a      +-+
--R      | - log(-----) + 2\|x      | -
--R      \| a      a x + b      \|a
--R      [-----, -----]
--R                  a                  a
--R
--R                                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1274

--S 1275 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +--+      +-+
--R      | b +-+
--R      +--+      - 2a | - - \|x + a x - b      +-+ +-+
--R      | b +-+      \| a      +-+      \a \|x
--R      | - - \|a log(-----) + 2\|b atan(-----)

```

```

--R      \| a          a x + b          +-+
--R      (4)  -----
--R                           +-+
--R                           a\|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1275

--S 1276 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1276

--S 1277 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-+      +-+      +-+ +-+
--R      +-+ |b      \ |x      +-+ \ |a \ |x
--R      - 2\ |a |- atan(----) + 2\ |b atan(-----)
--R                  \ |a      +-+      +-+
--R                          |b      \ |b
--R                          |
--R                          \ |a
--R      (6)  -----
--R
--R                           +-+
--R                           a\|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1277

--S 1278 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1278

)clear all

--S 1279 of 1369
t0:=1/((a+b/x)*x^(3/2))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                           1
--R                           +-+

```

```

--R      (a x + b)\|x
--R
--E 1279                                         Type: Expression(Integer)

--S 1280 of 1369
r0:=2*atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))/(sqrt(a)*sqrt(b))
--R
--R
--R      +--+ +-+
--R      \|a \|x
--R      2atan(-----)
--R      +-+
--R      \|b
--R      (2)  -----
--R      +-+ +-+
--R      \|a \|b
--R
--E 1280                                         Type: Expression(Integer)

--S 1281 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      +-+      +-----+      +---+ +-+
--R      2a b\|x + (a x - b)\|- a b      \|a b \|x
--R      log(-----) 2atan(-----)
--R                  a x + b                      b
--R      (3)  [-----,-----]
--R                  +-----+      +---+
--R                  \|- a b                  \|a b
--R
--E 1281                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)

--S 1282 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-+      +-----+      +---+ +-+
--R      +-+ +-+ 2a b\|x + (a x - b)\|- a b      +-----+      \|a \|x
--R      \|\a \|b log(-----) - 2\|- a b atan(-----)
--R                  a x + b                      +-+
--R                                         \|\b
--R      (4)  -----
--R
--R                                         +---+ +-+ +-+
--R                                         \|- a b \|a \|b
--R
--E 1282                                         Type: Expression(Integer)

--S 1283 of 1369
d0a:=D(m0a,x)

```

```

--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1283                                         Type: Expression(Integer)

--S 1284 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +---+ +-+
--R      +-+ +-+ \|a b \|x      +---+ \|a \|x
--R      2\|a \|b atan(-----) - 2\|a b atan(-----)
--R                                b                         +-+
--R                                         \|b
--R      (6)  -----
--R                                         +-+ +-+ +---+
--R                                         \|a \|b \|a b
--R
--E 1284                                         Type: Expression(Integer)

--S 1285 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1285                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1286 of 1369
t0:=1/((a+b/x)*x^(5/2))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              2      +-+
--R              (a x  + b x)\|x
--R
--E 1286                                         Type: Expression(Integer)

--S 1287 of 1369
r0:=-2*atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))*sqrt(a)/b^(3/2)+(-2)/(b*sqrt(x))
--R
--R
--R      +-+ +-+
--R      +-+ +-+ \|a \|x      +-+
--R      - 2\|a \|x atan(-----) - 2\|b
--R                                         +-+

```

```

--R          \|b
--R  (2)  -----
--R          +-+ +-+
--R          b\|b \|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1287

--S 1288 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R  (3)
--R
--R          +---+          +-+          +-+
--R          | a +-+          |a +-+      a\|x
--R          - 2b | - \|x + a x - b      \|b
--R          | a +-+          \|b          +-+
--R          | - \|x log(-----) - 2      |a
--R          \| b          a x + b      b |-
--R          [-----,-----]
--R          +-+          +-+
--R          b\|x          b\|x
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1288

--S 1289 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R          +---+
--R          | a +-+
--R          +---+          - 2b | - \|x + a x - b          +-+ +-+
--R          | a +-+          \| b          +-+          \|a \|x
--R          | - \|b log(-----) + 2\|a atan(-----)
--R          \| b          a x + b          +-+
--R
--R  (4)  -----
--R          +-+
--R          b\|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1289

--S 1290 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R  (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1290

```

```

--S 1291 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-+      +-+      +-+ +-+
--R      |a  +-+    a\|x      +-+    \|a \|x
--R      - 2 |- \|b atan(----- + 2\|a atan(-----)
--R           \|b          +-+          +-+
--R                           |a
--R                           b |-      \|b
--R                           \|b
--R      (6)  -----
--R                           +-+
--R                           b\|b
--R
--R
--E 1291                                         Type: Expression(Integer)

--S 1292 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--R
--E 1292                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1293 of 1369
t0:=1/((a+b/x)*x^(7/2))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R            3      2   +-+
--R            (a x  + b x )\|x
--R
--R
--E 1293                                         Type: Expression(Integer)

--S 1294 of 1369
r0:=(-2/3)/(b*x^(3/2))+2*a^(3/2)*atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))/b^(5/2)+_
2*a/(b^2*sqrt(x))
--R
--R
--R      +-+ +-+      +-+ +-+
--R      +-+ +-+    \|a \|x      +-+
--R      6a x\|a \|x atan(-----) + (6a x - 2b)\|b
--R                           +-+
--R                           \|b
--R      (2)  -----
--R            2   +-+ +-+

```

```

--R          3b x\|b \|x
--R
--E 1294                                         Type: Expression(Integer)

--S 1295 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)                                     +---+
--R                                     | a ++
--R      +---+      2b | - \|x + a x - b
--R      | a +-+ \|- b
--R      3a x | - \|x log(-----) + 6a x - 2b
--R      \|- b           a x + b
--R      [-----,
--R                  2 ++
--R                  3b x\|x
--R      +-+      +-+
--R      |a +-+ a\|x
--R      6a x | - \|x atan(-----) + 6a x - 2b
--R      \|- b      +-+
--R                  |a
--R      b |-
--R      \|- b
--R      -----]
--R                  2 ++
--R                  3b x\|x
--R
--E 1295                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 1296 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +---+
--R      | a ++
--R      +---+      2b | - \|x + a x - b      +-+ +-+
--R      | a +-+ \|- b      +-+ \|- a \|x
--R      a | - \|- b log(-----) - 2a\|a atan(-----)
--R      \|- b           a x + b      +-+
--R                                         \|- b
--R (4)  -----
--R
--R                  2 ++
--R                  b \|- b
--R
--E 1296                                         Type: Expression(Integer)

--S 1297 of 1369
d0a:=D(m0a,x)

```

```

--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1297                                         Type: Expression(Integer)

--S 1298 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +--+          +--+
--R      |a  +-+      a\|x          +--+          +-+ +-+
--R      2a |- \|b atan(-----) - 2a\|a atan(-----)
--R          \|b          +--+          +--+
--R                  |a          \|b
--R          b |-          \|b
--R
--R      (6)  -----
--R                  2 +-+
--R                  b \|b
--R
--E 1298                                         Type: Expression(Integer)

--S 1299 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1299                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1300 of 1369
t0:=1/((a+b/x)*x^(9/2))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R          4      3  +-+
--R          (a x  + b x )\|x
--R
--E 1300                                         Type: Expression(Integer)

--S 1301 of 1369
r0:=(-2/5)/(b*x^(5/2))+2/3*a/(b^2*x^(3/2))-2*a^(5/2)*atan(sqrt(a)*_
sqrt(x)/sqrt(b))/b^(7/2)-2*a^2/(b^3*sqrt(x))
--R
--R
--R      +-+ +-+

```

```

--R      2 2 +-+ +-+    \|a \|x      2 2      2 +-+
--R      - 30a x \|a \|x atan(-----) + (- 30a x + 10a b x - 6b )\|b
--R                           +-+
--R                           \|b
--R (2) -----
--R                           3 2 +-+ +-+
--R                           15b x \|b \|x
--R
--E 1301                                         Type: Expression(Integer)

--S 1302 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R      +---+
--R      | a +-+
--R      +---+      - 2b | - - \|x + a x - b
--R      2 2 | a +-+   \|b
--R      15a x | - - \|x log(-----) - 30a x + 10a b x - 6b
--R      \|b                         a x + b
--R      [-----,
--R                           3 2 +-+
--R                           15b x \|x
--R
--R      +--+      +--+
--R      2 2 |a +-+   a\|x      2 2      2
--R      - 30a x | - - \|x atan(-----) - 30a x + 10a b x - 6b
--R      \|b                         +-+
--R                           |a
--R                           b |-
--R                           \|b
--R      -----]
--R                           3 2 +-+
--R                           15b x \|x
--R
--E 1302                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)

```

--S 1303 of 1369

m0a:=a0.1-r0

```

--R
--R
--R      +---+
--R      | a +-+
--R      +---+      - 2b | - - \|x + a x - b      +-+ +-+
--R      2 | a +-+   \|b      2 +-+      \|a \|x
--R      a | - - \|b log(-----) + 2a \|a atan(-----)
--R      \|b                         a x + b      +-+
--R
--R (4) -----
--R                           3 +-+

```

```

--R          b \|b
--R
--E 1303                                         Type: Expression(Integer)

--S 1304 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1304                                         Type: Expression(Integer)

--S 1305 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +--+      +--+
--R      2 |a  +-+    a\|x      2 +-+      \|a \|x
--R      - 2a  |- \|b atan(-----) + 2a \|a atan(-----)
--R                  \|b      +--+
--R                  |a
--R
--R      b |-
--R      \|b
--R      (6)  -----
--R
--R                  3 +-+
--R                  b \|b
--R
--E 1305                                         Type: Expression(Integer)

--S 1306 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1306                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1307 of 1369
t0:=x^(5/2)/(a+b/x)^2
--R
--R
--R      4 +-+
--R      x \|x
--R      (1)  -----
--R
--R      2 2      2
--R      a x  + 2a b x + b
--R
--E 1307                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 1308 of 1369
r0:=3*b^2*x^(3/2)/a^4-9/5*b*x^(5/2)/a^3+9/7*x^(7/2)/a^2-x^(9/2)/_
(a*(b+a*x))+9*b^(7/2)*atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))/a^(11/2)-_
9*b^3*sqrt(x)/a^5
--R
--R
--R (2)
--R
--R
--R      3      4  +-+      \|a \|x
--R      (315a b x + 315b )\|b atan(-----)
--R
--R
--R      +-+
--R      \ |b
--R
--R +
--R      4 4      3   3      2 2 2      3      4  +-+ +-+
--R      (10a x - 18a b x + 42a b x - 210a b x - 315b )\|a \|x
--R /
--R      6      5  +-+
--R      (35a x + 35a b)\|a
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1308

--S 1309 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
--R
--R      +---+
--R      | b +-+
--R      +---+ 2a |-- \ |x + a x - b
--R      3      4 | b \| a
--R      (315a b x + 315b ) |-- log(-----)
--R
--R      \ | a           a x + b
--R
--R +
--R      4 4      3   3      2 2 2      3      4  +-+
--R      (20a x - 36a b x + 84a b x - 420a b x - 630b )\|x
--R /
--R      6      5
--R      70a x + 70a b
--R ,
--R
--R
--R      +-+      +-+
--R      3      4 | b \|x
--R      (315a b x + 315b ) | - atan(----)
--R
--R      \ |a      +-+
--R
--R      |b
--R
--R      |-_
--R
--R      \ |a
--R
--R +

```

```

--R      4 4      3 3      2 2 2      3      4  +-+
--R      (10a x - 18a b x + 42a b x - 210a b x - 315b )\|x
--R      /
--R      6      5
--R      35a x + 35a b
--R      ]
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1309

--S 1310 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +---+
--R      | b +-+
--R      +---+      2a |- - \|x + a x - b      +-+ +-+
--R      3 | b +-+      \|- a      3 +-+      \|-a \|x
--R      9b |- - \|a log(-----) - 18b \|-b atan(-----)
--R      \|- a      a x + b      +-+
--R                                         \|-b
--R      (4) -----
--R                                         5 +-+
--R                                         2a \|-a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1310

--S 1311 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1311

--S 1312 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-+      +-+      +-+ +-+
--R      3 +-+ |b      \|-x      3 +-+      \|-a \|-x
--R      9b \|-a |- atan(----) - 9b \|-b atan(-----)
--R      \|-a      +-+      +-+
--R                                         |b      \|-b
--R                                         |-      \|-a
--R      (6) -----
--R                                         5 +-+
--R                                         a \|-a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1312

```

```

--S 1313 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1313                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1314 of 1369
t0:=x^(3/2)/(a+b/x)^2
--R
--R
--R      3 +-+
--R      x \|x
--R      (1) -----
--R      2 2          2
--R      a x + 2a b x + b
--R
--E 1314                                         Type: Expression(Integer)

--S 1315 of 1369
r0:=-7/3*b*x^(3/2)/a^3+7/5*x^(5/2)/a^2-x^(7/2)/(a*(b+a*x))-_
7*b^(5/2)*atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))/a^(9/2)+7*b^2*sqrt(x)/a^4
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      2          3 +-+      +-+ +-+
--R      (- 105a b x - 105b )\|b atan(-----)
--R
--R
--R      +-+
--R      \|-b
--R
--R      +
--R      3 3          2 2          2          3 +-+ +-+
--R      (6a x - 14a b x + 70a b x + 105b )\|a \|x
--R
--R      /
--R      5          4 +-+
--R      (15a x + 15a b)\|a
--R
--E 1315                                         Type: Expression(Integer)

--S 1316 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      [
--R

```



```

--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1318

--S 1319 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +--+      +--+
--R      2 +--+ |b      \|x      2 +--+      \|a \|x
--R      - 7b \|a |- atan(----) + 7b \|b atan(-----)
--R                  \|a      +--+
--R                           |b      +--+
--R                           |-
--R                           \|a
--R      (6)  -----
--R                           4 +--+
--R                           a \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1319

--S 1320 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1320

)clear all

--S 1321 of 1369
t0:=x^(1/2)/(a+b/x)^2
--R
--R
--R      2 +--+
--R      x \|x
--R      (1)  -----
--R      2 2           2
--R      a x  + 2a b x + b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1321

--S 1322 of 1369
r0:=5/3*x^(3/2)/a^2-x^(5/2)/(a*(b+a*x))+5*b^(3/2)*atan(sqrt(a)*_
sqrt(x)/sqrt(b))/a^(7/2)-5*b*sqrt(x)/a^3
--R
--R
--R      +--+ +--+

```

```

--R          2  +-+      \|a \|x      2 2          2  +-+ +-+
--R      (15a b x + 15b )\|b atan(-----) + (2a x - 10a b x - 15b )\|a \|x
--R          +-+
--R          \|b
--R (2) -----
--R          4      3  +-+
--R      (3a x + 3a b)\|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1322

--S 1323 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
--R          +---+
--R          | b +-+
--R          +---+   2a |- - \|x + a x - b
--R          2 | b     \| a
--R      (15a b x + 15b ) |- - log(-----)
--R          \| a           a x + b
--R
--R +
--R          2 2          2  +-+
--R      (4a x - 20a b x - 30b )\|x
--R
--R /
--R          4      3
--R      6a x + 6a b
--R
--R ,
--R          +-+      +-+
--R          2 |b     \|x      2 2          2  +-+
--R      (15a b x + 15b ) |- atan(----) + (2a x - 10a b x - 15b )\|x
--R          \|a          +-+
--R          |b
--R          |-_
--R          \|a
--R -----
--R          4      3
--R      3a x + 3a b
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1323

--S 1324 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R          +---+
--R          | b +-+
--R          +---+   2a |- - \|x + a x - b          +-+ +-+
--R          | b +-+     \| a                      +-+     \|a \|x

```

```

--R      5b | - - \|a log(-----) - 10b\|b atan(-----)
--R          \| a                  a x + b           +-+
--R                                         \|b
--R      (4) -----
--R                                         3 +-+
--R                                         2a \|a
--R
--E 1324                                         Type: Expression(Integer)

--S 1325 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1325                                         Type: Expression(Integer)

--S 1326 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-+      +-+      +-+ +-+
--R      +-+ |b      \|x      +-+ \|\a \|x
--R      5b\|a |- atan(----) - 5b\|b atan(-----)
--R          \|a      +-+      +-+
--R                      |b      \|b
--R
--R
--R      (6) -----
--R
--R                                         3 +-+
--R                                         a \|a
--R
--E 1326                                         Type: Expression(Integer)

--S 1327 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1327                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1328 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^(1/2))
--R
--R
--R      2
--R      x

```

```

--R   (1)  -----
--R           2 2          2  +-+
--R           (a x  + 2a b x + b )\|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1328

--S 1329 of 1369
r0:=-x^(3/2)/(a*(b+a*x))-3*atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))*_
sqrt(b)/a^(5/2)+3*sqrt(x)/a^2
--R
--R
--R           +-+ +-+
--R           +-+ \a \|x          +-+ +-+
--R           (- 3a x - 3b)\|b atan(-----) + (2a x + 3b)\|a \|x
--R           +-+
--R           \|b
--R   (2)  -----
--R           3      2  +-+
--R           (a x + a b)\|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1329

--S 1330 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R           +---+
--R           | b  +-+
--R           +---+ - 2a | - - \a x + a x - b
--R           | b           \| a
--R           (3a x + 3b) | - - log(-----) + (4a x + 6b)\|x
--R           \| a           a x + b
--R   [------,
--R           3      2
--R           2a x + 2a b
--R           +-+     +-+
--R           |b     \a x          +-+
--R           (- 3a x - 3b) | - atan(----) + (2a x + 3b)\|x
--R           \|a           +-+
--R           |b
--R           |-
--R           \|a
--R   -----]
--R           3      2
--R           a x + a b
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1330

--S 1331 of 1369

```



```

--S 1335 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^(3/2))
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R           2 2          2  +-+
--R           (a x  + 2a b x + b )\|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1335

--S 1336 of 1369
r0:=atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))/(a^(3/2)*sqrt(b))-sqrt(x)/(a*(b+a*x))
--R
--R
--R      +-+ +-+
--R      \|a \|x      +-+ +-+ +-+
--R      (a x + b)atan(-----) - \|a \|b \|x
--R
--R      +-+
--R      \|b
--R      (2)  -----
--R           2          +-+ +-+
--R           (a x + a b)\|a \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1336

--S 1337 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      +-+          +----+
--R      2a b\|x  + (a x - b)\|- a b      +----+ +-+
--R      (a x + b)log(-----) - 2\|- a b \|x
--R
--R      a x + b
--R      [-----,
--R
--R           2          +----+
--R           (2a x + 2a b)\|- a b
--R
--R           +-+ +-+
--R           \|a b \|x      +----+ +-+
--R      (a x + b)atan(-----) - \|a b \|x
--R
--R           b
--R      -----]
--R
--R           2          +----+
--R           (a x + a b)\|a b
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1337

--S 1338 of 1369

```

```

m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-+          +---+
--R      +-+ +-+  2a b\|x + (a x - b)\|- a b      +---+      \|a \|x
--R      \|a \|b log(-----) - 2\|- a b atan(-----)
--R                           a x + b
--R                                         +-+
--R                                         \|b
--R      (4) -----
--R                                         +---+ +-+ +-+
--R                                         2a\|- a b \|a \|b
--R
--E 1338                                         Type: Expression(Integer)

--S 1339 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1339                                         Type: Expression(Integer)

--S 1340 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +---+ +-+          +---+
--R      +-+ +-+  \|a b \|x      +---+      \|a \|x
--R      \|a \|b atan(-----) - \|a b atan(-----)
--R                           b
--R                                         +-+
--R                                         \|b
--R      (6) -----
--R                                         +-+ +-+ +---+
--R                                         a\|a \|b \|a b
--R
--E 1340                                         Type: Expression(Integer)

--S 1341 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1341                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1342 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^(5/2))
--R

```

```

--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              2 2          2  +-+
--R      (a x  + 2a b x + b )\|x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1342

--S 1343 of 1369
r0:=atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))/(b^(3/2)*sqrt(a))+sqrt(x)/(b*(b+a*x))
--R
--R
--R      +-+ +-+
--R      \|a \|x      +-+ +-+ +-+
--R      (a x + b)atan(-----) + \|a \|b \|x
--R                  +-+
--R                  \|b
--R      (2)  -----
--R              2  +-+ +-+
--R      (a b x + b )\|a \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1343

--S 1344 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +-+           +----+
--R      2a b\|x  + (a x - b)\|- a b      +----+ +-+
--R      (a x + b)log(-----) + 2\|- a b \|x
--R                  a x + b
--R      [-----,
--R                  2 +----+
--R                  (2a b x + 2b )\|- a b
--R                  +----+ +-+
--R                  \|a b \|x      +----+ +-+
--R      (a x + b)atan(-----) + \|a b \|x
--R                  b
--R      -----]
--R              2 +----+
--R      (a b x + b )\|a b
--R
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1344

--S 1345 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R      +-+           +----+           +-+ +-+

```

```

--R      +-+ +-+   2a b\|x + (a x - b)\|- a b      +----+   \|a \|x
--R      \|a \|b log(-----) - 2\|- a b atan(-----)
--R                                a x + b           +-+
--R
--R      (4) -----
--R                               +----+ +-+ +-+
--R                               2b\|- a b \|a \|b
--R
--E 1345                                         Type: Expression(Integer)

--S 1346 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 1346                                         Type: Expression(Integer)

--S 1347 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-+ +-+   \|a b \|x      +----+   \|a \|x
--R      \|a \|b atan(-----) - \|a b atan(-----)
--R                                b           +-+
--R                                \|b
--R
--R      (6) -----
--R                               +-+ +-+ +---+
--R                               b\|a \|b \|a b
--R
--E 1347                                         Type: Expression(Integer)

--S 1348 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1348                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1349 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^(7/2))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R          1
--R          2 3      2 2    +-+

```

```

--R      (a x  + 2a b x  + b x)\|x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1349

--S 1350 of 1369
r0:=-3*atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))*sqrt(a)/b^(5/2)+(-3)/_
(b^2*sqrt(x))+1/(b*(b+a*x)*sqrt(x))
--R
--R
--R      +--+ +-+
--R      +-+ +-+ \ |a \|x +--+
--R      (- 3a x - 3b)\|a \|x atan(-----) + (- 3a x - 2b)\|b
--R                                         +-+
--R                                         \ |b
--R      (2)  -----
--R                                         2      3   +-+ +-+
--R                                         (a b x + b )\|b \|x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1350

--S 1351 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      +---+
--R      |  a  +-+
--R      +---+      - 2b | - - \ |x  + a x - b
--R      |  a  +-+      \ | b
--R      (3a x + 3b) | - - \ |x log(-----) - 6a x - 4b
--R      \ | b           a x + b
--R      [-----,
--R      2      3   +-+
--R      (2a b x + 2b )\|x
--R      +-+      +-+
--R      |a  +-+  a\|x
--R      (- 3a x - 3b) | - \ |x atan(-----) - 3a x - 2b
--R      \ |b      +-+
--R      |a
--R      b |-
--R      \ |b
--R      -----]
--R      2      3   +-+
--R      (a b x + b )\|x
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1351

--S 1352 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R

```



```

t0:=1/((a+b/x)^2*x^(9/2))
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      2 4      3      2 2  +-+
--R      (a x  + 2a b x  + b x )\|x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1356

--S 1357 of 1369
r0:=(-5/3)/(b^2*x^(3/2))+1/(b*x^(3/2)*(b+a*x))+5*a^(3/2)*atan(sqrt(a)*_
sqrt(x)/sqrt(b))/b^(7/2)+5*a/(b^3*sqrt(x))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      2 2      +-+ +-+      \|a \|x      2 2      2  +-+
--R      (15a x  + 15a b x )\|a \|x atan(-----) + (15a x  + 10a b x - 2b )\|b
--R
--R
--R      +-+
--R      \|b
--R
--R
--R      3 2      4      +-+ +-+
--R      (3a b x  + 3b x)\|b \|x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 1357

--S 1358 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      [
--R
--R      +----+
--R      | a +-+
--R      +---+      2b | - - \|x  + a x - b
--R      2 2      | a +-+      \| b
--R      (15a x  + 15a b x ) | - - \|x log(-----) + 30a x
--R
--R      \|- b
--R
--R      +
--R
--R      2
--R      20a b x - 4b
--R
--R      /
--R      3 2      4      +-+
--R      (6a b x  + 6b x)\|x
--R
--R      ,
--R
--R      +--+      +-+
--R      2 2      |a +-+      a\|x      2 2      2
--R      (15a x  + 15a b x ) | - - \|x atan(-----) + 15a x  + 10a b x - 2b
--R
--R      \|- b

```

```

--R          | a
--R          b |- 
--R          \|b
--R  -----
--R          3 2      4    +-+
--R          (3a b x  + 3b x)\|x
--R                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1358

--S 1359 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R          +---+
--R          | a   +-+
--R          +---+      2b |- - \|x  + a x - b           +-+ +-+
--R          | a   +-+      \|b                         +-+ \|a \|x
--R          5a |- - \|b log(-----) - 10a\|a atan(-----)
--R          \|b                  a x + b           +-+
--R                                         \|b
--R  (4) -----
--R          3 +-+
--R          2b \|b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1359

--S 1360 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R  (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1360

--S 1361 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R          +-+      +-+      +-+ +-+
--R          |a   +-+      a\|x      +-+      \|\a \|x
--R          5a |- - \|b atan(-----) - 5a\|a atan(-----)
--R          \|b      +-+      +-+
--R          |a              \|b
--R          b |- 
--R          \|b
--R  (6) -----
--R          3 +-+
--R          b \|b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1361

```

```

--S 1362 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R      (7)  0
--R
--E 1362                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 1363 of 1369
t0:=1/((a+b/x)^2*x^(11/2))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              1
--R              2 5      4      2 3  +-+
--R      (a x  + 2a b x  + b x )\|x
--R
--E 1363                                         Type: Expression(Integer)

--S 1364 of 1369
r0:=(-7/5)/(b^2*x^(5/2))+7/3*a/(b^3*x^(3/2))+1/(b*x^(5/2)*(b+a*x))-_
7*a^(5/2)*atan(sqrt(a)*sqrt(x)/sqrt(b))/b^(9/2)-7*a^2/(b^4*sqrt(x))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R              +-+ +-+
--R              3 3      2  2  +-+ +-+    \|a \|x
--R      (- 105a x  - 105a b x )\|a \|x atan(-----)
--R
--R
--R              +-+
--R              \|b
--R
--R      +
--R              3 3      2  2      2      3  +-+
--R      (- 105a x  - 70a b x  + 14a b x  - 6b )\|b
--R
--R      /
--R              4 3      5 2  +-+ +-+
--R      (15a b x  + 15b x )\|b \|x
--R
--E 1364                                         Type: Expression(Integer)

--S 1365 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      [
--R
--R
--R              +---+
--R              |   a  +-+

```



```

--R   (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1367

--S 1368 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R      +-+      +-+      +-+ +-+
--R      2 |a  +-+    a\|x      2 +-+    \|a \|x
--R      - 7a  |- \|b atan(-----) + 7a \|a atan(-----)
--R                  \|b          +-+      +-+
--R                  |a          \|b
--R                  b |-      \|b
--R
--R      (6)  -----
--R                                         4 +-+
--R                                         b \|b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1368

--S 1369 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R   (7)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 1369

)spool
)lisp (bye)

```

---

## **References**

[1] nothing